Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

# ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ КАФЕДРА КИБЕРНЕТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИИКС Протокол №8/1/2025 от 25.08.2025 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА (ЛОГИЧЕСКИЕ ИСЧИСЛЕНИЯ)

Направление подготовки (специальность)

[1] 09.03.04 Программная инженерия

[2] 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
4	3-4	108- 144	30	30	0		12-48	0	Э
Итого	3-4	108- 144	30	30	0	0	12-48	0	

#### **АННОТАЦИЯ**

Дисциплина способствует освоению методов формального описания законов в предметных областях и формальных техник рассуждения об объектах и их свойствах и взаимосвязях. Существенное внимание уделяется аксиоматическому подходу в логике. Отличительная особенность курса состоит в том, что рассматриваются не только классические пропозициональные и предикатные исчисления, но и ряд неклассических логических систем, таких как интуиционистская и модальная логика. Кроме того, затрагиваются некоторые важные метаматематические вопросы, дается элементарное введение в основания математики.

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина призвана сформировать навыки формализации логических рассуждений, выработать понятийную основу для изучения метаматематического аппарата, изучения и проведения исследований в области оснований математики. Вместе с тем, преследуется цель — познакомить студента с широким кругом логических идей и подходов, позволяющих охватить различных аспекты при моделировании предметных областей, включая элементы динамики (за счет использования концепции возможных миров).

Студенты получают базовые знания в области математической логики, а также знакомятся с некоторыми актуальными фундаментальными проблемами, в т.ч. в области оснований математики, имеющими существенное значение для исследовательской и прикладной деятельности в области программной инженерии.

## 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина относится к вариативной части математического и естественнонаучного цикла и является обязательной дисциплиной для студента. Он является продвинутым курсом, в рамках которого изучаются аксиоматический подход, техники формального логического вывода и рассуждения об объектах и процессах в предметных областях.

Предварительное знакомство с основами математической логики является желательным, т.к. облегчит восприятие большинства идей, обсуждаемых в курсе.

Предшествующие дисциплины:

- Дискретная математика (математическая логика)
- Дискретная математика (комбинаторика)
- Дискретная математика (теория графов)
- Дискретная математика (теория алгоритмов и сложность вычислений)

#### Последующие дисциплины:

- Дискретная математика (математическая лингвистика и теория автоматов)
- Логическое и Функциональное программирование;
- Базы данных;
- Основы автоматизированных информационных технологий
- Введение в интеллектуальные системы и технологии

- Интеллектуальные диалоговые системы
- УИРиКП.

# 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

з инверешныйе и(или) сощен	рофессиональные компетенции:
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения
OUIC 1 [2] Creasifier removes	компетенции
ОПК-1 [2] – Способен применять	3-ОПК-1 [2] – знать естественнонаучные методы
фундаментальные знания,	познания окружающего мира, знать фундаментальный
полученные в области	математический аппарат;
математических и (или)	У-ОПК-1 [2] – уметь применять естественнонаучные и
естественных наук, и использовать	математические методы исследования различных
их в профессиональной	явлений, процессов и задач
деятельности	В-ОПК-1 [2] – владеть навыками исследования
	различных явлений и процессов с использованием
	естественнонаучного и математического подхода
ОПК-1 [1] – Способен применять	3-ОПК-1 [1] – Знать основные объекты дискретной
естественнонаучные и	математики и методы их описания и исследований;
общеинженерные знания, методы	проблемы алгоритмической разрешимости задач и
математического анализа и	эффективной вычислимости чисел.
моделирования, теоретического и	У-ОПК-1 [1] – Уметь решать основные задачи
экспериментального исследования	математической логики; однозначно задавать объекты
в профессиональной деятельности	дискретной математики, приводить их к стандартным
	формам, выполнять эквивалентные преобразования;
	определять сложности алгоритмов, применение прямых и
	косвенных доказательств теорем, определение
	принадлежности функций к соответствующим классам
	В-ОПК-1 [1] – Владеть методами математической логики
	для решения задач формализации, анализа и синтеза
	логических схем, для нахождения инвариантов
	циклических и условных конструкций в информатике,
	для выполнения эквивалентных преобразований;
	методами применения логического подхода к решению
	сложных задач с помощью их декомпозиции.
ОПК-4 [2] – Способен понимать	3-ОПК-4 [2] – Знать основные принципы работы
принципы работы современных	современных информационных технологий и
информационных технологий и	программных средств при решении задач
информационных технологии и использовать их для решения задач	профессиональной деятельности
профессиональной деятельности	У-ОПК-4 [2] – Уметь осуществлять выбор программного
профессиональной делисивности	средства и применять современные информационные
	технологии для решения научно-практических задач в
	профессиональной сфере
	профессиональной сфере В-ОПК-4 [2] – Владеть навыками использования
	современных информационных технологий и
	1 1
	программных средств при решении задач

	профессиональной деятельности
ОПК-4 [1] — Способен участвовать в разработке стандартов, норм и правил, а также технической документации, связанной с профессиональной деятельностью	3-ОПК-4 [1] — Знать государственные стандарты, устанавливающие взаимосвязанные правила, требования и нормы по разработке, оформлению и обращению технической документации У-ОПК-4 [1] — Уметь оформлять техническую документацию В-ОПК-4 [1] — Владеть навыками разработки стандартов, норм и правил, связанных с профессиональной деятельностью
ОПК-7 [1] — Способен применять в практической деятельности основные концепции, принципы, теории и факты, связанные с информатикой	3-ОПК-7 [1] — Знать основные концепции, принципы, теории и факты, связанные с информатикой У-ОПК-7 [1] — Уметь применять в практической деятельности основные концепции, принципы, теории и факты, связанные с информатикой В-ОПК-7 [1] — Владеть основными концепциями и принципами, связанными с информатикой
УК-1 [1, 2] — Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	3-УК-1 [1, 2] — Знать: методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа У-УК-1 [1, 2] — Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников В-УК-1 [1, 2] — Владеть: методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
УКЕ-1 [1, 2] — Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	3-УКЕ-1 [1, 2] — знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования У-УКЕ-1 [1, 2] — уметь: использовать математические методы в технических приложениях, рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи В-УКЕ-1 [1, 2] — владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами

# 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
воспитания		дисциплин
Профессиональное	Создание условий,	Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин
	формирование ответственности	профессионального модуля для
	за профессиональный выбор,	формирования у студентов
	профессиональное развитие и	ответственности за свое
	профессиональные решения	профессиональное развитие
	(B18)	посредством выбора студентами
		индивидуальных образовательных
		траекторий, организации системы
		общения между всеми
		участниками образовательного
		процесса, в том числе с
		использованием новых
		информационных технологий.
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин/практик
Восинтание	формирование научного	«Научно-исследовательская
	мировоззрения, культуры	работа», «Проектная практика»,
	поиска нестандартных научно-	ученый семинар» для:
	технических/практических	- формирования понимания
	решений, критического	основных принципов и способов
	отношения к исследованиям	научного познания мира, развития
	лженаучного толка (В19)	
	лженаучного толка (В19)	исследовательских качеств
		студентов посредством их
		вовлечения в исследовательские
		проекты по областям научных исследований. 2.Использование
		воспитательного потенциала дисциплин "История науки и
		± •
		инженерии", "Критическое
		мышление и основы научной
		коммуникации", "Введение в
		специальность", "Научно-
		исследовательская работа",
		"Научный семинар" для:
		- формирования способности
		отделять настоящие научные
		исследования от лженаучных
		посредством проведения со
		студентами занятий и регулярных
		бесед;
		- формирования критического
		мышления, умения рассматривать
		различные исследования с
		экспертной позиции посредством
		обсуждения со студентами
		современных исследований,
		исторических предпосылок
		появления тех или иных открытий
		и теорий.

#### Профессиональное воспитание

Создание условий, обеспечивающих, формирование профессионально значимых установок: не производить, не копировать и не использовать программные и технические средства, не приобретённые на законных основаниях; не нарушать признанные нормы авторского права; не нарушать тайны передачи сообщений, не практиковать вскрытие информационных систем и сетей передачи данных; соблюдать конфиденциальность доверенной информации (В40)

1. Использование воспитательного потенциала дисциплин "Информатика (Основы программирования)", Программирование (Объектноориентированное программирование)", "Программирование (Алгоритмы и структуры данных)" для формирования культуры написания и оформления программ, а также привития навыков командной работы за счет использования систем управления проектами и контроля версий. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплины "Проектная практика" для формирования культуры решения изобретательских задач, развития логического мышления, путем погружения студентов в научную и инновационную деятельность института и вовлечения в проектную работу. 3. Использование воспитательного потенциала профильных дисциплин для формирования навыков цифровой гигиены, а также системности и гибкости мышления, посредством изучения метолологических и технологических основ обеспечения информационной безопасности и кибербезопасности при выполнении и защите результатов учебных заданий и лабораторных работ по криптографическим методам защиты информации в компьютерных системах и сетях. 4. Использование воспитательного потенциала дисциплин " "Информатика (Основы программирования)", Программирование (Объектноориентированное программирование)", "Программирование (Алгоритмы и структуры данных)" для формирования культуры безопасного программирования

посредством тематического
акцентирования в содержании
дисциплин и учебных заданий.
5.Использование воспитательного
потенциала дисциплины
"Проектная практика" для
формирования системного подхода
по обеспечению информационной
безопасности и кибербезопасности
в различных сферах деятельности
посредством исследования и
перенятия опыта постановки и
решения научно-практических
задач организациями-партнерами.

# 5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

<b>№</b> п.п	Наименование раздела учебной дисциплины		r.•	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	торы я энции
		Недели	Лекции/ Практ (семинары )/ Лабораторные работы, час.	Обязат. контрол неделя)	Максим балл за	Аттестация раздела (фо неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	4 Семестр						
1	Введение в алгебраические структуры	1-4	6/6/0	к.р-4 (8)	10	КИ-4	3-OIIK-1, Y-OIIK-1, B-OIIK-1, 3-OIIK-1, Y-OIIK-1, B-OIIK-4, Y-OIIK-4, Y-OIIK-4, 3-OIIK-4, Y-OIIK-4, B-OIIK-7, Y-OIIK-7, Y-OIIK-7, B-OIIK-7, 3-YK-1, Y-YK-1, B-YKE-1, Y-YKE-1, B-YKE-1

2	Классическое исчисление высказываний	5-9	10/10/0	к.р-8 (8),Д3- 10 (5)	15	КИ-8	3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-4, Y-OΠK-4, B-OΠK-4, Y-OΠK-4, B-OΠK-7, Y-OΠK-7, H-OΠK-7, H-OΠK-7, H-OΠK-7, H-OΠK-7, H-OΠK-7, H-OΠK-1, H-ONK-1, H-ONK-
3	Классическое исчисление предикатов	10-12	8/8/0	Д3-11 (8)	10	КИ-11	3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-4, Y-OΠK-4, B-OΠK-4, 3-OΠK-4, Y-OΠK-7, Y-OΠK-7, Y-OΠK-7, B-OΠK-7, Y-YK-1, B-YK-1, Y-YK-1, B-YKE-1, Y-YKE-1, B-YKE-1
4	Неклассические логики	13- 15	6/6/0	Д3-15 (13)	15	КИ-15	3-OПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, 3-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-4, У-ОПК-4, В-ОПК-4, 3-ОПК-4,

				У-ОПК-4,
				В-ОПК-4,
				3-ОПК-7,
				У-ОПК-7,
				В-ОПК-7,
				3-УК-1,
				У-УК-1,
				В-УК-1,
				3-УКЕ-1,
				У-УКЕ-1,
				В-УКЕ-1
Итого за 4 Семестр	30/30/0	50		
Контрольные		50	Э	3-ОПК-1,
мероприятия за 4				У-ОПК-1,
Семестр				В-ОПК-1,
-				3-ОПК-1,
				У-ОПК-1,
				В-ОПК-1

<sup>\* –</sup> сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
ДЗ	Домашнее задание
КИ	Контроль по итогам
к.р	Контрольная работа
Э	Экзамен

# КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,	
		час.	час.	час.	
	4 Семестр	30	30	0	
1-4	Введение в алгебраические структуры	6	6	0	
1 - 2	Алгебраические системы	Всего а	удиторных	часов	
	Бинарные операции, свойства, нейтральные,	2	2	0	
	симметричные, регулярные элементы. Алгебраические	Онлайн	I		
	системы, классификация систем с бинарной операцией.	0	0	0	
	Группы, некоторые основные теоремы. Морфизмы: моно-,				
	эпи-, изоморфизмы. Свойства.				
3	Подалгебры. Решетка подгрупп	Всего аудиторных часов			
	Понятие подалгебры, операции, замкнутые на множестве,	2	2	0	
	примеры. Свойства отношения "быть подалгеброй".	Онлайн	I		
	Частичное упорядочение подугрпп. Порядок элемента,	0	0	0	
	свойства элементов с конечным порядком. Циклические				
	группы. Подгруппы циклических групп. Решетка				
	подгрупп циклических групп.				
4	Группа подстановок	Всего а	удиторных	часов	

<sup>\*\*</sup> – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

	Подстановка, произведение (композиция) подстановок.	1	1	0
	Циклические подстановки. Независимые подстановки.	Онлай	Н	
	Транспозиции. Коммутирующие подстановки. Группа	0	0	0
	подстановок. Теорема Кэли.			
4	Элементы теории категорий	Всего	аудиторных	к часов
	Категория, основные понятия: объекты, стрелки,	1	1	0
	идентичные стрелки, композиция. Примеры категорий.	Онлай	H	
	Коммутативные диаграммы. Моно-, эпи-, изоморфизмы.	0	0	0
	Произведенния и декартовы категории. Функциональные			
	пространства, экспоненциалы. Функторы.			
5-9	Классическое исчисление высказываний	10	10	0
5	Формальный логический язык	Всего	аудиторных	х часов
	Системы объектов: аксиоматический подход. Формальный	1	1	0
	логический язык. Имена. Высказывания. Формы.	Онлай	Н	
	Высказывательные формы. Логические связки.	0	0	0
5	Пропозициональные исчисление: система Р1	Всего	аудиторных	х часов
	Индуктивный класс формул. Аксиомы системы Р1.	1	1	0
	Подстановка, определение по индукции. Правила вывода:	Онлай	H	
	modus ponens, подстановки. Определения производных	0	0	0
	связок и констант. Понятие доказательства. Простейшие			
	теоремы и их доказательство.			
6	Теорема дедукции	Всего	аудиторных	к часов
	Понятие вывода формулы из посылок. Обобщенная форма	1	1	0
	modus ponens. Теорема дедукции, доказательство.	Онлай	H	
	Примеры применения.	0	0	0
6	Пропозициональные исчисление: система Р2	Всего	аудиторных	
	Индуктивный класс формул. Аксиомы системы и правила	1	1	0
	вывода Р2. Определения производных связок и констант.	Онлай	H -	<u> </u>
	Сравнение систем Р1 и Р2, эквивалентность, отличия.	0	0	0
	Доказательство некоторых теорем, в т.ч. альтернативные			
	доказательства.			
7	Секвенции	Всего	аудиторных	х часов
	Формальная арифметика. Связь с пропозициональным	2	2	0
	исчислением. Полнота и непротиворечивость формальных	Онлай	<u>т —                                   </u>	1 0
	систем. Теоремы дедукции.	0	0	0
8	Пропозициональные исчисление: система РЗ		⊥∽ аудиторных	
5	Свойства производных связок, доказательство. Аксиомы и	2	лудиторивіл   2	0
	правила вывода системы РЗ. Схемы аксиом. Теоремные	Онлай		1 0
	схемы. Доказательство некоторых теорем, в т.ч.	Оплаи	0	0
	альтернативные доказательства. Подстановочность			0
	эквивалентности, примеры применения.			
8 - 9	Интерпретация пропозиционального исчисления	Всего	ц аудиторных	. часов
0 )	Значение формулы. Интерпретация логических связок,	2	2	0
	таблицы истинности. Тавтологии. Проблема	Онлай		Ŭ
	разрешимости. Непротиворечисвость. Полнота	Оплаи	0	0
10-12	Классическое исчисление предикатов	8	8	0
10-12				
10	Исчисление предикатов 1-го порядка: функциональное исчисление F1		аудиторных 4	0
		4	1 -	U
	Термы, индуктивное определение. Индивидные константы	Онлай		
	и переменные. Индуктивный класс формул исчисления F1.	0	0	0
	Связывание переменных, индуктивные определения.			

	Подстановка, индуктивные определения. Постулаты исчисления F1. Простейшие теоремы исчисления F1 и их доказательство. Подстановочность эквивалентности, примеры применения. Теорема дедукции для исчисления предикатов.			
11	Нормальные формы	Всего а	аудиторных	х часов
	Предваренная нормальная форма. Сколемовская	1	1	0
	предваренная нормальная форма. Правила для	Онлайі	H	l
	импликации и производных связок.	0	0	0
11	Интерпретация функционального исчисления	Всего а	аудиторных	х часов
	Индивидные константы. Пропозициональные константы.	1	1	0
	Предикатные константы. Главная интерпретация	Онлайі	H	•
	функционального исчисления. Непротиречивость.	0	0	0
	Полнота. Теоремы Геделя.			
12	Исчисление предикатов 2-го порядка: функциональное	Всего а	аудиторных	х часов
	исчисление F2	2	2	0
	Исходный базис исчисления F2: индуктивные классы	Онлайі	H	
	термов, формул. Индивидные, пропозициональные,	0	0	0
	предикатные переменные. Связывание переменных,			
	индуктивные определения. Подстановка, индуктивные			
	определения. Свойства отношений на примере равенства			
	индивидов. Доказательство теорем.			
			1	
13-15	Неклассические логики	6	6	0
<b>13-15</b> 13	Интуиционистская логика	Всего а	аудиторных	х часов
	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление	Всего а	аудиторны: 2	
	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с	Всего а 2 Онлай	аудиторных 2 н	х часов
	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их	Всего а	аудиторны: 2	х часов
	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра.	Всего а 2 Онлай	аудиторных 2 н	х часов
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.	Всего а 2 Онлай 0	аудиторных 2 н 0	0 0
	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы. Модальная логика	Всего а 2 Онлай 0 Всего а	аудиторных 2 Н 0	х часов 0 0 х часов
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы. Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы	Всего а 2 Онлайі 0 Всего а 3	аудиторных 2 н 0 пудиторных 4 4	0 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы. Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	аудиторных 2 н 0 аудиторных 4	х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы. Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных	Всего а 2 Онлайі 0 Всего а 3	аудиторных 2 н 0 пудиторных 4 4	х часов 0 0 х часов
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	аудиторных 2 н 0 аудиторных 4	х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы. Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0	аудиторных 2 н 0 аудиторных 4 н 0	х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай 0	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0	х часов 0 0 х часов 0 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта.	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай 0 Всего а 1	аудиторных 2	х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0 Всего а 1 Онлайн	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0  аудиторных 0  аудиторных 0  аудиторных 0  н 1	х часов 0 0 х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные определения. Правила редукции. Примеры. Основные	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай 0 Всего а 1	аудиторных 2	х часов 0 0 х часов 0 0
13	Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные определения. Правила редукции. Примеры. Основные комбинаторы. Изоморфизм Карри-Говарда. Схемы	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0 Всего а 1 Онлайн	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0  аудиторных 0  аудиторных 0  аудиторных 0  н 1	х часов 0 0 х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные определения. Правила редукции. Примеры. Основные комбинаторы. Изоморфизм Карри-Говарда. Схемы доказательства теорем на основе определения	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0 Всего а 1 Онлайн	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0  аудиторных 0  аудиторных 0  аудиторных 0  н 1	х часов 0 0 х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные определения. Правила редукции. Примеры. Основные комбинаторы. Изоморфизм Карри-Говарда. Схемы доказательства теорем на основе определения комбинаторов. Примеры реализации некоторых	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0 Всего а 1 Онлайн	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0  аудиторных 0  аудиторных 0  аудиторных 0  н 1	х часов 0 0 х часов 0 0 х часов 0
13	Интуиционистская логика Интуиционизм. Интуиционисткое исчисление высказываний (ИИВ): аксиоматика. Сравнение с классическим ИВ. Некоторые теоремы и их доказательство. Модель ИИВ. Псевдобулева алгебра. Некоторые метатеоремы.  Модальная логика Семантика Крипке (реляционная семантика). Шкалвы Крипке. Модальные аксиомы, сравнение различных модальных систем. Оценка формул в различных модальных системах. Свойства модальностей, простейшие теоремы и их доказательства.  Иллативная логика Лямбда-исчисление: индуктивное определение объекта. Связывание переменных, подстановка — индуктивные определения. Правила редукции. Примеры. Основные комбинаторы. Изоморфизм Карри-Говарда. Схемы доказательства теорем на основе определения	Всего а 2 Онлайн 0 Всего а 3 Онлайн 0 Всего а 1 Онлайн	аудиторных 2  н 0  аудиторных 4  н 0  аудиторных 0  аудиторных 0  аудиторных 0  н 1	х часов 0 0 х часов 0 0 х часов 0

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование	
ЭК	Электронный курс	
ПМ	Полнотекстовый материал	
ПЛ	Полнотекстовые лекции	
BM	Видео-материалы	

AM	Аудио-материалы	
Прз	Презентации	
T	Тесты	
ЭСМ	Электронные справочные материалы	
ИС	Интерактивный сайт	

#### ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание		
	4 Семестр		
1	Классификация алгебраических систем		
	Группа подстановок		
2 - 4	Циклические группы		
	Подгруппы		
2 - 4	Подалгебры		
	Гомоморфизмы		
5 - 8	Задачи на подстановку		
	Логический вывод в различных системах: Р1, Р2, Р3, с использованием теоремы		
	дедукции и без.		
9 - 10			
	Доказательство теорем в системе F1.		
11	Приведение формул к ПНФ и Сколемовской ПНФ.		
	Приведение формул к ПНФ и Сколемовской ПНФ.		
12	Задачи на связывание переменных и подстановку.		
	Доказательство теорем в системе F2.		
13	Оценка формул ИИВ, проверка истинности		
	Доказательство некоторых теорем.		
	Выражения псевдобулевой алгебры.		
14 - 15	Проверка истинности формул в различных шкалах, при различных вариантах		
	аксиоматики.		
	Вывод модальных формул.		

#### 6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

- 1. Лекционные занятия:
- а. комплект электронных презентаций/слайдов,
- b. аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук)
  - 2. Практические занятия:
  - а. компьютерный класс,
  - b. презентационная техника (проектор, экран, компьютер/ноутбук),
  - с. стандартный пакет программ Microsoft Office.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
		к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-ОПК-1	Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
		к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-ОПК-1	Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
		к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
ОПК-4	3-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
УК-1	3-УК-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-УК-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
	D VIII 1	4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-УК-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
VICE 1	DAUGE 1	4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
УКЕ-1	3-УКЕ-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
	N NICE 1	4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-УКЕ-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
	В-УКЕ-1	4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	D-y KE-1	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
ОПК-1	3-ОПК-1	4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15 Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
OHK-1	3-011K-1	к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-ОПК-1	Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
	J Olik 1	к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-ОПК-1	Э, КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15,
		к.р-4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
ОПК-4	3-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-ОПК-4	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
ОПК-7	3-ОПК-7	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	У-ОПК-7	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, ДЗ-10, ДЗ-11, ДЗ-15
	В-ОПК-7	КИ-4, КИ-8, КИ-11, КИ-15, к.р-
		4, к.р-8, Д3-10, Д3-11, Д3-15

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,
75-84		С	если он твёрдо знает материал, грамотно и
70-74	4 – «хорошо»	D	по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69			Оценка «удовлетворительно»
60-64	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

## 8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

#### ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 519 К89 Дискретная математика для инженера : , Кузнецов О.П., Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2009
- 2. 519  $\Gamma$ 96 Дискретная математика для информатиков и экономистов : учебное пособие,  $\Gamma$ усева А.И., Тихомирова А.Н., Москва: НИЯУ МИФИ, 2010
- 3. ЭИ  $\Gamma$  55 Задачи и упражнения по математической логике, дискретным функциям и теории алгоритмов : учебное пособие для вузов, Шишков А. Б. [и др.], Санкт-Петербург: Лань, 2022

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

#### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

#### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

# 9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

#### 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

БДЗ — выполнение большого ДЗ (по разделам). БДЗ считается выполненным на удовлетворительную оценку, если оценка за него составляет не менее 60% от макс. возможного балла (3 балла, если БДЗ оценивается по 5-бальной шкале, 5 баллов, если БДЗ оценивается по 8-бальной шкале, 7 баллов, если БДЗ оценивается по 13-бальной шкале).

Тематические домашние задания предусмотрены по разделам «Классическое исчисление высказываний»», «Классическое исчисление предикатов» и «Неклассические логики». По каждому из указанных разделов предусматривается 2-3 различные темы; каждый студент выбирает одну из тем, по которой и выполняет БДЗ. Успешное выполнение БДЗ предполагает самостоятельный поиск и изучение литературы по теме ДЗ. В курсе предусмотрено 3 БДЗ.

KP – контрольная работа (продолжительность – 1 или 2 а/час), проводится в аудитории. KP считается выполненной на удовлетворительную оценку, если оценка за нее составляет не менее 60% от макс. возможного балла (5 баллов, если KP оценивается по 8-бальной шкале).

КИ — контроль по итогам (аттестация раздела). Включает оценку выполнения предусмотренных по разделу КТР, БДЗ и оценку посещаемости. Посещаемость оценивается по шкале 0-2.

Раздел 1:

КР-1 - 8 баллов

Раздел 2:

КР-2 - 8 баллов

БДЗ-1 - 5 баллов

Раздел 3:

БДЗ-2 - 8 баллов

Раздел 4:

БДЗ-3 - 13 баллов

Раздел аттестуется, если набрано не менее 60% баллов

Экзамен проходит в устной форме, по билетам. Билет включает 4 вопроса, по одному из каждого раздела, из них, как правило, 2 — теоретические вопросы, и еще 2 — задачи. Задания из 2го и 4го разделов оцениваются по шкале 0-15 баллов, из 1го и 3го — по шкале 0-10 баллов. Отдельно выделены т.н. базовые вопросы. Если студент не показывает удовлетворительного владения хотя бы одним из базовых вопросов, он автоматически не аттестуется, независимо от ответов на другие вопросы. Таким образом, оценка за экзамен вычисляется по следующему правилу:

- если в билете содержится базовый вопрос и студент не дает на него удовлетворительного ответа, ставится неудовлетворительная оценка (от 0 до 29 баллов, в зависимости от ответов на другие вопросы);
- если студенту в ходе беседы задан дополнительный вопрос из числа базовых и студент не дает на него удовлетворительного ответа, ставится неудовлетворительная оценка (от 0 до 29 баллов, в зависимости от ответов на другие вопросы), даже если ответы на все остальные вопросы, как в билете, так и дополнительные, удовлетворительны;
- в остальных случаях простая алгебраическая сумма оценок за все вопросы, с учетом дополнительных, если таковые были заданы.

### 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Сформированы в виде отдельного документа (который данная система не позволяет прикрепить).

Автор(ы):

Рословцев Владимир Владимирович