Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО НТС ИНТЭЛ

Протокол № 2

от 26.04.2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ

Направление подготовки (специальность)

[1] 03.03.01 Прикладные математика и физика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В		КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
6	2	72	15	30	0		27	0	3
Итого	2	72	15	30	0	0	27	0	

АННОТАЦИЯ

В курсе излагаются основные сведения о классических и современных численных методах решения различных прикладных задач с использованием языка программирования Руhton. В курсе затрагиваются такие темы как: прямые и итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений, решение нелинейных алгебраических и трансцендентных уравнений; интерполирование, дифференцирование и интегрирование, решение краевых задач и задач Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений, а также методы решения смешанных краевых задач для дифференциальных уравнений в частных производных. Каждая тема иллюстрируется с использованием интерактивных средств языка программирования Руthon и средств Јиріter notebook. В процессе обучения, студенты учатся реализовывать различные численные алгоритмы в виде программных комплексов и библиотек с использованием Руthon, что позволяет, в первую-очередь, освоить данные алгоритмы, а во вторую, улучшить навыки программирования.

В процессе освоения дисциплины, студенты изучают следующий технологический стэк: Jupiter notebook, Anaconda, LaTex, Python и его библиотеки, Miro, Wolfram Alpha.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения учебной дисциплины является

- ознакомление студентов с основами численных методов и формирование у них умений и навыков решения практических задач;
- формирование навыков анализа и обработки полученных при выполнение лабораторных работ результатов, а также их систематизация в форме научного отчета;
- развитие навыков программирования и разработки законченных программ с использованием языка программирования Python.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Для	успешного	освоения	дисциплины	необходимы	базовые	знания	следующих
дисциплин	математичес	кого цикла:					

□ линейная алгебра;
□ обыкновенные дифференциальные уравнения;
□ математический анализ;
□ интегральные уравнения;
а также дисциплин из цикла компьютерных наук

о Информатика;

о Программирование на любом языке C/C++/Basic/Python/Matlabu др.

Материал курса может быть использован в первую очередь при подготовке выпускных квалификационных работ, для решения задач с использованием методов вычислительной математики. Также материал данного курса может быть использован как основа, для более углубленного изучения вычислительной математики (в частности, при решении задач, связанных с уравнениями в частных производных, методами оптимизации и т.п.). Некоторые темы курса, могут быть полезным тем, кто изучает прикладные методы анализ данных.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Универсальные и(или) общеп	рофессиональные компетенции:
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1 [1] — Способен применять фундаментальные знания, полученные в области физикоматематических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности, в том числе в сфере педагогической деятельности	3-ОПК-1 [1] — Знать фундаментальные основы, полученные в области информационных технологий, естественных и гуманитарных наук, знать методы анализа информации. У-ОПК-1 [1] — Уметь использовать на практике углубленные фундаментальные знания, полученные в области естественных и гуманитарных наук. В-ОПК-1 [1] — Владеть навыками обобщения, синтеза и анализа фундаментальных знаний, полученные в области информационных технологий, естественных и гуманитарных наук, владеть научным мировоззрением
ОПК-2 [1] — Способен использовать современные информационные технологии и программные средства при решении задач профессиональной деятельности, соблюдая требования информационной безопасности	3-ОПК-2 [1] — Знать современные информационные технологии и программные средства для решения задач профессиональной деятельности У-ОПК-2 [1] — Уметь выбирать и использовать современные информационные технологии и программные средства для решения задач профессиональной деятельности В-ОПК-2 [1] — Владеть навыками применения современных информационных технологий и программных средств, в том числе отечественного производства, при решении задач профессиональной деятельности
ОПК-5 [1] — Способен участвовать в проведении фундаментальных и прикладных исследований и разработок, самостоятельно осваивать новые теоретические, в том числе математические, методы исследований и работать на современной экспериментальной научно-исследовательской, измерительно-аналитической и технологической аппаратуре	3-ОПК-5 [1] — Знать современные теоретические, в том числе математические, и экспериментальные методы исследований для решения профессиональных задач. У-ОПК-5 [1] — Уметь применять знания в области математики, физики и других наук в профессиональной деятельности, в том числе для проведения научных и прикладных исследований, их экспериментального и теоретического изучения, уметь самостоятельно осваивать новые теоретические, в том числе математические, методы исследований. В-ОПК-5 [1] — Владеть навыками проведения фундаментальных и прикладных исследований и разработок, работы на современной экспериментальной научно-исследовательской, измерительно-аналитической и технологической аппаратуре
ОПК-6 [1] – Способен разрабатывать алгоритмы и компьютерные программы, пригодные для практического применения	3-ОПК-6 [1] — Знать основные языки программирования и методы алгоритмизации, современные технические и программные средства для разработки компьютерных программ У-ОПК-6 [1] — Уметь применять методы алгоритмизации

и современные технологии программирования для решения практических задач в различных областях науки и техники

В-ОПК-6 [1] — Владеть навыками разработки алгоритмов и компьютерных программ, отладки и тестирования разработанных программных комплексов для решения научно-практических задач.

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
Н	аучно-исследовательск	ий	
Выбор методов и подходов к решению поставленной научной проблемы, формулировка математической модели явления, аналитические и численные расчеты	Модели, методы и средства фундаментальных и прикладных исследований и разработок в области математики, физики и других естественных и социально - экономических наук по профилям предметной деятельности в науке, технике, технологиях, а также в сферах наукоемкого производства, управления и бизнеса	ПК-1 [1] - Способен проводить сбор, анализ научно-технической информации, отечественного и зарубежного опыта по тематике исследования Основание: Профессиональный стандарт: 40.011, 40.044, 40.104	3-ПК-1[1] - Знать способы сбора, анализа научнотехнической информации, отечественного и зарубежного опыта по тематике исследования.; У-ПК-1[1] - Уметь синтезировать и анализировать научно-техническую информацию по тематике исследования.; В-ПК-1[1] - Владеть навыками сбора, синтеза и анализа научно-технической информации, отечественного и зарубежного опыта по тематике исследования.
Участие в проведении теоретических	Природные и социальные явления	ПК-2 [1] - Способен выбирать и применять	3-ПК-2[1] - Знать современное
исследований,	и процессы	необходимое	оборудование,
построении		оборудование,	инструменты и
физических,		инструменты и методы	методы исследований
математических и		исследований для	для решения задач в
компьютерных		решения задач в	избранной
моделей изучаемых		избранной предметной	предметной области.;

процессов и явлений, в проведении аналитических исследований в предметной области по профилю специализации Участие в проведении теоретических исследований, построении физических, математических и компьютерных моделей изучаемых процессов и явлений, в проведении аналитических исследований в предметной области по профилю специализации	Природные и социальные явления и процессы	Основание: Профессиональный стандарт: 40.044 ПК-3 [1] - Способен применять численные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений для различных физикотехнических задач Основание: Профессиональный стандарт: 40.011, 40.044, 40.104	У-ПК-2[1] - Уметь критически оценивать, выбирать оборудования, инструментов и методов исследований в избранной предметной области; В-ПК-2[1] - Владеть навыками выбора и применения оборудование, инструменты и методы исследований для решения задач в избранной предметной области. 3-ПК-3[1] - Знать численные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений для различных физикотехнических задач.; У-ПК-3[1] - Уметь применять численные методы решения дифференциальных и интегральных уравнений для различных физикотехнических задач.; У-ПК-3[1] - Владеть навыками решения дифференциальных и
			навыками решения
H	инновационный	TTV 5 [1] C 5	D TITL 6113 D
Проведение фундаментальных и прикладных математических и физических исследований, направленных на решение инженерных, технических и информационных	Природные и социальные явления и процессы	ПК-5 [1] - Способен управлять программами освоения новой продукции и технологии, разрабатывать эффективную стратегию Основание:	3-ПК-5[1] - Знать основные методы и принципы управления программами освоения новой продукции и технологии, разрабатывать эффективную стратегию в сфере

задач		Профессиональный стандарт: 40.011, 40.034	своей профессиональной деятельности.; У-ПК-5[1] - Уметь находить оптимальные решения при освоения новой продукции и технологии, разрабатывать эффективную стратегию.; В-ПК-5[1] - Владеть навыками нахождения оптимальных решений для освоения новой продукции и технологии, разрабатывать эффективную стратегию
Проведение фундаментальных и прикладных математических и физических исследований, направленных на решение инженерных, технических и информационных задач	Природные и социальные явления и процессы	ПК-6 [1] - Способен к участию в разработке и реализации проектов по интеграции высшей школы, академической и отраслевой науки, промышленных организаций и предприятий малого и среднего бизнеса Основание: Профессиональный стандарт: 40.011, 40.034	3-ПК-6[1] - Знать основные принципы и возможности интеграции высшей школы, академической и отраслевой науки, промышленных организаций и предприятий малого и среднего бизнеса.; У-ПК-6[1] - Уметь принимать участие в разработке и реализации проектов по интеграции высшей школы, академической и отраслевой науки, промышленных организаций и предприятий малого и среднего бизнеса.; В-ПК-6[1] - Владеть навыками участия в разработке и реализации проектов по интеграции высшей школы, академической и отраслевой науки, промышленных организаций и предприятий малого и среднего бизнеса.; В-ПК-6[1] - Владеть навыками участия в разработке и реализации проектов по интеграции высшей школы, академической и отраслевой науки,

промышленных организаций и предприятий конструкторско-технологический 3-ПК-7[1] - Знать ПК-7 [1] - Способен к Контроль Модели, методы и текущее положение соответствия средства разработке выполненных работ фундаментальных и прикладного современных научных программного достижений, требованиям прикладных технического задания исследований и обеспечения для современные методы и соотношения разработок в проведения научных и алгоритмы для области математики, исследований разработки и получаемых физики и других адаптации результатов с известными естественных и Основание: прикладного мировыми социально -Профессиональный программного стандарт: 24.028, разработками и обеспечения для экономических наук образцами в данной 24.075, 24.078 проведения научных по профилям области исследований предметной исследований.; У-ПК-7[1] - Уметь деятельности в науке, технике, применять технологиях, а современные методы также в сферах и алгоритмы для наукоемкого разработки производства, наукоемкого управления и программного обеспечения.; бизнеса В-ПК-7[1] - Владеть навыками разработки и адаптации прикладного программного обеспечения для проведения научных исследований. производственно-технологический Участие в разработке ПК-9 [1] - Способен к 3-ПК-9[1] - Знать Модели, методы и новых алгоритмов и средства математическому и основные методы и компьютерных фундаментальных и компьютерному принципы программ для научномоделированию прикладных математического и исследовательских и исследований и объектов, систем, компьютерного процессов и явлений в прикладных целей разработок в моделирования области математики, избранной предметной объектов, систем, области физики и других процессов и явлений в естественных и избранной пред-Основание: метной области, социально экономических наук Профессиональный методы построения по профилям стандарт: 06.001 математических предметной моделей типовых профессиональных деятельности в науке, технике, задач, способы нахождения решений технологиях, а также в сферах математических наукоемкого моделей и

производства,	содержательной
управления и	интерпретации
бизнеса	полученных
	результатов. ;
	У-ПК-9[1] - Уметь
	использовать
	математическое и
	компьютерное
	моделирования для
	описания свойств и
	характеристик
	объектов, систем,
	процессов и явлений в
	избранной
	предметной области,
	профессионально
	интерпретировать
	смысл полученного
	результата.;
	В-ПК-9[1] - Владеть
	методами
	математического и
	компьютерного
	моделирования
	объектов, систем,
	процессов и явлений в
	избранной
	предметной области и
	содержательной
	интерпретации
	полученных
	результатов.

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
профессиональное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование творческого инженерного/профессионального мышления, навыков организации коллективной проектной деятельности (В22)	1.Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для развития навыков коммуникации, командной работы и лидерства, творческого инженерного мышления, стремления следовать в профессиональной деятельности нормам поведения, обеспечивающим нравственный характер трудовой деятельности и неслужебного поведения, ответственности за принятые

		решения через подготовку групповых курсовых работ и практических заданий, решение кейсов, прохождение практик и подготовку ВКР. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для: - формирования производственного коллективизма в ходе совместного решения как модельных, так и практических задач, а также путем подкрепление рациональнотехнологических навыков взаимодействия в проектной деятельности эмоциональным эффектом успешного взаимодействия, ощущением роста общей эффективности при распределении проектных задач в соответствии с сильными компетентностными и эмоциональными свойствами членов проектной группы.
профессиональное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование культуры информационной безопасности (В23)	Использование воспитательного потенциала дисциплин профессионального модуля для формирование базовых навыков информационной безопасности через изучение последствий халатного отношения к работе с информационными системами, базами данных (включая персональные данные), приемах и методах злоумышленников, потенциальном уроне пользователям.

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары)/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетеншии
1	Раздел 1	1-8	8/15/0		25	КИ-8	3- OΠK- 1, y- OΠK- 1, B- OΠK- 1, 3- OΠK- 2, y- OΠK- 2, B- OΠK- 5, y- OΠK- 5, y- OΠK- 5, y- OΠK- 1, 3- OΠK- 1, 3- OΠK- 2, B- OΠK- 1, 3- OΠK- 1, ONC- 1, ONC- ONC- 1, ONC- 1, ONC- 1, ONC- 1, ONC- 1, ONC- 1, ONC-

		1	T	ı	ı	I	
							2,
							у́-
							ПК-2,
							B-
							ПК-2,
							11111-2,
							3-ПК-
							3,
							y-
							ПК-3,
							B-
							ПК-3,
							1111-5,
							3-ПК-
							5.
							5, y-
							5-
							ПК-5,
							B-
							ПК-5,
							2 1116
							3-ПК-
							6, y-
							v_
							ПК-6,
							B-
							ПК-6,
							3-ПК-
							7, y-
							v_
							ПК-7,
							B-
							ПК-7,
							2.11
							3-ПК-
							9, y-
							V-
							ПК-9,
							B-
							ПК-9
2	Воздон 2	9-15	7/15/0		25	КИ-15	3-
4	Раздел 2	7-13	//13/0		23	IXII-13	
							ОПК-
							1,
							y-
							ОПК-
							1,
							B-
							ОПК-
							1,
							3-
							ОПК-
							2,
							y-
							ОПК-
							2,
							B-
							D-
							ОПК-

				2, 3-
				_, ່ວ່
				J-
				ОПК-
				5,
				5,
				У-
				ОПК-
				7
				5,
				B-
				ОПК-
				5.
				5, 3-
				3-
				ОПК-
				6
				6, У-
				Y-
				ОПК-
				6,
				B-
				ОПК-
				6,
				3-ПК-
				1
				1,
				1, y-
				ПК-1,
				IIIX-1,
				B-
				ПК-1,
				2 111
				3-ПК-
				2, y-
				' ,
				y -
				ПК-2,
				B-
				D-
				ПК-2,
				3-ПК-
				2
				3, y-
				У-
				ПК-3,
				111 3,
				B-
				ПК-3,
				р пт/
				3-ПК-
				5, У-
				$ \hat{\mathbf{v}}_{-} $
				y -
				ПК-5,
				B-
				ПК-5,
				3-ПК-
				6
				6, У-
				У-
				ПК-6,
				11110,
				B-
				ПК-6,
				э пт/
				3-ПК-
				7,
				у́-
1				<i>y</i> -

				ПК-7,
				B-
				ПК-7,
				3-ПК-
				9
				9, y-
				ПК-9,
				B-
**	1.7/2.0/0			ПК-9
Итого за 6 Семестр	15/30/0	50		
Контрольные		50	3	3-ПК-
мероприятия за 6				6,
Семестр				У-
				ПК-6,
				B-
				ПК-6,
				3-ПК-
				7,
				У-
				ПК-7,
				B-
				ПК-7,
				3-ПК-
				9, y-
				У-
				ПК-9,
				B-
				ПК-9,
				3-
				ОПК-
				1,
				У-
				ОПК-
				1,
				B-
				ОПК-
				1, 3-
				J-
				ОПК-
				2, y-
				ОПК-
				2, B-
				B-
				ОПК-
				2,
				2, 3-
				ОПК-
				5.
				5, У-
				ОПК-
				5
				5,

T		I		T		
						В-
						ОПК-
						5,
						3-
						ОПК-
						6,
						У-
						ОПК-
						6,
						B-
						ОПК-
						6,
						3-ПК-
						1,
						У-
						ПК-1,
						B-
						ПК-1,
						3-ПК-
						2, У-
						у- ПК-2,
						B-
						ПК-2,
						3-ПК-
						3,
						У-
						ПК-3,
						B-
						ПК-3,
						3-ПК-
						5,
						ý-
						ПК-5,
						В-
						ПК-5
* – сокращенное наим	еновани	е формы кон	троля			
** – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая з						

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозна	Полное наименование	
чение		
КИ	Контроль по итогам	
3	Зачет	

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недел	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.	Лаб.,

^{** -} сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

И		час.	, час.	час.
	6 Семестр	15	30	0
1-8	Раздел 1	8	15	0
1 - 6	Тема 1. Введение. Интерполирование,	Всего	аудиторні	ых часов
	дифференцирование и интегрирование при помощи	6	10	0
	Python.	Онлай	íн	
	Дается краткая характеристика предмета. Рассматриваются	0	0	0
	исторические предпосылки к развитию методов			
	вычислительной математики как самостоятельного раздела			
	науки. Описываются и иллюстрируются примерами			
	отличия вычислительной математики от других дисциплин			
	математического цикла.			
	Обсуждаются методы интерполяции функций, т.е. методы			
	позволяющие по конечному набору значений функции в			
	некоторых точках приближенно восстановить ее вид.			
	Приводятся простейшие примеры полиномиальной			
	интерполяции. Рассматриваются интерполяционные			
	полиномы Лагранжа и Ньютона. Точность интерполяции			
	по Лагранжу. Минимизации ошибки интерполяции по			
	Лагранжу с применением нулей полиномов Чебышева.			
	Обсуждается обусловленность задачи полиномиальной интерполяции. С использованием языка Python			
	иллюстрируются особенности полиномиальной			
	интерполяции. Даются соответствующие примеры.			
	Рассматриваются методы интерполяции при помощи			
	сплайнов. Основное внимание уделяется кусочно-линейной			
	интерполяции и интерполяции при помощи кубических			
	полиномов. С использованием языка Python			
	иллюстрируются особенности сплайновой интерполяции.			
	Обсуждаются методы интерполяции для случая кратных			
	узлов интерполяции (полином Эрмита).			
	Также иллюстрируются базовые функции и библиотеки			
	языка Python, созданные для решения задачи численного			
	интерполирования.			
	Понятие пространственной сетки. Численное			
	дифференцирование функций. Левый, правые и			
	центральные разности. Метод неопределенных			
	коэффициентов, метод рядов Тейлора и метод			
	дифференцирования интерполяционных полиномов.			
	Порядка аппроксимации и его оценка для различных			
	формул численного дифференцирования. Примеры			
	вычисления типовых конечных разностей на языке Python.			
	Методы численного интегрирования. Формулы Ньютона-			
	Котекса. Вывод методов прямоугольника, трапеций и			
	Симпсона с использованием интерполяционного полинома			
	Лагранжа. Численное интегрирование методом Гаусса.			
	Нули полинома Лагранжа. Интегрирование			
	быстроосциллирующих функций. Оценка погрешностей			

_	данных методов.			
7 - 8	Тема 2. Итерационные методы решения	Всего а	аудиторны	х часов
	трансцендентных уравнений.	2	5	0
	Трансцендентные уравнения. Методы отделения корней.	Онлайі	H	
	Графический метод и метод деления отрезка пополам.	0	0	0
	Итерационные методы поиска корней трансцендентных			
	уравнений. Метод дихотомии (бисекции) и его			
	модификации. Серия методов простых итераций: метод			
	релаксации, метод Ньютона (касательных), метод хорд.			
	Границы применимости методов простых итераций.			
	Сжимающие отображения и неподвижная точка.			
	Графический смысл методов простых итераций. Понятие			
	скорости сходимости итерационных методов. Методы			
	простых итераций в случае кратных корней			
	трансцендентных уравнений. Демонстрация примеров			
	решения типовых задач на языке Python.			
9-15	Раздел 2	7	15	0
9 - 10	Тема 3. Задача Коши для обыкновенных	Всего а	аудиторны	х часов
	дифференциальных уравнений.	2	4	0
	Задача Коши для обыкновенного дифференциального	Онлайі	H	
	уравнения (ОДУ) п-ого порядка. Нормальная система ОДУ.	0	0	0
	Сведение задачи Коши для ОДУ п-ого порядка к			
	нормальной системе дифференциальных уравнений			
	первого порядка.			
	Жесткие и нежесткие задачи. Явные и неявные методы			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для			
	ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предиктор-			
	корректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-			
	Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера.			
	Многослойные методы. Иерархия методов Адамса.			
	Графический смысл методов. Априорные и апостериорные			
	оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация			
	примеров решения типовых задач на языке Python.			
11 - 12	Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных	Всего а	аудиторны	х часов
	дифференциальных уравнений и методы решения	2	4	0
		-	1	
	СЛАУ с использованием Рутпоп.	Онлайі	H	
	СЛАУ с использованием Python. Краевая задача для обыкновенного дифференциального	Онлайі 0	H 0	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями.		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое		1	0
	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое условие для устойчивости метода прогонки. Демонстрация		1	0
13 - 14	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое условие для устойчивости метода прогонки. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon.	0	0	
13 - 14	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое условие для устойчивости метода прогонки. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Python. Тема 5. Смешанная краевая задача для волнового	0	1	
13 - 14	Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями. Замена дифференциального уравнения системой алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для аппроксимации краевых условий с повышенной точностью. Методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое условие для устойчивости метода прогонки. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon.	0 Bcero a	о аудиторны 4	х часов

	схемы. Явные и неявные разностные схемы. Понятие			
	невязки, порядка аппроксимации и устойчивости			
	разностных схем. Шаблон типа "крест" для одномерного			
	волнового уравнения. Порядок аппроксимации и			
	устойчивость разностной задачи на шаблоне типа "крест".			
	Использование метода фиктивных точек для получения			
	аппроксимации начальных и граничных условий.			
	Исследование устойчивости схемы "крест". Условие			
	Куранта. Демонстрация примеров решения типовых задач			
	rea garage Dryth an			
	на языке Python.			
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения	Всего а	∟ ıудиторных	часов
15 - 16		Всего <i>а</i>	⊔ цудиторных 3	часов 0
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения	Всего а 1 Онлайн	3	I -
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности.	1	3	I -
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности. Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для	1 Онлайі	3	0
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности. Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для одномерного уравнения теплопроводности. Оценка	1 Онлайі	3	0
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности. Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для одномерного уравнения теплопроводности. Оценка порядка аппроксимации для схем на основе	1 Онлайі	3	0
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности. Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для одномерного уравнения теплопроводности. Оценка порядка аппроксимации для схем на основе шеститочечного шаблона. Обоснование преимуществ	1 Онлайі	3	0
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения теплопроводности. Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для одномерного уравнения теплопроводности. Оценка порядка аппроксимации для схем на основе шеститочечного шаблона. Обоснование преимуществ симметричной схемы и схемы повышенной точности.	1 Онлайі	3	0

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозна	Полное наименование	
чение		
ЭК	Электронный курс	
ПМ	Полнотекстовый материал	
ПЛ	Полнотекстовые лекции	
BM	Видео-материалы	
AM	Аудио-материалы	
Прз	Презентации	
T	Тесты	
ЭСМ	Электронные справочные материалы	
ИС	Интерактивный сайт	

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Лекционные и практические занятия сопровождаются различными демонстрационными материалами, реализованными в Jupiter notebook на языке Python. Данные материалы, позволяют «на лету» демонстрировать особенности рассматриваемых тем, вводя в курс элемент итерактивности.

Основной акцент в курсе делается на решении практических задач, в том числе на применимости рассматриваемых подходов в прикладных исследованиях. При обсуждении тем лекционных занятий используются интерактивные формы обучения, в частности используются презентации, обсуждаются последние научные работы, новые численные методы и схемы, рассказывается о работе с научной литературой. Обязательным является самостоятельная работа студентов, выполнение индивидуальных заданий, работа с литературой. Помимо этого, студенты получают опыт самостоятельной подготовки законченных программ, улучшают

навыки программирования на языке Python, учатся систематизировать и представлять результаты исследований в виде отчетов.

При освоении материала курса, студены осваивают следующий технологический стэк:

- o Python;
- o Jupiter notebook;
- o Latex;
- o Wolfram|Alpha

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие
	-	(КП 1)
ОПК-1	3-ОПК-1	3, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-1	3, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-1	3, КИ-8, КИ-15
ОПК-2	3-ОПК-2	3, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-2	3, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-2	3, КИ-8, КИ-15
ОПК-5	3-ОПК-5	3, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-5	3, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-5	3, КИ-8, КИ-15
ОПК-6	3-ОПК-6	3, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-6	3, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-6	3, КИ-8, КИ-15
ПК-1	3-ПК-1	3, КИ-8, КИ-15
IIK-I	У-ПК-1	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-1	3, КИ-8, КИ-15
ПК-2	3-ПК-2	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-2	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-2	3, КИ-8, КИ-15
ПК-3	3-ПК-3	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-3	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-3	3, КИ-8, КИ-15
ПК-5	3-ПК-5	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-5	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-5	3, КИ-8, КИ-15
ПК-6	3-ПК-6	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-6	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-6	3, КИ-8, КИ-15
ПК-7	3-ПК-7	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-7	3, КИ-8, КИ-15
	В-ПК-7	3, КИ-8, КИ-15
ПК-9	3-ПК-9	3, КИ-8, КИ-15
	У-ПК-9	3, КИ-8, КИ-15

В-ПК-9	3, КИ-8, КИ-15
--------	----------------

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
баллов	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется
75-84	1	С	студенту, если он твёрдо знает
70-74	4 – «хорошо»	D	материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69	3 — «удовлетворительно»	Е	Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. П 30 Лекции по вычислительной математике: Учебное пособие, Москва: Интернет Университет информационных технологий, БИНОМ. Лаборатория знаний, 2017
- 2. ЭИ К 90 Математические вопросы численного решения гиперболических систем уравнений : учебное пособие, Москва: Физматлит, 2012
- 3. 519 Б30 Численные методы : учеб. пособие для вузов, Н. С. Бахвалов, Н. П. Жидков, Г. М. Кобельков, М.: Бином. Лаборатория знаний, 2006

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 519 Ч-67 Численные методы Кн.1 Численный анализ, Москва: Академия, 2013
- 2. 519 Ч-67 Численные методы Кн.2 Методы математической физики, Москва: Академия, 2013

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

1. Проведение лекционных и практических занятий

Курс включает в себя лекционные и практические занятия. Занятия проводятся в компьютерном классе, имеющем все необходимое оборудование и установленное программное обеспечение. В ходе занятий в компьютерном классе при выполнении работ происходит последовательное освоение лекционного материала, развитие практических навыков использования современной вычислительной техники для решения задач.

В начале каждого занятия студенты получают индивидуальное задание по ранее прослушанному на лекции материалу. Данное занятие должно быть сделано в течении практической работы. В случае если студент не успевает выполнить задание, допускается подготовка программ студентами дома, однако в данном случае следует уделять особое внимание проверке понимания студентами выполненной работы. На первом этапе студент обязан показать корректно работающую программу, ответить на все вопросы по коду программы и самостоятельно внести соответствующие правки в программный код по желанию преподавателя. Если студент свободно ориентируется в программе, то следующим этапом сдачи работы является прием теоретического материала по данной теме. На данном этапе преподаватель задает студенту ряд теоретических вопросов, на которые студент обязан

ответить для успешной сдачи задания. Если студент не отвечает на теоретические вопросы сдача задания не засчитывается.

Весь необходимый, для успешной сдачи всех заданий, теоретический материал излагается на лекционных занятиях, посещение которых является обязательным. Практика показала, что в случае пропуска хотя бы одного лекционного занятия, сдача задания по соответствующей теме существенно осложняется.

На каждом занятии отмечается посещаемость студентов. При изучении курса студентам рекомендуется внимательно ознакомиться с программой дисциплины, взять в библиотеке рекомендованную литературу.

2. Организация контроля успеваемости студентов

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Задания

Промежуточная аттестация выставляется на основе зачета.

Для допуска к зачету необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

1. Проведение лекционных и практических занятий

Курс включает в себя лекционные и практические занятия. Занятия проводятся в компьютерном классе, имеющем все необходимое оборудование и установленное программное обеспечение. В ходе занятий в компьютерном классе при выполнении работ происходит последовательное освоение лекционного материала, развитие практических навыков использования современной вычислительной техники для решения задач.

В начале каждого занятия студенты получают индивидуальное задание по ранее прослушанному на лекции материалу. Данное занятие должно быть сделано в течении практической работы. В случае если студент не успевает выполнить задание, допускается подготовка программ студентами дома, однако в данном случае следует уделять особое внимание проверке понимания студентами выполненной работы. Сдача работы делится на два этапа. На первом этапе студент обязан показать корректно работающую программу, ответить на все вопросы по коду программы и самостоятельно внести соответствующие правки в программный код по желанию преподавателя. Если студент свободно ориентируется в программе, то следующим этапом сдачи работы является прием теоретического материала по данной теме. На данном этапе преподаватель задает студенту ряд теоретических вопросов, на которые студент обязан ответить для успешной сдачи задания. Если студент не отвечает на теоретические вопросы сдача задания не засчитывается.

На лекционных занятиях сначала излагается теоретический материал, затем рассматриваются примеры в зависимости от темы. Практика показала, что следует использовать различные приемы вовлечения студентов в творческий процесс освоения учебного материала: опрос студентов по содержанию прочитанных лекций, вызов студентов к доске для решения текущей задачи, самостоятельное решение задач и выполнение алгоритмов вручную со сверкой промежуточных и конечного результатов решения, демонстрация преподавателем на доске решения типовых задач.

На каждом занятии следует отмечать посещаемость студентов. Рекомендуется не допускать студентов до сдачи контрольных мероприятий регулярно пропускающих занятия. На

первом занятии необходимо ознакомить студентов с программой дисциплины, а также предложить литературу, которая потребуется для успешного освоения материала.

2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Задания

Контроль по итогам проводится на 8 и 15 неделе. Промежуточная аттестация выставляется на основе зачета.

Для допуска к зачету необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

Автор(ы):

Рябов Павел Николаевич, к.ф.-м.н.