Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ И ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ И ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЙ ФИЗИКИ ЯДЕРНЫХ РЕАКТОРОВ

ОДОБРЕНО

УМС ИФТИС Протокол №1 от 31.08.2021 г.

УМС ИЯФИТ Протокол №01/0821-573.1 от 31.08.2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ РАСЧЕТА ПОЛЕЙ НА ЭВМ

Направление подготовки (специальность)

[1] 14.05.01 Ядерные реакторы и материалы

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической полготовки/ В		КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
9	4-5	144- 180	32	32	0		12-64	16-32	Э
Итого	4-5	144- 180	32	32	0	0	12-64	16-32	

АННОТАЦИЯ

Излагаются основные итерационные схемы решения однородных и неоднородных уравнений переноса нейтронов. Формулируются конечно-разностные аналоги дифференциальных операторов для двух и трехмерных моделей и векторно-матричное представление нейтронных и нуклидных полей. Анализируется сходимость соответствующих итерационных алгоритмов. Приводится вариационная формулировка задач решения уравнений переноса нейтронов, и рассматриваются основные классы вариационных методов – прямые, вариационно-разностные и итерационно-синтетические. Дается обоснование применения различных алгоритмов метода Монте-Карло и численных методов решения спектрального уравнения. Все изложение нацелено на реализацию соответствующих алгоритмов на ЭВМ.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины состоит в том, чтобы подготовить студентов к практическому освоению на ЭВМ численных методов и алгоритмов решения различных форм уравнения переноса нейтронов с тем, чтобы будущий специалист мог свободно ориентироваться при выборе и эксплуатации соответствующих пакетов прикладных программ, а при необходимости, проводить их модернизацию или создавать новые.

Задача дисциплины "Численные методы расчета полей на ЭВМ" - изучение основных численных методов и алгоритмов расчета нейтронных и нуклидных полей на ЭВМ.

По завершению изучения дисциплины студенты должны знать принципы построения численных алгоритмов, уметь оценивать области применимости и эффективность их реализации на ЭВМ.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Перечень дисциплин и разделов, усвоение которых необходимо для изучения данной дисциплины.

- 1. Высшая математика (дифференциальное и интегральное исчисление).
- 2. Аналитическая геометрия (системы координат, векторы).
- 3. Линейная алгебра (линейные пространства, операторы).
- 4. Математический анализ (ряды Тейлора, поверхностные интегралы, градиент, дивергенция).
 - 5. Обыкновенные дифференциальные уравнения.
 - 6. Теория функций комплексного переменного (преобразование Лапласа, Фурье).
 - 7. Уравнения математической физики.
 - 8. Теоретическая физика (кинетическое уравнение Больцмана, распределение газов).
 - 9. Теория переноса нейтронов.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Код и наименование компетенции Код и наименование индикатора достижения компетенции

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Знании) профессиональной	•	TC	TC
Задача	Объект или	Код и наименование	Код и
профессиональной	область знания	профессиональной	наименование
деятельности (ЗПД)		компетенции;	индикатора
		Основание	достижения
		(профессиональный	профессиональной
		стандарт-ПС,	компетенции
		анализ опыта)	
произво	дственно-технологичес		
Поддержание	Атомный	ПК-12 [1] - способен	3-ПК-12[1] - Знать
работоспособности	ледокольный флот	к эксплуатации	технологические
систем, оборудования,	Атомные	современного	процессы в ходе
средств измерения,	электрические	физического	подготовки
контроля, управления,	станции Плавучая	оборудования и	производства новых
автоматики,	АЭС Сфера научных	приборов, к	материалов,
вычислительной техники	исследований в	освоению	приборов, установок
	области ядерной	технологических	и систем ;
	физики и	процессов в ходе	У-ПК-12[1] - Уметь
	технологий	подготовки	подготавливать
		производства новых	производство новых
		материалов,	материалов,
		приборов, установок	приборов, установок
		и систем;	и систем ;
			В-ПК-12[1] -
		Основание:	Владеть навыками
		Профессиональный	эксплуатации
		стандарт: 24.028,	современного
		24.078, Анализ	физического
		опыта: Эксплуатация	оборудования и
		современного	приборов
		физического	
		оборудования и	
		приборов, к	
		освоению	
		технологических	
		процессов в ходе	
		подготовки	
		производства новых	
		материалов,	
		приборов, установок	
		и систем	
науч	чно-исследовательский		
Разработка методов	Атомный	ПК-2.4 [1] - способен	3-ПК-2.4[1] - Знать
повышения безопасности	ледокольный флот	выбирать критерии	основные
ядерных установок и	Атомные	безопасной работы	нормативные
материалов	электрические	ядерной установки и	документы по
_	станции Плавучая	оценивать риски при	регулированию
	АЭС Сфера научных	эксплуатации	рисков
	1 5 C C Q C Pu IIu J III DIA	1	F

	исследований в		розникогония в
		Оанааанна	возникающих в
	области ядерной	Основание:	процессе
	физики и	Профессиональный	эксплуатации новых
	технологий	стандарт: 24.078	установок и
			технологий,
			составлять и
			анализировать
			сценарии
			потенциально
			возможных аварий,
			разрабатывать
			методы уменьшения
			риска их
			возникновения;
			У-ПК-2.4[1] - Уметь
			оценивать риск и
			определять меры
			безопасности для
			новых установок и
			технологий,
			составлять и
			анализировать
			сценарии
			потенциально
			возможных аварий,
			разрабатывать
			методы уменьшения
			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
			риска их
			возникновения;
			В-ПК-2.4[1] -
			Владеть методами
			оценки рисков и
			определять меры
			безопасности для
			новых установок и
			технологий,
			составлять и
			анализировать
			сценарии
			потенциально
			возможных аварий,
			разрабатывать
			методы уменьшения
			риска их
			возникновения
Создание теоретических	Ядерные реакторы,	ПК-1 [1] - способен	3-ПК-1[1] - Знать
и математических	математические	создавать	нейтронно-
моделей, описывающих	модели для	теоретические и	физические
нейтронно-физические	теоретического и	математические	процессы в
процессы в реакторах,	экспериментального	модели,	реакторах, процессы
процессы гидродинамики	исследований	описывающие	гидродинамики и
и тепломассопереноса в	явлений и	нейтронно-	тепломассопереноса
	1	1	1

активных зонах или воздействие ионизирующего излучения на материалы, человека и объекты окружающей среды, системы учета, контроля ядерных материалов закономерностей в области реакторов, распространения и взаимодействия излучения в объектах живой и неживой природы, обеспечение безопасности ядерных материалов, объектов и установок атомной промышленности и энергетики.

физические процессы в реакторах, процессы гидродинамики и тепломассопереноса в активных зонах или воздействие ионизирующего излучения на материалы, человека и объекты окружающей среды, системы учета, контроля ядерных материалов

Основание:

Создание

моделей, описывающих нейтронно-

в реакторах, процессы

воздействие ионизирующего излучения на

и объекты

гидродинамики и тепломассопереноса в активных зонах или

материалы, человека

окружающей среды, системы учета, контроля ядерных

Анализ опыта:

теоретических и

математических

физические процессы

Профессиональный стандарт: 24.078,

материалы, человека и объекты окружающей среды, системы учета, контроля ядерных материалов; У-ПК-1[1] - Уметь создавать теоретические и математические модели в профессиональной области; В-ПК-1[1] - Владеть навыками работы с современными расчетными программными средствами

в активных зонах

или воздействие

ионизирующего

излучения на

Создание новых методов расчета современных реакторных установок и физических устройств, методов исследования теплофизических процессов и свойств реакторных материалов и теплоносителей; разработка новых систем преобразования тепловой

Ядерные реакторы, математические модели для теоретического и экспериментального исследований явлений и закономерностей в области реакторов, распространения и взаимодействия

материалов
ПК-2 [1] - способен к созданию новых методов расчета современных реакторных установок и физических устройств, методов исследования теплофизических процессов и свойств

3-ПК-2[1] - Знать методы исследования и расчета процессов, происходящих в реакторных установках; У-ПК-2[1] - Уметь рассчитывать и проводить исследования

и ядерной энергии в излучения в реакторных процессов, электрическую, методов и объектах живой и материалов и протекающих в методик оценки неживой природы, теплоносителей; реакторных количественных обеспечение разработке новых установках; В-ПК-2[1] - Владеть характеристик ядерных безопасности систем материалов ядерных преобразования навыками материалов, тепловой и ядерной применения энергии в информационных объектов и установок атомной электрическую, технологий при методов и методик промышленности и разработке новых энергетики. установок, оценки количественных материалов и приборов характеристик ядерных материалов Основание: Профессиональный стандарт: 24.078, Анализ опыта: Создание новых методов расчета современных реакторных установок и физических устройств, методов исследования теплофизических процессов и свойств реакторных материалов и теплоносителей; разработка новых систем преобразования тепловой и ядерной энергии в электрическую, методов и методик оценки количественных характеристик ядерных материалов Применение Ядерные реакторы, ПК-4 [1] - способен 3-ПК-4[1] - Знать экспериментальных, математические применять экспериментальные, теоретических и модели для экспериментальные, теоретические и компьютерных методов теоретического и теоретические и компьютерные исследований в экспериментального компьютерные методы профессиональной исследований методы исследований исследований в области в профессиональной профессиональной явлений и

закономерностей в

области реакторов,

области

области;

У-ПК-4[1] - Уметь

распространения и Основание: применять взаимодействия Профессиональный экспериментальные, стандарт: 24.078, теоретические и излучения в объектах живой и Анализ опыта: компьютерные неживой природы, Применение методы обеспечение экспериментальных, исследований в безопасности теоретических и профессиональной компьютерных ядерных области; В-ПК-4[1] - Владеть материалов, метолов объектов и исследований в методами профессиональной интерпретации установок атомной промышленности и области (анализа) и энергетики. презентации полученных результатов экспертный Обобщение результатов, ПК-2.5 [1] - способен Атомный 3-ПК-2.5[1] - Знать: оценить ядерную и проводимых ледокольный флот методы научноисследовательских радиационную Атомные обнаружения и опытноэлектрические безопасности при ионизирующего станции Плавучая конструкторских работ с проектировании излучения, целью выработка АЭС Сфера научных ЯЭУ, а также принципы и предложений по исследований в средства и методы конструкции разработке новых и области ядерной обеспечения радиационной усовершенствованию безопасности ЯЭУ физики и защиты, действующих ядернотехнологий использование энергетических Основание: ALARA принципа и технологий Профессиональный последствия стандарт: 24.078 радиационного облучения на здоровье человека Роль и значимость ядерной безопасности, практики и процедуры, обеспечивающие безопасную работу яЭУ Роль регулирующих органов и действие регулирования при выполнении работ на АЭС Законодательные и регулятивные требования по безопасному и приемлемому с экологической

точки зрения

функционированию

			атомных
			электростанций;
			У-ПК-2.5[1] -
			Уметь:
			анализировать и
			обобщать
			полученную в ходе
			исследования
			информацию;
			В-ПК-2.5[1] -
			Владеть: навыками
			конструирования и
			внедрения новых
			продуктов или
			систем,
			предназначенных для обеспечения
			радиационной
			радиационнои защиты, ядерной
			безопасности и
			ядерной физической
			безопасности
органи	і зационно-управленческ	ı :ий	0030114011100111
Проведение анализа	Ядерные реакторы,	ПК-17 [1] - способен	3-ПК-17[1] - Знать
затрат и результатов	математические	к проведению	критерии оценки
деятельности	модели для	анализа затрат и	результатов
производственных	теоретического и	результатов	деятельности
подразделений	экспериментального	деятельности	производственных
	исследований	производственных	подразделений;
	явлений и	подразделений	У-ПК-17[1] - Уметь
	закономерностей в		анализировать
	области реакторов,	Основание:	технико-
	распространения и	Профессиональный	экономические
	взаимодействия	стандарт: 24.078,	показатели
	излучения в	Анализ опыта:	продуктов(услуг);
	объектах живой и	Проведение анализа	В-ПК-17[1] -
	неживой природы,	затрат и результатов	Владеть проведению
	обеспечение	деятельности	анализа затрат и
	безопасности	производственных	результатов
	ядерных	подразделений	деятельности
	материалов,		производственных
	объектов и		подразделений
	установок атомной		
	промышленности и		
	энергетики. проектный		
Расчет и проектирование	Ядерные реакторы,	ПК-6 [1] - способен к	3-ПК-6[1] - Знать
деталей и узлов приборов	математические	расчету и	методы расчета и
и установок в	модели для	проектированию	проектирования
соответствии с	теоретического и	деталей и узлов	деталей узлов и
техническим заданием с	экспериментального	приборов и	приборов;
использованием	исследований	установок в	У-ПК-6[1] - Уметь
	1	1 / /	

стандартных средств	явлений и	соответствии с	выполнять расчет и
автоматизации	закономерностей в	техническим	проектирование
проектирования	области реакторов,	заданием с	деталей и узлов
	распространения и	использованием	приборов в
	взаимодействия	стандартных средств	соответствии с
	излучения в	автоматизации	техническим
	объектах живой и	проектирования	заданием;
	неживой природы,		В-ПК-6[1] - Владеть
	обеспечение	Основание:	навыками
	безопасности	Профессиональный	применения
	ядерных	стандарт: 24.078,	стандартных
	материалов,	40.011, Анализ	средств
	объектов и	опыта: Расчет и	автоматизации
	установок атомной	проектирование	проектирования при
	промышленности и	деталей и узлов	расчете и
	энергетики.	приборов и	проектировании
		установок в	деталей узлов и
		соответствии с	приборов
		техническим	
		заданием с	
		использованием	
		стандартных средств	
		автоматизации	
		проектирования	

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
воспитания		

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары)/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетеннии
	9 Семестр						
1	Раздел 1	1-8			25	КИ-8	
2	Раздел 2	8-16			25	КИ-16	
	Итого за 9 Семестр		32/32/0		50		
	Контрольные мероприятия за 9 Семестр			_	50	Э	_

- * сокращенное наименование формы контроля
- ** сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозна	Полное наименование	
чение		
КИ	Контроль по итогам	
Э	Экзамен	

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недел	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.	Лаб.,	
И		час.	, час.	час.	
	9 Семестр	32	32	0	
1-8	Раздел 1	16	16		
1 - 2	Метод простых итераций	Всего а	удиторных	часов	
	Ограниченность ресурсов ЭВМ ближайших поколений и	4	4		
	невозможность точного решения уравнения переноса для	Онлайн	Ŧ		
	реальных моделей. Классификация методов численного				
	решения различных форм уравнеий переноса нейтронов.				
	Метод простых итераций для решения однородного				
	уравнения. Степенной метод решения неоднородного				
	уравнения. Оценка скорости сходимости степенных				
	методов и распределение собственных чисел для				
	простейших моделей. Процесс ортогонализации Шмидта и				
	организация итераций при определении высших гармоник				
	однородного уравнения и в частном случае неоднородного				
	уравнения.				
2 4		D			
3 - 4	Принципы построенния и структура конечноразностных операторов 2-х и 3-х мерного уравнения диффузии. Общий подход к анализу сходимости		Всего аудиторных часов		
			4 4		
			Онлайн		
	итерационных методов				
	Виды конечно-разностных сеток в прямоугольной и				
	гексагональной геометриях. Переход к системе				
	алгебраических уравнений. Особенности реализации				
	граничных условий. Структура и спектральные свойства				
	соответствующих матриц. Метод матричной прогонки.				
	Различные определения векторных и матричных норм.				
	Необходимое условие сходимости итерационного				
	процесса. Связь со степенным методом.				
	Модифицированный итерационный процесс и простейшее				
	ускорение сходимости. Подобное преобразование				
	операторов векторно-матричного представления уравнения				
<i>F</i> (диффузии.	Dares			
5 - 6	Методы переменных направлений и верхней		удиторных	часов	
	релаксации	4	4		

	Принципиальная схема метода переменных направлений.	Онлайн	ĭ	
1	Математическая формулировка метода переменных	Оплаин	1	
	направлений. Выбор ускоряющих параметров. Оценка			
	скорости сходимости. Расчетные формулы метода			
	переменных направлений и оценка числа операций.			
	Сравнение с методом матричной факторизации. Численные			
	и аналитические оценки спектральных границ.			
	Формулировка метода простых итераций. Доказательство			
	сходимости. Графическая интерпретация основной идеи			
	релаксационных методов и математическая формулировка			
	метода верхней релаксации.			
7 - 8	Константное обеспечение нейтронно-физических	Всего а	удиторных	часов
	расчетов и векторно-матричное представление	4	4	
	нейтронных и нуклидных полей.	Онлайн	I	
	Структурная схема построения библиотеки микроконстант			
	на основе файловТипы представыления данных и форматы			
	библиотек ENDF/B. Формализм факторов резонансной			
	самоэкранировки сечений и структура библиотеки БНАБ.			
	Подгрупповое представление сечений. Алгоритмы расчета			
	макроконстант на основе подгрупповых параметров.			
	Комплекс программ NJOY для обработки файлов ENDF/B.			
	Векторно-матричное представление системы			
	многогрупповых уравнений переноса нейтронов.			
	Взаимодействие нейтронных и нуклидных полей.			
	Векторно-матричная запись уравнений нуклидного поля.			
	Численные и аналитические методы решения задач			
1	численные и аналитические методы решения задач		l	
	<u> </u>			
	выгорания и воспроизводства топлива.			
8-16	<u> </u>	16	16	
8-16 9 - 10	выгорания и воспроизводства топлива.		16 рудиторных	часов
	выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения			часов
	выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2	Всего а	удиторных	часов
	выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме	Всего а	удиторных	часов
	выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные	Всего а	удиторных	часов
	выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования.	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных,	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов.	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения.	Всего а	удиторных	часов
	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций.	Всего а	удиторных	часов
	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и	Всего а	удиторных	часов
9 - 10	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варырования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина	Всего а 4 Онлайн	удиторных 4	
	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы	Всего а 4 Онлайн	удиторных 4	
9 - 10	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов	Всего а 4 Онлайн Всего а 4	удиторных 4	
9 - 10	Выгорания и воспроизводства топлива. Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов решения двумерного уравнения диффузии	Всего а 4 Онлайн	удиторных 4	
9 - 10	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов решения двумерного уравнения диффузии Понятие о главных и естественных условиях	Всего а 4 Онлайн Всего а 4	удиторных 4	
9 - 10	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов решения двумерного уравнения диффузии Понятие о главных и естественных условиях непрерывности решения и условий на внешних границах.	Всего а 4 Онлайн Всего а 4	удиторных 4	
9 - 10	Раздел 2 Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса. Прямые вариационные методы в операторной фороме Общая постановка вариационной задачи. Основные определения. Лагранжиан, вариация функции и певая вариационная производная. Техника варьирования. Основные формулы. Примеры первых вариаций линейных, билинейных и дробно билинейных лагранжианов. Простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировка уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов решения двумерного уравнения диффузии Понятие о главных и естественных условиях	Всего а 4 Онлайн Всего а 4	удиторных 4	

	Простейший вид пробных функций и формулировка уравнений вариационно-разносного метода. Представление решений в МКЭ. Интерполяция по Лагранжу и вывод формул для компонент вектор-функций для треугольных и прямоугольных элементов. Проблема сохранения непрерывности решений на границах элементов. Вариационная формулировка МКЭ. Введение глобального вектора решения и переход векторноматричной записи уравнений МКЭ. Представление решения в методе граничных элементов. Примеры уравнений границ и сохранение непрерывности и гладкости решения в МГЭ. Переход к глобальному вектору коэффициентов разложения решения. Вариационная формулировка и векторно-матричная запись уравнений МГЭ. Оценка числа операций и эффективности метода.			
13 - 14	Синтетические и итерационно-синтетические методы	Всего а	удиторных	uacor
13 14	решения уравнений переноса	4	<i>уди</i> торных 4	пасов
	Представление многомерных функций экстремальным	Онлайн	[·	
	рядом Фурье. Вариационная постановка задачи. Получение	O IIIIIIII	-	
	интегральных уравнений для составляющих решения.			
	Модификациф алгоритма и его векторно-матричное			
	представление. Ортогонализация составляющих.			
	Вариационная формули-ровка синтетических и			
	итерационно-синтетических методов. Различные			
	алгоритмы реализации метода. Оценка эффективности.			
15 - 16	Метод Монте-Карло и методы решения спектрального	Всего а	удиторных	часов
	уравнения	4	4	
	Розыгрывание дискретных и непрерывных случайных	Онлайн	I	
	величин на ЭВМ. Простейшая задача о прохождении			
	нейтронов через пластину. Розыгрывание столкновений,			
	косинуса угла направления полета нейтронов и пробега			
	нейтрона до столкновения. Метод пакета и метод			
	выравнивания полного сечения. Построение траекторий			
	нейтронов в гетерогенной среде. Локальные оценки потока			
	нейтронов. Предельная теорема теории вероятности и			
	общая схема оценки погрешности в методе Монте-Карло.			
	Интерполяционные и мультигрупповые методы решения			
	спектрального уравнения. Метод условного разделения			
	энергетической и пространственно-угловых переменных			
	как основа перехода к многозонной спектральной задаче.			
	Балансный метод и рекурсивный алгоритм расчета интеграла столкновений.			
	интеграла столкповении.			
		1		l

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозна	Полное наименование
чение	
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции

BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание
	9 Семестр
1	1. Метод простых итераций для решения однородного
	векторно-матричного уравнения.
3	2. Процесс ортогонализации Шмидта
3	3. Модификация степенного метода для решения полной
	проблемы собственных значений и векторов
	симметричной матрицы
4	4. Преобразование неоднородного уравнения к виду
	соответствующему итерационному процессу.
5	5. Построение матрицы конечно-разностного
	приближения двумерного урав-нения диффузии.
6	6. Реализация метода матричной прогонки.
7	7. Реализация алгоритма метода переменных направлений
8	8. Реализация алгоритма метода верхней релаксации.
9	9. Реализация прямых вариационных методов.
10	10. Разложение дискретного представления двумерной
	функции в экстре-мальный ряд Фурье.
11	11. Реализация простейшего алгоритма метода Монте-
	Карло.
12	12. Модификация метода Монте-Карло для гетерогенной
	среды.

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Лекции, практические занятия, самостоятельная работа студентов.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению				
баллов	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины				
			Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал,				
90-100	5 — «отлично»	A	исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической				
0.5.00		D	литературы.				
85-89	_	В	Оценка «хорошо» выставляется				
75-84		С	студенту, если он твёрдо знает				
	4 – « <i>xopouo</i> »		материал, грамотно и по существу				
70-74		D	излагает его, не допуская				
			существенных неточностей в ответе				
(5, (0)		-	на вопрос.				
65-69	_		Оценка «удовлетворительно»				
			выставляется студенту, если он имеет				
	3 –		знания только основного материала,				
(0.64	_	E	но не усвоил его деталей, допускает				
60-64	«удовлетворительно»		неточности, недостаточно правильные				
			формулировки, нарушения				
			логической последовательности в				
			изложении программного материала.				
			Оценка «неудовлетворительно»				
			выставляется студенту, который не				
	2 –		знает значительной части				
			программного материала, допускает				
Ниже 60		F	существенные ошибки. Как правило,				
	«неудовлетворительно»		оценка «неудовлетворительно»				
			ставится студентам, которые не могут				
			продолжить обучение без				
			дополнительных занятий по				
		1	соответствующей дисциплине.				

Оценочные средства приведены в Приложении.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 621.039 С12 Физическая теория ядерных реакторов Ч.2 Теория возмущений и медленные нестационарные процессы, Москва: НИЯУ МИФИ, 2013

- 2. ЭИ C12 Физическая теория ядерных реакторов Ч.1 Однородная размножающая среда и теория гетерогенных структур, , : МИФИ, 2007
- 3. ЭИ К89 Основы теории критичности, методы расчета и возмущение реактивности реактора : учебное пособие для вузов, А. М. Кузьмин, Москва: МИФИ, 2008
- 4. 621.039 К89 Основы теории критичности, методы расчета и возмущение реактивности реактора: учебное пособие для вузов, А. М. Кузьмин, Москва: МИФИ, 2008

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 517 С40 Численные методы расчета нейтронных полей : Учеб. пособие, А.М. Сироткин, М.: МИФИ, 1989
- 2. 539.1 M30 Численные методы в теории переноса нейтронов : , Г. И. Марчук, В. И. Лебедев, М.: Атомиздат, 1981
- 3. 621.039 С47 Вариационно-разностные методы расчета ядерных реакторов : , И. С. Слесарев, А. М. Сироткин, М.: Энергоиздат, 1981

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Необходимо иметь представление о многообразии используемых в теории реакторов методов расчета и давать основные признаки классификация методов численного решения уравнения переноса нейтронов. Нужно уметь давать обоснование метода простых итераций для решения однородного уравнения, степенного метода решения неоднородного уравнения, оценки скорости сходимости степенных методов и распределения собственных чисел для простейших моделей. Знать процесс ортогонализации Шмидта и организации итераций при определении высших гармоник однородного уравнения и в частном случае неоднородного уравнения. Важно, на практических занятиях реализовать и исследовать сходимость разобранных алгоритмов.

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Следует познакомить студентов с принципами построения и структурой конечноразностных операторов 2-х и 3-х мерного уравнения диффузии, дать общий подход к анализу сходимости итерационных методов, научить студентов строить конечно-разностные сетки в прямоугольной и гексагональной геометриях. Переходить к системе алгебраических уравнений. Учитывать особенности реализации граничных условий.

Нужно показать студентам отличие принципиальной схемы метода переменных направлений от строгой математической формулировки метода переменных направлений. Необходимо обосновать выбор ускоряющих параметров. Уметь оценивать скорость сходимости и число операций. Сравнить с методом матричной факторизации, формулировать метод простых итераций. Уметь доказывать сходимость метода верхней релаксации.

Особое внимание нужно уделить обоснованию константного обеспечения нейтроннофизических расчетов и векторно-матричному представлению нейтронных и нуклидных полей. В этом разделе нужно дать структурную схему построения библиотеки микроконстант на основе файлов. Типы представления данных и форматы библиотек ENDF/B. Формализм факторов резонансной самоэкранирования сечений и структуру библиотеки БНАБ. Подгрупповое представление сечений. Алгоритмы расчета макроконстант на основе подгрупповых параметров. Комплекс программ NJOY для обработки файлов ENDF/B.

Студентам необходимо дать вывод векторно-матричного представления системы многогрупповых уравнений переноса нейтронов. Указать на взаимодействие нейтронных и нуклидных полей. Дать вывод векторно-матричной записи уравнений нуклидного поля. Подробно остановиться на численных и аналитических методах решения задач выгорания и воспроизводства топлива.

В разделе «Вариационная формулировка задач решения уравнений переноса» необходимо рассмотреть прямые вариационные методы в операторной форме. Для этого необходимо изложить общую постановку вариационной задачи, основные определения Лагранжиана, вариации функции и первой вариационной производной, технику варьирования, простейшие приемы конструирования лагранжианов для однородного и неоднородного уравнений в операторной форме. Функционал энергии для самосопряженных операторов. Функционал среднеквадратичного отклонения. Представление решения и выбор координатных функций. Формулировку уравнений методов Ритца, Галеркина и Петрова-Галеркина.

Вариационно-разностные методы решения и методы конечных (МКЭ) и граничных (МГЭ) элементов решения двумерного уравнения диффузии должны излагаться на основе понятий главных и естественных условиях непрерывности решения и условий на внешних границах. Необходимо дать примеры лагранжианов с естественными граничными условиями и условиями непрерывности тока нейтронов. Простейший вид пробных функций и формулировка уравнений вариационно-разносного метода.

Представление решений в МКЭ должно быть обосновано интерполяцией по Лагранжу и выводом формул для компонент вектор-функций для треугольных и прямоугольных элементов, как основой сохранения непрерывности решений на границах элементов.

Метод Монте-Карло излагается на основе следующих разделов:

Розыгрывание дискретных и непрерывных случайных величин на ЭВМ. Простейшая задача о прохождении нейтронов через пластину. Розыгрывание столкновений, косинуса угла направления полета нейтронов и пробега нейтрона до столкновения. Метод пакета и метод выравнивания полного сечения. Построение траекторий нейтронов в гетерогенной среде. Локальные оценки потока нейтронов. Особое внимание следует уделить практической

реализации	метода	Монте-Карло	В	реакторных	задачах	\mathbf{c}	процессом	итераций	ПО	источнику
деления.										

Автор(ы):

Сироткин Алексей Михайлович, к.ф.-м.н., доцент