

ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ

КАФЕДРА КИБЕРНЕТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИИКС

Протокол № 4/1/2023

от 25.04.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**ТЕОРИЯ ИГР И ИССЛЕДОВАНИЕ ОПЕРАЦИЙ**

Направление подготовки  
(специальность)

[1] 01.03.02 Прикладная математика и  
информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/В СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экс./зач./КР/КП
6	3	108	30	0	15	27	0	Э
Итого	3	108	30	0	15	15	27	

## АННОТАЦИЯ

В курсе «Теория игр и исследование операций» рассматриваются вопросы моделирования конфликтных ситуаций, приводятся аналитические, итерационные и графические методы определения оптимальных стратегий в антагонистических конфликтах, рассматриваются вопросы практического применения полученных результатов.

Приводятся критерии принятия решений в неопределенных ситуациях (играх с природой). Рассматриваются вопросы целесообразности проведения эксперимента для уточнения условий ситуации.

Изучаются методы поиска оптимальных решений в неантагонистических конфликтных ситуациях, рассматриваются вопросы редуцирования размерности задачи в зависимости от целевого критерия.

Излагаются методы принятия решений в антагонистических и неантагонистических позиционных играх с полной и неполной информацией, приводятся практические примеры решения организационно-управленческих задач с помощью позиционных игр.

Данный курс включает в себя лабораторный практикум, в рамках которого отрабатываются навыки по решению игровых задач.

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения учебной дисциплины «Теория игр и исследование операций» являются подготовка специалистов по моделированию ситуаций в условиях полной и неполной информации о действиях противника, определению оптимальных стратегий поведения сторон в сложных антагонистических и неантагонистических конфликтах, а также выработка устойчивых практических навыков по решению задач.

### 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Освоение дисциплины предшествует изучению курсов и практикумов, которые требуют знаний, умений и навыков в области организации и планирования производственной деятельности; современных методов планирования и организации исследований и разработок, принятия эффективных организационно-управленческих решений. При изучении данной дисциплины используется математический аппарат, традиционно применяемый в высшей школе: методы линейной алгебры, теория вероятностей, линейное программирование, динамическое программирование, методы оптимизации.

### 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1 [1] – Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или)	З-ОПК-1 [1] – знать естественнонаучные методы познания окружающего мира, знать фундаментальный математический аппарат; У-ОПК-1 [1] – уметь применять естественнонаучные и

естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	математические методы исследования различных явлений, процессов и задач В-ОПК-1 [1] – владеть навыками исследования различных явлений и процессов с использованием естественнонаучного и математического подхода
ОПК-2 [1] – Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач	З-ОПК-2 [1] – знать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач В-ОПК-2 [1] – владеть навыками реализации математических алгоритмов для решения прикладных задач с использованием существующих систем программирования У-ОПК-2 [1] – уметь использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач

Профессиональные компетенции в соответствии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

<b>Задача профессиональной деятельности (ЗПД)</b>	<b>Объект или область знания</b>	<b>Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)</b>	<b>Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции</b>
научно-исследовательский			
анализ и математическое моделирование физических процессов	системы ядерно-энергетического комплекса	ПК-2 [1] - Способен понимать, применять и совершенствовать современный математический аппарат  <i>Основание:</i> Профессиональный стандарт: 24.078	З-ПК-2[1] - знать современный математический аппарат, используемый при описании, решении и анализе различных прикладных задач; У-ПК-2[1] - использовать современный математический аппарат для построения математических моделей и алгоритмов решения различных прикладных задач; В-ПК-2[1] - владеть навыками применения современного математического аппарата для

			построения математических моделей различных процессов, для обработки экспериментальных, статистических и теоретических данных, для разработки новых алгоритмов и методов исследования задач различных типов
--	--	--	---

#### 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
-----------------------------	-------------------------	------------------------------------

#### 5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практик. (семинары) / Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	<i>6 Семестр</i>						
1	Раздел 1. Принятие решений в антагонистических конфликтах	1-8	16/0/8	ЛР-8 (20)	20	КИ-8	З-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2,

							3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2
2	раздел 2	9-15	14/0/7	ЛР-12 (15), ЛР-14 (5), к.р-15 (10)	30	КИ-15	3-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2
	<i>Итого за 6 Семестр</i>		30/0/15		50		
	<b>Контрольные мероприятия за 6 Семестр</b>				50	Э	3-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2

\* – сокращенное наименование формы контроля

\*\* – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
ЛР	Лабораторная работа
КИ	Контроль по итогам
к.р	Контрольная работа
Э	Экзамен

### КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек., час.	Пр./сем., час.	Лаб., час.
	<i>6 Семестр</i>	30	0	15
<b>1-8</b>	<b>Раздел 1. Принятие решений в антагонистических конфликтах</b>	16	0	8
1	<b>Введение</b> Задачи исследования операций. Место теории игр в исследовании операций. Классификация игровых задач.	Всего аудиторных часов		
		2	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
2 - 6	<b>1.1 Матричные игровые задачи</b> Составление модели игры. Сокращение размерности задачи за счет применения отношений доминирования. Решение игровых задач в чистых стратегиях. Принцип минимакса. Решение игры в смешанных стратегиях. Методы решения игровых задач $2 \times 2$ : аналитический метод; метод, основанный на понятии равновесия по Нэшу, графический метод. Графические способы решения игровых задач с нулевой суммой $2 \times n$ и $m \times 2$ . Методы решения игровых задач $n \times n$ : метод Лагранжа, метод Крамера, метод обратной матрицы. Применение линейного программирования для нахождения оптимальных стратегий в задачах размерности $m \times n$ . Итерационный метод решения игровых задач $m \times n$ . Практическое применение смешанных стратегий.	Всего аудиторных часов		
		10	0	8
		Онлайн		
		0	0	0
7 - 8	<b>1.2 Игры с «природой»</b> Применение теории рисков при выборе оптимальной стратегии в неизвестных условиях с известными вероятностями этих условий. Критерии принятия решений в играх с природой: Вальда, Сэвиджа, Гурвица, Лапласа. Планирование эксперимента в условиях неопределенности.	Всего аудиторных часов		
		4	0	0
		Онлайн		
		0	0	0
<b>9-15</b>	<b>раздел 2</b>	14	0	7
9 - 13	<b>2.1 Биматричные игровые задачи</b> Отношения доминирования в биматричных играх. Графический способ решения биматричных игровых задач. Аналитический способ решения неантагонистических	Всего аудиторных часов		
		10	0	5
		Онлайн		
		0	0	0

	конфликтов: алгоритм Лемке-Хоусона.			
14 - 15	<b>2.2 Позиционные игры</b> Позиционные игры. Нормализация позиционной игры. Позиционные игры с полной и неполной информацией. Решение позиционных игровых задач с неполной информацией. Методы решения позиционных игр с полной информацией.	Всего аудиторных часов		
		4	0	2
		Онлайн		
		0	0	0

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
ВМ	Видео-материалы
АМ	Аудио-материалы
Прз	Презентации
Т	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

#### ТЕМЫ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ

Недели	Темы занятий / Содержание
	<i>6 Семестр</i>
8	<b>Лабораторная работа №1</b> Решение антагонистических игровых задач
12 - 13	<b>Лабораторная работа №2</b> Решение неантагонистических игровых задач
14 - 16	<b>Лабораторная работа №3</b> Решение многошаговых игровых задач

## 6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Дидактической основой выполнения лабораторного практикума по дисциплине является метод учебного проектирования, предусматривающий:

- получение студентами теоретических знаний в ходе лекций и при самостоятельной работе с материалами учебных пособий, размещенных в библиотеке университета;
- формирование навыков применения сведений теоретического и аналитического характера при решении конкретных задач в ходе проведения контрольно-измерительных мероприятий по разделам курса.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ОПК-1	З-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	У-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	В-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
ОПК-2	З-ОПК-2	КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	В-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	У-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
ПК-2	З-ПК-2	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	У-ПК-2	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15
	В-ПК-2	Э, КИ-8, КИ-15, ЛР-8, ЛР-12, ЛР-14, к.р-15

### Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех балльной шкале	Оценка ECTS	Требования к уровню освоению учебной дисциплины
90-100	5 – «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89	4 – «хорошо»	B	Оценка «хорошо» выставляется студенту, если он твёрдо знает материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
75-84		C	
70-74		D	
65-69		E	Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала,
60-64			



			но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 – «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

## 8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 519 К61 Основы теории игр : учебное пособие для вузов, Москва: Бинوم. Лаборатория знаний, 2012
2. ЭИ Ш 15 Теория игр : Учебник и практикум, Москва: Юрайт, 2019
3. ЭИ И74 Информационные технологии принятия решений в условиях конфликта Ч.2 Оптимальное поведение и психоэмоциональное состояние, М. В. Алюшин, Л. В. Колобашкина, Москва: НИЯУ МИФИ, 2010

### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 681.5 К61 Лабораторный практикум по курсу "Методы анализа сложных систем" : Учеб. пособие, Колобашкина Л.В., Модяев А.Д., М.: МИФИ, 1992
2. ЭИ И74 Информационные технологии принятия решений в условиях конфликта Ч.1 Основы теории игр, М. В. Алюшин, Л. В. Колобашкина, Москва: НИЯУ МИФИ, 2010
3. 518 П18 Некоторые вопросы теории игр двух лиц : , Партхасаратхи Т., Рагхаван Т.; Пер.с англ., Москва: Мир, 1974

### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

1. Программный комплекс для контроля знаний студентов по курсу «Теория игр и исследование операций» (В-416)

### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

<https://online.mephi.ru/>

## **9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

1. Компьютерный класс ()

## **10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ**

### **СОДЕРЖАНИЕ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ И КОНТРОЛЬНО-ИЗМЕРИТЕЛЬНЫХ МЕРОПРИЯТИЙ**

1. Методы решения антагонистических игровых задач.

- Решение игровых задач  $2 \times n$  и  $m \times 2$  графическим методом.
- Сокращение размерности игровой задачи за счет применения отношений доминирования.
- Решение игровых задач  $n \times n$  методом Крамера.
- Решение игровых задач  $m \times n$  с помощью линейного программирования.
- Решение игровых задач  $m \times n$  итерационным методом Брауна-Робинсон.

В ходе проведения контрольно-измерительных мероприятий студент должен решить на компьютере 5 вышеперечисленных задач согласно своему варианту путем ввода значений в соответствующие поля и пошагового программного контроля. В результате, если решение доведено до конца, на основном экране отображается количество ошибок, допущенных студентом в процессе решения. Для получения зачета по данной теме количество ошибок по каждой из задач не должно превышать 2. В случае большего количества ошибок студенту предлагается решить соответствующую задачу из другого варианта. Правильно решенная задача оценивается в 4 балла, максимальное количество баллов – 20.

2. Методы решения биматричных игровых задач

- Применение отношений доминирования в биматричных игровых задачах.
- Решение игровых биматричных задач размерности  $m \times n$  методом Лемке – Хоусона (пошаговое решение, определяемое за одну итерацию).
- Решение игровых биматричных задач размерности  $m \times n$  методом Лемке – Хоусона (решение, определяемое за несколько итераций).
- Решение биматричных задач  $2 \times 2$  графическим методом.

В ходе проведения контрольно-измерительных мероприятий студент должен решить на компьютере 4 вышеперечисленные задачи согласно своему варианту путем ввода значений в соответствующие поля последовательно разворачивающихся окон и пошагового программного контроля. В результате, если решение доведено до конца, на основном экране отображается количество ошибок, допущенных студентом в процессе решения. Для получения зачета по данной теме количество ошибок в 1, 3-й задачах не должно превышать 1-й, во 2-й задаче – 3-х, в 4-й – 2-х. В случае большего количества ошибок студенту предлагается решить соответствующую задачу из другого варианта. Правильно решенная 2-я задача оценивается в 6 баллов, 1-я, 3-я и 4-я – в 3 балла. Максимальное количество баллов – 15.

### 3. Методы решения позиционных игровых задач

– Решение позиционных игр с неполной информацией.

– Решение позиционных игр с полной информацией.

В ходе проведения контрольно-измерительных мероприятий студент должен решить на компьютере 2 вышеперечисленные задачи согласно своему варианту путем ввода значений в соответствующие поля последовательно разворачивающихся окон и пошагового программного контроля. В результате, если решение доведено до конца, на основном экране отображается количество ошибок, допущенных студентом в процессе решения. Количество ошибок по каждой из задач не должно превышать 2-х. Максимальное количество баллов – 5.

### МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

1. Для того, чтобы усвоить методы определения равновесных стратегий, необходимо после лекции сначала разобраться в примерах, разобранных на занятиях, а затем прорешать их самостоятельно без конспектов.

2. При отработке графического способа решения игровых задач с нулевой суммой, рекомендуется обратить внимание на то, что в начале оси  $Ox$  идет участок, по которому определяется значение вероятности применения стратегии  $A_2$ .

3. При изучении принципа минимакса обратить внимание на схему определения седловой точки и уметь не только написать формулу, по которой определяется ситуация равновесия, но и объяснить ее смысл.

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Курс состоит из двух разделов.

Первый раздел посвящен методам принятия решений в антагонистических конфликтах. В этом разделе вводятся основные понятия теории матричных игр, рассматриваются вопросы составления модели игры, уменьшения размерности задачи путем применения отношений доминирования, излагаются способы определения равновесных ситуаций в «чистых» стратегиях, приводятся аналитические, итерационные и графические методы определения оптимальных смешанных стратегий в зависимости от размерности задачи, рассматриваются вопросы практического применения полученных результатов.

В ряде задач функция выигрыша зависит от неопределенных факторов, к которым можно отнести погодные условия, состояние рынка, курс валюты, инфляция, психоэмоциональное состояние лица, принимающего решения, и т.д. Рассчитывая на «худший» вариант, этот неопределенный фактор, который называют «природой», отождествляют со стратегией противника, имеющего противоположные интересы. Методы принятия решений в играх с «природой», являющихся разновидностью антагонистических игр, рассматриваются также в первом разделе курса.

Во втором разделе рассматриваются вопросы редуцирования размерности задачи в зависимости от целевого критерия, приводятся графический способ решения неантагонистических игровых задач размерности  $2 \times 2$  и алгоритм Лемке-Хоусона для поиска оптимальных решений в неантагонистических конфликтных ситуациях любой размерности.

Также во втором разделе рассматриваются вопросы поиска оптимальных стратегий в многошаговых процессах принятия решений. Вводится понятие нормализации позиционной игры, приводятся методы решений антагонистических и неантагонистических позиционных игр с полной и неполной информацией.

Автор(ы):

Кулябичев Юрий Павлович, д.т.н., профессор

Колобашкина Любовь Викторовна