# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

# ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИФТИС

Протокол № 1

от 28.08.2024 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

## СПЕЦИАЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

Направление подготовки (специальность)

[1] 15.04.04 Автоматизация технологических процессов и производств

[2] 14.04.02 Ядерные физика и технологии

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
1	4	144	16	32	0		60	0	Э
Итого	4	144	16	32	0	0	60	0	

#### **АННОТАЦИЯ**

Программа курса содержит основные методы аналитического решения прикладных и теоретических задач. Одна из особенностей курса состоит в том, что в нем сделан акцент на приложение излагаемых методов к решению задач, формируется умение выбрать необходимый метод для решения определенной задачи, проводится сравнительный анализ эффективности того или иного метода.

# 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью изучения дисциплины является формирование у магистрантов навыков необходимых для успешной научной и профессиональной деятельности в различных областях математики и физики, а также овладение математическим аппаратом, применяемым для постановки и аналитического решения физических задач;

## 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина логически и содержательно-методически связана со следующими разделами математики: линейной алгеброй, дифференциальным исчислением, интегральным исчислением, теорией рядов, дифференциальными уравнениями, интегральными уравнениями, вариационным исчислением, теорией некорректно-поставленных задача, теорией функций комплексного переменного, интегральными преобразованиями. Освоение данной дисциплины необходимо для овладения теоретической базой и методами решения задач гидродинамики, электродинамики, механики сплошных сред, нейтронной физики, квантовой механики и т.д.

# 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции ОПК-2 [2] — Способен применять современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы	Код и наименование индикатора достижения компетенции 3-ОПК-2 [2] — Знать: современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы; У-ОПК-2 [2] — Уметь: применять современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы В-ОПК-2 [2] — Владеть: навыками применения
	современных методов исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы
ОПК-5 [1] – Способен разрабатывать аналитические и численные методы при создании математических моделей машин, приводов, оборудования, систем,	3-ОПК-5 [1] — Знать: аналитические и численные методы математического моделирования технических систем У-ОПК-5 [1] — Уметь: анализировать аналитические и численные методы при разработке математических моделей машин, приводов, оборудования, систем,
технологических процессов	технологических процессов

В-ОПК-5 [1] — Владеть: программно-техническими средствами разработки и применения математических моделей технических систем в сфере своей профессиональной деятельности

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача	Объект или область	Код и наименование	Код и наименование
профессиональной	знания	профессиональной	индикатора
деятельности (ЗПД)	SHAHAA	компетенции;	достижения
деятельности (эпд)		Основание	профессиональной
		(профессиональный	компетенции
		стандарт-ПС, анализ	Komiciciiniii
		опыта)	
	научно-исслед	,	
Выполнение	Атомное ядро,	ПК-4 [2] - Способен	3-ПК-4[2] - Знать:
экспериментальных и	ядерные реакторы,	самостоятельно	цели и задачи
теоретических	материалы ядерных	выполнять	проводимых
исследований для	реакторов, ядерные	экспериментальные и	исследований;
решения научных и	материалы и системы	теоретические	основные методы и
производственных	обеспечения их	исследования для	средства проведения
задач	безопасности,	решения научных и	экспериментальных и
	современная	производственных	теоретических
	электронная	задач	исследований;
	схемотехника,		методы и средства
	электронные системы	Основание:	математической
	ядерных и физических	Профессиональный	обработки
	установок, системы	стандарт: 24.078,	результатов
	автоматизированного	29.004, Анализ опыта:	экспериментальных
	управления ядерно-	Выполнение	данных;
	физическими	экспериментальных и	У-ПК-4[2] - Уметь:
	установками,	теоретических	применять методы
	разработка и	исследований для	проведения
	технологии	решения научных и	экспериментов;
	применения приборов	производственных	использовать
	и установок для	задач	математические
	анализа веществ,		методы обработки
	радиационное		результатов
	воздействие		исследований и их
	ионизирующих		обобщения;
	излучений на человека		оформлять
	и окружающую среду,		результаты научно-
	электронные и		исследовательских
	электрофизические		работ;
	приборы,		В-ПК-4[2] - Владеть:
	микропроцессорная		навыками
	техника и аппаратно-		самостоятельного
	программные		выполнения
	устройства,		экспериментальных и
	электромеханические		теоретических
	приборы.		исследования для

			решения научных и
			производственных
			задач
Математическое	киберфизические	ПК-7 [1] - Способен	3-ПК-7[1] - Знать:
моделирование	информационно-	создавать и	методы
физических,	измерительные	исследовать	моделирования
технологических	системы, программно-	математические	физических
процессов и	технические средства	модели физических и	процессов в
алгоритмов контроля	и комплексы,	информационных	оборудовании
и управления,	электронные и	процессов,	установок и
режимов	электротехнические	относящихся к	информационных
эксплуатации	системы и	профессиональной	процессов в системах
киберфизических	оборудование,	сфере, использовать	их контроля и
систем контроля,	системы контроля и	стандартные	управления;
управления и	управления ядерно-	программно-	У-ПК-7[1] - Уметь:
автоматизации	физических установок	инструментальные	работать с
ядерно-физических	и производств	системы и средства	инструментальными
установок и	атомной отрасли	моделирования и	системами анализа и
производств атомной		исследования	моделирования
отрасли, в том числе с			систем и процессов;
использованием		Основание:	В-ПК-7[1] - Владеть:
стандартных пакетов		Профессиональный	навыками
автоматизированного		стандарт: 40.011	использования
проектирования и			стандартных
исследований, а также			программных
с применением			средств анализа и
специально			моделирования для
разрабатываемого			решения
программного			исследовательских и
обеспечения			инженерных задач

# 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

<b>№</b> п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары )/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	1 Семестр						
1	Раздел 1	1-7	7/14/0		25	КИ-8	3-OПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-5, 3-ОПК-5, У-ОПК-5, В-ОПК-5, 3-ПК-4, У-ПК-4, В-ПК-4,

						3-ПК-7, У-ПК-7, В-ПК-7
2	Раздел 2	8-16	9/18/0	25	КИ-16	3-OIIK-2, Y-OIIK-2, B-OIIK-5, 3-OIIK-5, Y-OIIK-5, B-OIIK-5, 3-IIK-4, Y-IIK-4, B-IIK-7, Y-IIK-7, B-IIK-7,
	Итого за 1 Семестр		16/32/0	50		
	Контрольные мероприятия за 1 Семестр			50	Э	3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-5, 3-ОПК-5, У-ОПК-5, В-ОПК-5, 3-ПК-4, У-ПК-4, В-ПК-4, 3-ПК-7, У-ПК-7,

<sup>\* –</sup> сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
Э	Экзамен

# КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,
		час.	час.	час.
	1 Семестр	16	32	0
1-7	Раздел 1	7	14	0
1 - 4	Тема 1. Введение в теорию обобщённых функций.	Всего а	удиторных	часов
	Определение дельта-функции Дирака. Применение	4	8	0
	функции Дирака для описания плотностей	Онлайн	I	
	сосредоточенных величин. Определение обобщённых	0	0	0
	функций, регулярной и сингулярной обобщённых			
	функций. Сходимость в пространстве обобщённых			

<sup>\*\*</sup> – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

	функций. Примеры последовательностей, сходящихся к			
	дельта-функции. Действия над обобщёнными функциями.			
	Дифференцирование обобщенных функций. Обобщённые			
	производные гладких и кусочно-гладких функций.			
	Расширение области определения некоторых классов			
	обобщённых функций. Многомерные обобщённые			
	функции. Понятия классической и обобщённой			
	постановок краевых задач.			
5 - 7	Тема 2. Методы конформных отображений.	Всего а	удиторных	часов
	Связь аналитических функций с гармоническими.	3	6	0
	Инвариантность уравнения Лапласа относительно	Онлайн	I	
	конформных отображений аналитическими функциями.	0	0	0
	Пример решения задачи Дирихле методом конформных			
	отображений. Построение функции Грина задачи Дирихле			
	методом конформных отображений.			
8-16	Раздел 2	9	18	0
8 - 11	Тема 3. Метод интегральных преобразований.	Всего а	удиторных	часов
	Интегральное преобразование Лапласа. Формула	4	8	0
	обращения. Теорема разложения. Основные свойства	Онлайн	I	
	интегрального преобразования Лапласа. Интегральное	0	0	0
	преобразование Фурье. Лемма Жордана.Цилиндрические			
	функции. Решение линейных дифференциальных			
	уравнений с помощью интегральных преобразований			
	Лапласа и Фурье.			
12 - 16	Тема 4. Метод функции Грина решения краевых задач.	Всего а	удиторных	часов
	Метод функции Грина решения задачи Коши для	5	10	0
	линейного обыкновенного дифференциального уравнения.	Онлайн	I	
	Метод функции Грина решения задачи Коши для	0	0	0
	уравнения теплопроводности. Решение задачи Коши для			
	уравнения теплопроводности с постоянными			
	коэффициентами на прямой. Решение задачи Коши для			
	уравнения теплопроводности с постоянными			
	коэффициентами в трёхмерном (двумерном) пространстве.			
	Решение первой и второй краевых задач для уравнения			
	теплопроводности с постоянными коэффициентами на			
	полупрямой. Метод функции Грина решения краевых			
	задач для уравнения эллиптического типа в ограниченной			
	области. Метод функции Грина решения краевых задач			
	для уравнения эллиптического типа в неограниченной			
	области. Функции Грина краевых задач для уравнения			
	Пуассона. Построение функции			
		•		

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты

ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

#### ТЕМЫ СЕМИНАРОВ

Недели	Темы занятий / Содержание
	1 Семестр
	Введение в теорию обобщённых функций
	Методы конформных отображений
	Метод интегральных преобразований
	Метод функции Грина решения краевых задач

#### 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При освоении данной дисциплины основную роль играют аудиторные занятия в виде лекций и семинаров, а также самостоятельная работа студентов, заключающаяся в выполнении домашнего задания, повторения ранее пройденного материала. Чтобы стимулировать творческий потенциал студентов, часть семинаров проводится в интерактивном режиме.

## 6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие
	_	(КП 1)
ОПК-2	3-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
ПК-4	3-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16
ОПК-5	3-ОПК-5	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ОПК-5	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ОПК-5	Э, КИ-8, КИ-16
ПК-7	3-ПК-7	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-7	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-7	Э, КИ-8, КИ-16

### Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,
75-84		С	если он твёрдо знает материал, грамотно и
70-74	4 – «хорошо»	D	по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69			Оценка «удовлетворительно»
60-64	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

# 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. ЭИ К 17 Дистанционная подготовка биотехнологов: элементы виртуальной образовательной среды : учебное пособие, Калёнов С. В., Панфилов В. И., Кузнецов А. Е., Москва: ДМК Пресс, 2014
- 2. ЭИ С 54 Задачи и упражнения по уравнениям математической физики : учебное пособие, Фатеева Г. М., Соболева Е. С., Москва: Физматлит, 2012
- 3. ЭИ Г 69 Математический анализ:, Горлач Б. А., Санкт-Петербург: Лань, 2022
- 4. ЭИ С 34 Молекулярная симметрия в неорганической и координационной химии : учебное пособие, Сизова О. В., Ванин А. А., Иванова Н. В., Санкт-Петербург: Лань, 2021

- 5. ЭИ Б 79 Практикум и индивидуальные задания по обыкновенным дифференциальным уравнениям (типовые расчеты):, Болотюк В. А. [и др.], Санкт-Петербург: Лань, 2022
- 6. ЭИ И 15 Практический курс дифференциальных уравнений и математического моделирования. Классические и новые методы. Нелинейные математические модели. Симметрия и принципы инвариантности: учебное пособие, Ибрагимов Н. Х., Москва: Физматлит, 2012

## ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 517 С24 Теория функций комплексной переменной: Учебник для вузов, Свешников А.Г., Тихонов А.Н., Москва: Физматлит, 2004
- 2. 517 Т46 Уравнения математической физики : Учеб. пособие для вузов, Самарский А.А., Тихонов А.Н., Москва: МГУ; Наука, 2004

#### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

#### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

# 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

## 9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

1. Проведение лекционных и практических занятий

Структура и содержание дисциплины соответствует программе курса и календарному плану. В курсе рассматриваются и обсуждаются такие разделы высшей математики как теория обыкновенных дифференциальных уравнений, теория функций комплексного переменного, теория числовых и функциональных последовательностей и рядов, уравнения математической физики и теория решения некорректно поставленных задач и интегральных уравнений. Изучаются современные и классические методы решения задач математической физики и интегральных уравнений.

Семинарские занятия проводятся в соответствии с планом семинарских занятий. Проводится опрос студентов по материалам прочитанных лекций и предлагаются задачи для самостоятельного решения с проверкой и обсуждением у доски всех этапов решения.

На каждом занятии студентам выдаётся домашнее задание. На следующем занятии преподаватель проверяет у каждого студента наличие решенных задач. Если студент не решил ни одной задачи, преподаватель делает напротив фамилии студента соответствующую отметку

в книжке преподавателя. Задачи, которые вызвали трудности, разбираются у доски либо преподавателем, либо студентами. Активность студентов оценивается по результатам выполнения домашних заданий и работе на семинарах.

Преподаватель осуществляет контроль посещаемости на каждом занятии. Студенты, пропустившие три и более занятий, допускаются к контрольным мероприятиям только после предъявления записки из деканата. Записка должна быть подписана деканом или его заместителем и содержать даты пропущенных занятий по уважительной и по неуважительной причине.

При изучении курса студентам рекомендуется внимательно ознакомиться с программой дисциплины, взять в библиотеке рекомендованную литературу.

## 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контроль по итогам

Рубежный контроль проводится дважды: в середине и в конце семестра. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

## 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

## 1. Проведение лекционных и практических занятий

Структура и содержание дисциплины соответствует программе курса и календарному плану. В курсе рассматриваются и обсуждаются такие разделы высшей математики как теория обыкновенных дифференциальных уравнений, теория функций комплексного переменного, теория числовых и функциональных последовательностей и рядов, уравнения математической физики и теория решения некорректно поставленных задач и интегральных уравнений. Изучаются современные и классические методы решения задач математической физики и интегральных уравнений.

Семинарские занятия проводятся в соответствии с планом семинарских занятий. Проводится опрос студентов по материалам прочитанных лекций и предлагаются задачи для самостоятельного решения с проверкой и обсуждением у доски всех этапов решения. На каждом занятии студентам выдаётся домашнее задание. На следующем занятии преподаватель проверяет у каждого студента наличие решенных задач. Если студент не решил ни одной задачи, преподаватель делает напротив фамилии студента соответствующую отметку в книжке преподавателя. Задачи, которые вызвали трудности, разбираются у доски либо преподавателем, либо студентами.

Отметим, что существенная доля занятий проводится в интерактивной форме и предполагает активное обсуждение пройденного материала, групповой разбор и обсуждение ошибок, вопросов и затруднений, возникающих при подготовке заданий.

На каждом занятии следует отмечать посещаемость студентов. Рекомендуется не допускать студентов до сдачи контрольных мероприятий регулярно пропускающих занятия. На

первом занятии необходимо ознакомить студентов с программой дисциплины, а также предложить литературу, которая потребуется для успешного освоения материала.

## 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контроль по итогам

Рубежный контроль проводится дважды: в середине и в конце семестра. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

## Автор(ы):

Мазур Евгений Андреевич, к.ф.-м.н., доцент

## Рецензент(ы):

к.ф.-м.н., доцент Сухарев М.Б., к.ф.-м.н., ст. преп. Чмыхов М.А.