

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

КАФЕДРА ЛАЗЕРНОЙ ФИЗИКИ

ОДОБРЕНО УМС ЛАПЛАЗ

Протокол № 1/08-577

от 29.08.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ТЕОРИЯ КОЛЕБАНИЙ

Направление подготовки  
(специальность)

[1] 12.03.05 Лазерная техника и лазерные технологии

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
6	3	108	30	0	0		34	8	Э
Итого	3	108	30	0	0	0	34	8	

## АННОТАЦИЯ

Курс связывает фундаментальные знания, полученные студентами по математике и физике на младших курсах с изучением основных курсов по специализациям кафедры: «Квантовая радиофизика», «Атомная и молекулярная спектроскопия», «Методы лазерной диагностики» и других. Знание курса обеспечивает глубокое понимание физики лазеров как многомерных колебательных оптических систем. Курс подкрепляется двумя кафедральными физическими практикумами – по физической оптике и по физике лазеров.

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения учебной дисциплины «Теория колебаний» являются изучение различных колебательных процессов в природе, выявления их фундаментальных причин, классификация, знакомство с основными теоретическими методами описания и расчета параметров колебательных систем. Рассматриваются механические и электрические колебания, колебания в оптике и в лазерной физике.

### 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Курс связывает фундаментальные знания, полученные студентами по математике и физике на младших курсах с изучением основных курсов по специализациям кафедры: «Квантовая радиофизика», «Атомная и молекулярная спектроскопия», «Методы лазерной диагностики» и других. Знание курса обеспечивает глубокое понимание физики лазеров как многомерных колебательных оптических систем. Курс подкрепляется двумя кафедральными физическими практикумами – по физической оптике и по физике лазеров.

### 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
--------------------------------	--

Профессиональные компетенции в соответствии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
научно-исследовательский			
Анализ поставленной задачи исследований в области лазерной техники и лазерных	процессы взаимодействия лазерного излучения с	ПК-2.5 [1] - Способен к использованию знаний об электронных структурах атомов и	З-ПК-2.5[1] - Знать: основы спектроскопии атомов и молекул, основы физики

технологий;- математическое моделирование процессов и объектов на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и исследований, разработка программ и их отдельных блоков, отладка и настройка для решения задач лазерной техники и лазерных технологий; проведение экспериментальных исследований взаимодействия лазерного излучения с веществом; проведение измерений по заданным методикам с выбором технических средств и обработкой результатов; составление описаний проводимых исследований и разрабатываемых проектов; осуществление наладки, настройки, юстировки и опытной проверки лазерных приборов и лазерных технологических систем;	веществом, включая биологические объекты; лазерные приборы, системы и технологии различного назначения; процессы генерации, усиления, модуляции, распространения и детектирования лазерного излучения; программное обеспечение и компьютерное моделирование в лазерной технике и лазерных технологиях.	молекул; электронных, колебательных и вращательных возбуждениях в атомах и молекулах, процессах релаксации уровней и уширении спектральных линий, знаний об основах физики плазмы  <i>Основание:</i> Профессиональный стандарт: 40.011	плазмы; У-ПК-2.5[1] - Уметь: классифицировать атомарные и молекулярные спектры излучения и поглощения; В-ПК-2.5[1] - Владеть: методами исследования атомарных и молекулярных спектров излучения и поглощения, навыками: самостоятельной постановки и решения задач, связанных с разработкой газовых лазеров, исследованием параметров плазмы лазерными методами
Анализ поставленной задачи исследований в области лазерной техники и лазерных технологий;- математическое моделирование процессов и объектов на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и исследований, разработка программ и	процессы взаимодействия лазерного излучения с веществом, включая биологические объекты; лазерные приборы, системы и технологии различного назначения; процессы генерации,	ПК-1 [1] - Способен к математическому моделированию процессов и объектов лазерной техники и технологий на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и самостоятельно разработанных программных продуктов	З-ПК-1[1] - Знать возможности стандартных пакетов автоматизированного проектирования при математическом моделировании объектов лазерной техники и технологий.; У-ПК-1[1] - Уметь решать типичные математические задачи на базе стандартных пакетов

их отдельных блоков, отладка и настройка для решения задач лазерной техники и лазерных технологий; проведение экспериментальных исследований взаимодействия лазерного излучения с веществом; проведение измерений по заданным методикам с выбором технических средств и обработкой результатов; составление описаний проводимых исследований и разрабатываемых проектов; осуществление наладки, настройки, юстировки и опытной проверки лазерных приборов и лазерных технологических систем;	усиления, модуляции, распространения и детектирования лазерного излучения; программное обеспечение и компьютерное моделирование в лазерной технике и лазерных технологиях.	<i>Основание:</i> Профессиональный стандарт: 40.011	автоматизированного проектирования; В-ПК-1[1] - Владеть навыками самостоятельной разработки программ при математическом моделировании процессов и объектов лазерной техники и технологий
Анализ поставленной задачи исследований в области лазерной техники и лазерных технологий;- математическое моделирование процессов и объектов на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и исследований, разработка программ и их отдельных блоков, отладка и настройка для решения задач лазерной техники и лазерных технологий; проведение экспериментальных исследований взаимодействия лазерного излучения с	процессы взаимодействия лазерного излучения с веществом, включая биологические объекты; лазерные приборы, системы и технологии различного назначения; процессы генерации, усиления, модуляции, распространения и детектирования лазерного излучения; программное обеспечение и компьютерное моделирование в	ПК-2 [1] - Способен к проведению измерений и исследования различных объектов по заданной методике  <i>Основание:</i> Профессиональный стандарт: 40.011	3-ПК-2[1] - Знать основы электротехники и электроники, основы теории сигналов, основные физические методы измерений и исследований в области профессиональной деятельности.; У-ПК-2[1] - Уметь выбирать и использовать соответствующие ресурсы и оборудование для проведения исследований и измерений ; В-ПК-2[1] - Владеть методами и приемами исследований, а также навыками измерений

<p>веществом; проведение измерений по заданным методикам с выбором технических средств и обработкой результатов;</p> <p>составление описаний проводимых исследований и разрабатываемых проектов;</p> <p>осуществление наладки, настройки, юстировки и опытной проверки лазерных приборов и лазерных технологических систем;</p>	<p>лазерной технике и лазерных технологиях.</p>		<p>по заданной методике в области профессиональной деятельности</p>
<p>Анализ поставленной задачи исследований в области лазерной техники и лазерных технологий;- математическое моделирование процессов и объектов на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и исследований, разработка программ и их отдельных блоков, отладка и настройка для решения задач лазерной техники и лазерных технологий;</p> <p>проведение экспериментальных исследований взаимодействия лазерного излучения с веществом; проведение измерений по заданным методикам с выбором технических средств и обработкой результатов;</p> <p>составление описаний проводимых исследований и разрабатываемых</p>	<p>процессы взаимодействия лазерного излучения с веществом, включая биологические объекты; лазерные приборы, системы и технологии различного назначения;</p> <p>процессы генерации, усиления, модуляции, распространения и детектирования лазерного излучения;</p> <p>программное обеспечение и компьютерное моделирование в лазерной технике и лазерных технологиях.</p>	<p>ПК-3 [1] - Способен к наладке, настройке, юстировке и опытной проверке приборов и систем</p> <p><i>Основание:</i> Профессиональный стандарт: 40.011</p>	<p>З-ПК-3[1] - знать основы теории измерений, основы работы с измерительной аппаратурой, основы оптико-физических измерений; ;</p> <p>У-ПК-3[1] - Уметь - пользоваться основными измерительными и сервисными приборами - юстировать оптические установки ;</p> <p>В-ПК-3[1] - Владеть методами и приемами наладки, настройки, юстировки и опытной проверки приборов и систем.</p>

проектов; осуществление наладки, настройки, юстировки и опытной проверки лазерных приборов и лазерных технологических систем;			
--	--	--	--

#### 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
Профессиональное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование научного мировоззрения, культуры поиска нестандартных научно-технических/практических решений, критического отношения к исследованиям лженаучного толка (В19)	1.Использование воспитательного потенциала дисциплин/практик «Научно-исследовательская работа», «Проектная практика», «Научный семинар» для: - формирования понимания основных принципов и способов научного познания мира, развития исследовательских качеств студентов посредством их вовлечения в исследовательские проекты по областям научных исследований. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплин "История науки и инженерии", "Критическое мышление и основы научной коммуникации", "Введение в специальность", "Научно-исследовательская работа", "Научный семинар" для: - формирования способности отделять настоящие научные исследования от лженаучных посредством проведения со студентами занятий и регулярных бесед; - формирования критического мышления, умения рассматривать различные исследования с экспертной позиции посредством обсуждения со студентами современных исследований, исторических предпосылок появления тех или иных

		открытий и теорий.
Профессиональное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование творческого инженерного/профессионального мышления, навыков организации коллективной проектной деятельности (B22)	<p>1.Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для развития навыков коммуникации, командной работы и лидерства, творческого инженерного мышления, стремления следовать в профессиональной деятельности нормам поведения, обеспечивающим нравственный характер трудовой деятельности и неслужебного поведения, ответственности за принятые решения через подготовку групповых курсовых работ и практических заданий, решение кейсов, прохождение практик и подготовку ВКР.</p> <p>2.Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для: - формирования производственного коллективизма в ходе совместного решения как модельных, так и практических задач, а также путем подкрепление рационально-технологических навыков взаимодействия в проектной деятельности эмоциональным эффектом успешного взаимодействия, ощущением роста общей эффективности при распределении проектных задач в соответствии с сильными компетентностными и эмоциональными свойствами членов проектной группы.</p>

## 5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практи. (семинары )/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	<i>6 Семестр</i>						
1	Часть 1	1-8	16/0/0		25	Т-8	3-ПК-2.5, У-ПК-2.5, В-ПК-2.5, 3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-3, У-ПК-3, В-ПК-3
2	Часть 2	9-15	14/0/0		25	КИ-15	3-ПК-2.5, У-ПК-2.5, В-ПК-2.5, 3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-3, У-ПК-3, В-ПК-3
	<i>Итого за 6 Семестр</i>		30/0/0		50		
	<b>Контрольные мероприятия за 6 Семестр</b>				50	Э	3-ПК-2.5, У-ПК-2.5, В-ПК-2.5, 3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-3, У-ПК-3, В-ПК-3

\* – сокращенное наименование формы контроля

\*\* – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:



Обозначение	Полное наименование
Т	Тестирование
КИ	Контроль по итогам
Э	Экзамен

### КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек., час.	Пр./сем., час.	Лаб., час.
	<i>6 Семестр</i>	30	0	0
<b>1-8</b>	<b>Часть 1</b>	16	0	0
1	<b>Введение</b> Многообразие колебательных процессов в природе и практической деятельности человека. Фундаментальные причины колебаний в механике, электромагнетизме и оптике, лазерной физике. История теории колебаний.	Всего аудиторных часов		
		2	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
2	<b>Собственные линейные колебания.</b> Условия для линейных колебаний в механике. Электромеханическая аналогия. Комплексное представление колебаний. Применение рядов и интегралов Фурье в комплексной форме. Колебания в консервативных системах. Затухающие и нарастающие колебания. Спектральное представление. Фазовые диаграммы. Разряд конденсатора. Порог генерации радиогенератора	Всего аудиторных часов		
		2	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
3	<b>Вынужденные линейные колебания.</b> Амплитудно-частотные и фазо-частотные характеристики. Явление резонанса. Применение метода вариации постоянных. Колебания под действием удара. Использование $\square$ - функций.	Всего аудиторных часов		
		2	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
4 - 5	<b>Многомерные линейные колебания.</b> Колебания в консервативных системах, нормальные координаты и нормальные колебания. Колебания молекул. Собственные и вынужденные колебания в механических и электрических цепочках. Волновое сопротивление. Многозвенные электрические фильтры.	Всего аудиторных часов		
		4	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
6 - 7	<b>Линейные колебания в оптике</b> Уравнения Максвелла. Волновое уравнение, электромагнитные волны, фазовая скорость света. Распространение света в материальной среде. Коэффициент поглощения и показатель преломления. Закон Бугера. Поляризация среды, линии поглощения и дисперсии в модели атома как затухающего электронного осциллятора. Спектр спонтанного излучения.	Всего аудиторных часов		
		4	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
8	<b>Линейные колебания в лазерной физике.</b> Спектр оптического резонатора, моды, собственные частоты, полоса и добротность резонатора. Усиление активной среды. Спонтанное излучение в резонаторе с активной средой, формирование генерации лазера.	Всего аудиторных часов		
		2	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
<b>9-15</b>	<b>Часть 2</b>	14	0	0
9 - 10	<b>Нелинейные колебания.</b>	Всего аудиторных часов		

	Колебания в консервативных системах, вычисление периодов колебаний и ротаций. «Точная» теория маятника. Колебания в диссипативных системах, метод поэтапного рассмотрения. Анггармонизм колебаний. Резонансы в нелинейных колебательных системах. Метод Льенара.	4	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
11 - 13	<b>Автоколебания.</b> Условия для автоколебаний, представление о предельных циклах. Системы томпсоновского типа. Метод медленно меняющихся амплитуд и фаз. Радиогенератор. Модель Ван-дер-Поля. Вырожденные системы, разрывные и релаксационные колебания. Скрип и скрипка. Лазер как оптический автогенератор.	Всего аудиторных часов		
		6	0	0
		Онлайн		
14 - 15	<b>Параметрические колебания</b> Примеры параметрически возбуждаемых колебаний. Анализ уравнений Хилла и Матье. Условия параметрического возбуждения. Необходимость учета нелинейных свойств возбуждаемой системы. Представление о параметрических генераторах и усилителях.	Всего аудиторных часов		
		4	0	0
		Онлайн		
		0	0	0

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
ВМ	Видео-материалы
АМ	Аудио-материалы
Прз	Презентации
Т	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

## 6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При реализации программы дисциплины «Теория колебаний» используются различные образовательные технологии – во время аудиторных занятий занятия проводятся в форме продвинутых лекций с использованием технических средств обучения - лекций с визуализацией.

Для контроля усвоения студентом разделов данного курса используются тестирование и написание реферата.

Самостоятельная работа студентов подразумевает под собой проработку лекционного материала с использованием рекомендуемой литературы.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ПК-1	З-ПК-1	Э, Т-8, КИ-15
	У-ПК-1	Э, Т-8, КИ-15
	В-ПК-1	Э, Т-8, КИ-15
ПК-2	З-ПК-2	Э, Т-8, КИ-15
	У-ПК-2	Э, Т-8, КИ-15
	В-ПК-2	Э, Т-8, КИ-15
ПК-2.5	З-ПК-2.5	Э, Т-8, КИ-15
	У-ПК-2.5	Э, Т-8, КИ-15
	В-ПК-2.5	Э, Т-8, КИ-15
ПК-3	З-ПК-3	Э, Т-8, КИ-15
	У-ПК-3	Э, Т-8, КИ-15
	В-ПК-3	Э, Т-8, КИ-15

### Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-х балльной шкале	Оценка ECTS	Требования к уровню освоению учебной дисциплины
90-100	5 – «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89	4 – «хорошо»	B	Оценка «хорошо» выставляется студенту, если он твёрдо знает материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
75-84		C	
70-74		D	
65-69	3 – «удовлетворительно»	E	Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
60-64			

Ниже 60	2 – «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.
---------	------------------------------	---	---

## 8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 537 3-43 Принципы лазеров : , Звелто О., Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2008
2. 53 Л22 Теоретическая физика Т.1 Механика, Ландау Л.Д., Москва: Физматлит, 2013
3. ЭИ А 45 Теория линейных и нелинейных колебаний : учебное пособие, Алдошин Г. Т., Санкт-Петербург: Лань, 2022

### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 534 О-75 Основы теории колебаний : , Мигулин В.В. [и др.], М.: Наука, 1988
2. 534 А66 Теория колебаний : , Хайкин С.Э., Витт А.А., Андронов А.А., М.: Наука, 1981

### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

<https://online.mephi.ru/>

<http://library.mephi.ru/>

## 9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

## 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

При реализации программы дисциплины «Теория колебаний» используются различные образовательные технологии – во время аудиторных занятий занятия проводятся в форме продвинутых лекций с использованием технических средств обучения - лекций с визуализацией.

Для контроля усвоения студентом разделов данного курса используется тестирование.

Самостоятельная работа студентов подразумевает под собой проработку лекционного материала с использованием рекомендуемой литературы для подготовки к тестам и написания рефератов.

Студентам перед началом занятий надо учесть, что несмотря на достаточно большое количество учебников по теории колебаний, написанных в различных специализированных учебных заведениях, полноценного учебника по данному курсу в рамках программы «Лазерная физика» не существует. Поэтому следует аккуратно посещать лекции, перед очередной лекцией прорабатывать предыдущий материал и не стесняться задавать вопросы преподавателю. Для успешного усвоения материала следует освежить в памяти следующие разделы математики: теорию линейных дифференциальных уравнений, ряды и интегралы Фурье, и основы теоретической механики. В процессе изучения предмета основное внимание следует уделить теоретическим методам анализа колебаний, и в первую очередь - методу медленно меняющихся амплитуд и фаз. Владение им будет очень полезно в дальнейшем при изучении курса «Теоретическая квантовая электроника»

## **11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ**

Во введении следует обратить внимание студентов на повсеместность колебаний и колебательных систем в природе и практической деятельности человека. Надо показать, что возможность колебательных процессов вытекает из фундаментальных законов природы на примере теоретической механики и электродинамики. Обосновать необходимость возникновения теории колебаний как самостоятельной науки, тесно связанной с другими разделами физики, и в первую очередь с оптикой и лазерной физикой. Провести краткий обзор развития теории колебаний.

В первой части курса, посвященной линейной теории колебаний, целесообразно обратиться к наиболее знакомым и понятным механическим колебательным системам, введя развернутое представление о силах трения и диссипативной функции Рэлея. Следует проанализировать условия применимости линейной теории колебаний в механике. Затем целесообразно из правила Кирхгофа вывести уравнение для тока в электромагнитном контуре с внешним возбуждением и, сравнивая его с уравнением движения одномерной механической колебательной системы, провести электромеханическую аналогию. Тем самым будут обобщены представления о колебаниях в этих системах. Рассмотреть консервативные и автономные системы. Напомнить понятия об устойчивом и неустойчивом равновесии и ввести понятия об обыкновенной и асимптотической устойчивости. Ввести представление о фазовом пространстве и показать фазовые диаграммы для рассмотренных простейших систем, продемонстрировав возможности для анализа более сложных систем.

Перед анализом вынужденных колебаний целесообразно напомнить математический аппарат рядов и интегралов Фурье, имея в виду, что спектральные представления и навыки оперировать ими у студентов весьма ограничены. Предложить использовать комплексное представление как более компактное и удобное. Продемонстрировать эти возможности при вычислении спектров затухающих и нарастающих колебаний и использовать для анализа вынужденных колебаний под действием периодической и непериодической внешней силы. Затем следует напомнить о методе вариации постоянных при решении неоднородных линейных дифференциальных уравнений и использовать его для анализа вынужденных колебаний при

импульсном воздействии. Показать физический смысл  $\square$  - функции как присоединенной функции.

При изложении собственных колебаний в многомерных консервативных системах надо дать студентам представление о нормальных координатах, нормальных колебаниях (типах колебаний, модах) и собственных частотах. Полезно проиллюстрировать эти понятия на примере колебаний в молекуле  $\text{CO}_2$ . Проанализировать собственные и вынужденные колебания в линейных цепочках осцилляторов на примерах пружинно связанных маятников и электромагнитных контуров, связанных переходными емкостями. Еще раз продемонстрировать справедливость электромеханической аналогии. Ввести понятие о волновом сопротивлении цепочек и как частный случай вывести волновое сопротивление электрической кабельной линии.

Вторая часть курса посвящена рассмотрению линейных колебаний в оптике и лазерной физике, вопросов, имеющих важное значение для подготовки специалистов по лазерной физике. Начать изложение следует с фундаментальных уравнений Максвелла и материальных с использованием международной системы единиц. Это позволяет после вывода волнового уравнения показать связь фазовой скорости света с электрической и магнитной постоянными. В рамках курса достаточно ограничиться случаем плоских волн и непроводящей, немагнитной однородной и изотропной разреженной среды. После рассмотрения плоских волн в открытом резонаторе с учетом граничных условий на зеркалах дается представление о модах резонатора, их собственных частотах и добротности резонатора. Рассматривая материальные частицы в простой модели неподвижных затухающих электронных осцилляторов нетрудно получить частотные зависимости для показателя преломления и коэффициента поглощения (усиления) однородной среды. Можно указать на соотношения Крамерса – Кронига, связывающие эти зависимости. Рассматривая в классическом представлении излучение затухающих осцилляторов, случайно и независимо друг от друга возникающих, можно вывести форму спектра спонтанного излучения активных частиц в свободном пространстве и в открытом резонаторе с поглощающей и усиливающей средой. Показывается эффект сужения линий спонтанного излучения и преобразования их в монохроматические компоненты при увеличении усиления в среде. Определяется порог генерации лазера.

В третьей части курса рассматриваются основы нелинейной теории колебаний. Целесообразно начать с консервативных систем, для которых непосредственно из закона сохранения энергии можно вычислить периоды колебаний и вращений одномерной колебательной системы. В качестве простого примера вычисляется период колебаний математического маятника. Затем рассматривается ангармонизм колебаний в общем виде: появление высших гармоник и изменение их частот с ростом амплитуды колебаний. Для диссипативных нелинейных колебательных систем вводится представление о методе поэтапного рассмотрения колебаний на примере колебаний с сухим трением. Затем излагается метод Льенара и приводятся примеры построения фазовых диаграмм с его использованием для ряда диссипативных систем. Обсуждаются условия возникновения автоколебаний. Дается представление об устойчивых и неустойчивых предельных циклах на фазовой плоскости, о мягком и жестком возбуждении автоколебаний. Вводится классификация автоколебательных систем как систем томпсоновского типа и вырожденных. Для расчета автоколебательных систем томпсоновского типа предлагается метод медленно меняющихся амплитуд и фаз. В качестве примеров его использования рассчитывается электрический генератор синусоидальных колебаний и механический генератор звука (пример - скрипка). Рассчитывается интенсивность генерации в одномодовом лазере.

Для анализа вынужденных колебаний в нелинейных колебательных системах приводится метод гармонического баланса. Рассматриваются системы с не квадратичной зависимостью потенциальной энергии от обобщенной координаты и с коэффициентом сопротивления, зависящим от обобщенной скорости. Показывается, что в первом случае резонансные кривые «искривлены» - максимум перемещается по частоте с ростом амплитуды возмущающей обобщенной силы. Это приводит к возможному наблюдению гистерезисных явлений. Во втором случае резонансные кривые сохраняют свою симметрию, но уширяются и появляется постоянная составляющая, квадратично растущая с амплитудой возмущающей силы. Проводится параллель с полевым уширением линии усиления активной среды в лазере. Обсуждаются условия, при которых частота томпсоновского генератора может синхронизоваться сигналом другого генератора.

В конце курса рассматриваются параметрически возбуждаемые колебания. Общий анализ возможности таких колебаний проводится на основе уравнения Хилла. Условия для их возбуждения определяются при анализе уравнения Матье. Показывается, что рост амплитуды параметрически возбуждаемых колебаний ограничивается только нелинейностями в системе. В качестве примера рассматривается электрический генератор с конденсатором в задающем контуре, содержащем сегнетоэлектрик. Дается качественное представление о параметрических усилителях.

Самостоятельная работа студентов необходима для закрепления полученных теоретических знаний. Формой ее является подготовка рефератов по предложенным темам.

Автор(ы):

Козин Геннадий Иванович, к.ф.-м.н., с.н.с.