Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО

УМС ЛАПЛАЗ Протокол №1/08-577 от 29.08.2024 г. УМС ИИКС Протокол №8/1/2025 от 25.08.2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ВВЕДЕНИЕ В ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ

Направление подготовки (специальность)

[1] 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
5	2	72	32	32	0		8	0	3
Итого	2	72	32	32	0	0	8	0	

АННОТАЦИЯ

В курсе излагаются основные сведения о классических и современных численных методах решения различных прикладных задач с использованием языка программирования Руthon. В курсе затрагиваются такие темы как: прямые и итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений, решение нелинейных алгебраических и трансцендентных уравнений; интерполирование, дифференцирование и интегрирование, решение краевых задач и задач Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений, а также методы решения смешанных краевых задач для дифференциальных уравнений в частных производных. Каждая тема иллюстрируется с использованием интерактивных средств языка программирования Руthon и средств Јиріter notebook. В процессе обучения, студенты учатся реализовывать различные численные алгоритмы в виде программных комплексов и библиотек с использованием Руthon, что позволяет, в первую-очередь, освоить данные алгоритмы, а во вторую, улучшить навыки программирования.

В процессе освоения дисциплины, студенты изучают следующий технологический стэк: Jupiter notebook, Anaconda, LaTex, Python и его библиотеки, Miro, Wolfram|Alpha.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения учебной дисциплины является

- ознакомление студентов с основами численных методов и формирование у них умений и навыков решения практических задач;
- формирование навыков анализа и обработки полученных при выполнение лабораторных работ результатов, а также их систематизация в форме научного отчета;
- развитие навыков программирования и разработки законченных программ с использованием языка программирования Python.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Для	успешного	освоения	дисциплины	необходимы	базовые	знания	следующих
дисциплин	математичес	кого цикла:					

□ линейная алгебра;
□ обыкновенные дифференциальные уравнения
□ математический анализ;
□ интегральные уравнения;
а также дисциплин из цикла компьютерных науч

о Информатика;

о Программирование на любом языке C/C++/Basic/Python/Matlabu др.

Материал курса может быть использован в первую очередь при подготовке выпускных квалификационных работ, для решения задач с использованием методов вычислительной математики. Также материал данного курса может быть использован как основа, для более углубленного изучения вычислительной математики (в частности, при решении задач, связанных с уравнениями в частных производных, методами оптимизации и т.п.). Некоторые темы курса, могут быть полезным тем, кто изучает прикладные методы анализ данных.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции Код и наименование индикатора достижения компетенции

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

знаний) профессионал		TC	TC
Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции;	Код и наименование индикатора достижения
		Основание	профессиональной
		(профессиональный	компетенции
		стандарт-ПС, анализ	
		опыта)	
	научно-иссл	<u>іедовательский</u>	
Изучение и	Научные статьи и	ПК-1 [1] - Способен	3-ПК-1[1] - знать
систематизация	тезисы конференций,	собирать,	основные методы
новых научных	научно-технические	обрабатывать и	научного познания,
результатов, научной	отчеты,	интерпретировать	методы сбора и
литературы или	опубликованные	результаты научных	анализа информации;;
научно-	результаты научных	исследований в	У-ПК-1[1] - уметь
исследовательских	исследований,	области прикладной	анализировать
проектов в	соответствующая	математики и	информацию, строить
соответствии с	документация.	информационных	логические схемы,
профилем		технологий	интерпретировать
профессиональной			результаты научных
деятельности.		Основание:	исследований,
		Профессиональный	критически мыслить,
		стандарт: 40.011	сравнивать результаты
			различных
			исследований,
			формировать
			собственную позицию
			в рамках
			рассматриваемой
			задачи;;
			В-ПК-1[1] - владеть
			навыками работы с
			научной литературой
			и навыками
			интерпретации
			результатов научных
			исследований;
Разработка	Математические	ПК-2 [1] - Способен	3-ПК-2[1] - знать
математических	модели и алгоритмы.	понимать, применять и	современный
моделей, алгоритмов		совершенствовать	математический
и методов для		современный	аппарат,
решения различных		математический	используемый при
задач.		аппарат	описании, решении и
			анализе различных
		Основание:	прикладных задач;

		Профессиональный	У-ПК-2[1] -
		стандарт: 06.001	использовать
		The state of the s	современный
			математический
			аппарат для
			построения
			математических
			моделей и алгоритмов
			решения различных
			прикладных задач;
			В-ПК-2[1] - владеть
			навыками применения
			современного
			математического
			аппарата для
			построения
			математических
			моделей различных
			процессов, для
			обработки
			экспериментальных,
			статистических и
			теоретических
			данных, для
			разработки новых
			алгоритмов и методов
			исследования задач
	Па	OVERTIME AND	различных типов
Реализация научных	Научно-	ектный ПК-5 [1] - способен к	3-ПК-5[1] - знать
проектов,	исследовательские	разработке, реализации	принципы оценки
составление научно-	проекты, научно-	и оценке проектов	научно-
технических отчетов,	техническая	научно-	исследовательских
конкурсной	документация,	исследовательской и	проектов при
документации,	научные статьи и	инновационной	проведении их
экспертиза научных	заявки на	направленности	экспертизы;;
проектов по тематике	проведение научно-		У-ПК-5[1] - уметь
профессиональной	исследовательских	Основание:	проводить разработку
деятельности,	проектов.	Профессиональный	и экспертизу научно-
составление рецензий	1	стандарт: 40.008,	исследовательских
на научные статьи,		40.011	проектов;;
подготовка заявок на			В-ПК-5[1] - владеть
выполнение научно-			навыками разработки
исследовательских			и экспертизы научно-
проектов.			исследовательских
			проектов;

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
воспитания		дисциплин
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование

воспитание	обеспечивающих, формирование	воспитательного потенциала
воспитанис		дисциплин профессионального
	творческого	* *
	инженерного/профессионального	модуля для развития навыков
	мышления, навыков организации	коммуникации, командной
	коллективной проектной	работы и лидерства,
	деятельности (В22)	творческого инженерного
		мышления, стремления
		следовать в профессиональной
		деятельности нормам
		поведения, обеспечивающим
		нравственный характер
		трудовой деятельности и
		неслужебного поведения,
		ответственности за принятые
		решения через подготовку
		групповых курсовых работ и
		практических заданий, решение
		кейсов, прохождение практик и
		подготовку ВКР.
		2.Использование
		воспитательного потенциала
		дисциплин профессионального
		модуля для: - формирования
		производственного
		коллективизма в ходе
		совместного решения как
		модельных, так и практических
		задач, а также путем
		подкрепление рационально-
		технологических навыков
		взаимодействия в проектной
		деятельности эмоциональным
		эффектом успешного
		взаимодействия, ощущением
		роста общей эффективности
		при распределении проектных
		задач в соответствии с
		сильными компетентностными
		и эмоциональными свойствами
		членов проектной группы.
Профессиональное	Создание условий,	Использование
воспитание	обеспечивающих, формирование	воспитательного потенциала
	культуры информационной	дисциплин профессионального
	безопасности (В23)	модуля для формирование
	Section (DES)	базовых навыков
		информационной безопасности
		через изучение последствий
		± •
		халатного отношения к работе
		с информационными
		системами, базами данных
		(включая персональные
		данные), приемах и методах

	злоумышленников,
	потенциальном уроне
	пользователям.

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

MG	-		, HA COBEM, C		1 1		
№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары)/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	5 Семестр						
1	Раздел 1	1-8	16/16/0		25	КИ-8	3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-5, У-ПК-5, В-ПК-5
2	Раздел 2	9-16	16/16/0		25	КИ-16	3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-5, У-ПК-5, В-ПК-5
	Итого за 5 Семестр		32/32/0		50		
	Контрольные мероприятия за 5 Семестр				50	3	3-ПК-1, У-ПК-1, В-ПК-1, 3-ПК-2, У-ПК-2, В-ПК-2, 3-ПК-5, У-ПК-5, В-ПК-5

^{* –} сокращенное наименование формы контроля

^{**} – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
3	Зачет

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,
		час.	час.	час.
	5 Семестр	32	32	0
1-8	Раздел 1	16	16	0
1 - 6	Тема 1. Введение. Интерполирование,	Всего а	аудиторных	часов
	дифференцирование и интегрирование при помощи	8	8	0
	Python.	Онлай	H	
	Дается краткая характеристика предмета.	0	0	0
	Рассматриваются исторические предпосылки к развитию			
	методов вычислительной математики как			
	самостоятельного раздела науки. Описываются и			
	иллюстрируются примерами отличия вычислительной			
	математики от других дисциплин математического цикла.			
	Обсуждаются методы интерполяции функций, т.е. методы			
	позволяющие по конечному набору значений функции в			
	некоторых точках приближенно восстановить ее вид.			
	Приводятся простейшие примеры полиномиальной			
	интерполяции. Рассматриваются интерполяционные			
	полиномы Лагранжа и Ньютона. Точность интерполяции			
	по Лагранжу. Минимизации ошибки интерполяции по			
	Лагранжу с применением нулей полиномов Чебышева.			
	Обсуждается обусловленность задачи полиномиальной			
	интерполяции. С использованием языка Python			
	иллюстрируются особенности полиномиальной			
	интерполяции. Даются соответствующие примеры.			
	Рассматриваются методы интерполяции при помощи			
	сплайнов. Основное внимание уделяется кусочно-			
	линейной интерполяции и интерполяции при помощи			
	кубических полиномов. С использованием языка Python			
	иллюстрируются особенности сплайновой интерполяции.			
	Обсуждаются методы интерполяции для случая кратных			
	узлов интерполяции (полином Эрмита).			
	Также иллюстрируются базовые функции и библиотеки			
	языка Python, созданные для решения задачи численного			
	интерполирования.			
	Понятие пространственной сетки. Численное			
	дифференцирование функций. Левый, правые и			
	центральные разности. Метод неопределенных			
	коэффициентов, метод рядов Тейлора и метод			
	дифференцирования интерполяционных полиномов.			

11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения СЛАУ с использованием Руthon. Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие невязки. Использование невязки для оценки порядка аппроксимации производных конечными разностями.	Всего а 4 Онлайн 0	аудиторны 4 	х часов 0
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руноп. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения СЛАУ с использованием Руноп. Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных конечными разностями. Координатная сетка. Понятие	4 Онлайі	4	0
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руноп. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения СЛАУ с использованием Руthon. Краевая задача для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Аппроксимация производных	4 Онлайі	4	0
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения СЛАУ с использованием Руthon. Краевая задача для обыкновенного дифференциального	4 Онлайі	4	0
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения СЛАУ с использованием Руthon.	4 Онлайі	4	0
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руноп. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений и методы решения	4	4	
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon. Тема 4. Краевые задачи для обыкновенных			
11 - 12	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке Руthon.	Beero	улиторны	х часов
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге. Демонстрация примеров решения типовых задач на языке			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и апостериорные оценки точности метода. Поправка Рунге.			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов Адамса. Графический смысл методов. Априорные и			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы Батчера. Многослойные методы. Иерархия методов			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов Рунге-Кутта. Вывод методов Рунге-Кутта. Таблицы			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предикторкорректор. Однослойные методы. Иерархия методов			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Метод Эйлера, метод предиктор-			
	решения задачи Коши. Методы решения задачи Коши для			
	i arcolrego e nomocireo saliate. Abbiblo e ficildedo Micio/Ibl			
•	Жесткие и нежесткие задачи. Явные и неявные методы	1	1	
	первого порядка.			
	нормальной системе дифференциальных уравнений			
	ОДУ. Сведение задачи Коши для ОДУ п-ого порядка к	0	0	0
	уравнения (ОДУ) п-ого порядка. Нормальная система	0	0	0
	Задача Коши для обыкновенного дифференциального	Онлайі	<u> </u>	10
7 10	дифференциальных уравнений.	4	тудиторны 4	0
9 - 10	Тема 3. Задача Коши для обыкновенных		<u>110</u> аудиторны	
9-16	Раздел 2	16	16	0
	решения типовых задач на языке Python.			
	простых итерации в случае кратных корнеи трансцендентных уравнений. Демонстрация примеров			
	простых итераций в случае кратных корней			
	скорости сходимости итерационных методов. Методы			
	Графический смысл методов простых итераций. Понятие			
	Сжимающие отображения и неподвижная точка.			
	Границы применимости методов простых итераций.			
	релаксации, метод Ньютона (касательных), метод хорд.			
	модификации. Серия методов простых итераций: метод			
	уравнений. Метод дихотомии (бисекции) и его			
	Итерационные методы поиска корней трансцендентных			
	Графический метод и метод деления отрезка пополам.	Онлаин	0	0
	Трансцендентных уравнении. Трансцендентные уравнения. Методы отделения корней.	Онлайі	_	10
, . 0	трансцендентных уравнений.	8	тудиторны 8	0
7 - 8	Тема 2. Итерационные методы решения	Beero e	і аудиторны	у цасов
	данных методов.			
	быстроосциллирующих функций. Оценка погрешностей			
	Нули полинома Лагранжа. Интегрирование			
	Лагранжа. Численное интегрирование методом Гаусса.			
	Симпсона с использованием интерполяционного полинома			
	Котекса. Вывод методов прямоугольника, трапеций и			
	Методы численного интегрирования. Формулы Ньютона-			
	вычисления типовых конечных разностей на языке Python.			
1	формул численного дифференцирования. Примеры			
	Порядка аппроксимации и его оценка для различных			
	Полятие опиломенным и ото ополис иля портинии и			

	Замена дифференциального уравнения системой			
	алгебраических уравнений. Метод фиктивных точек для			
	аппроксимации краевых условий с повышенной			
	точностью. Методы решения систем линейных			
	алгебраических уравнений. Метод прогонки. Необходимое			
	условие для устойчивости метода прогонки. Демонстрация			
	примеров решения типовых задач на языке Python.			
13 - 14	Тема 5. Смешанная краевая задача для волнового	Всего аудиторных часов		
	уравнения.	4	4	0
	Основные понятия конечно-разностных методов.	Онлайн	I	
	Пространственно-временная сетка. Шаблон разностной	0	0	0
	схемы. Явные и неявные разностные схемы. Понятие			
	невязки, порядка аппроксимации и устойчивости			
	разностных схем. Шаблон типа "крест" для одномерного			
	волнового уравнения. Порядок аппроксимации и			
	устойчивость разностной задачи на шаблоне типа "крест".			
	Использование метода фиктивных точек для получения			
	аппроксимации начальных и граничных условий.			
	Исследование устойчивости схемы "крест". Условие			
	Куранта. Демонстрация примеров решения типовых задач			
	на языке Python.			
15 - 16	Тема 6. Смешанная краевая задача для уравнения	Всего а	удиторных	часов
	теплопроводности.	4	4	0
	Шеститочечный шаблон и семейство разностных схем для	Онлайн	I	
	одномерного уравнения теплопроводности. Оценка	0	0	0
	порядка аппроксимации для схем на основе			
	шеститочечного шаблона. Обоснование преимуществ			
	симметричной схемы и схемы повышенной точности.			
	Анализ устойчивости схем на основе шеститочечного			
	шаблона. Демонстрация примеров решения типовых задач			
	на языке Python.			

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ

Недели	Темы занятий / Содержание
	5 Семестр
	Численная интерполяция
	Решается задача о полиномиальной интерполяции
	Численное дифференцирование

Необходимо аппроксимировать производные первого и второго порядка		
Численное интегрирование		
Необходимо реализовать метод прямоугольников, метод трапеций и метод Симпсона		
Поиск приближённых значений корней нелинейных уравнений		
Необходимо реализовать метод касательных и метод Ньютона		
Приближённое решение задачи Коши для ОДУ		
Решается задача Коши методами Эйлера, Адамса и Рунге-Кутта		
Приближённое решение краевой задачи для ОДУ		
Краевая задача решается методом прогонки с краевыми условиями,		
аппроксимируемыми с первым и со вторым порядком точности		
Приближённое решение смешанной краевой задачи для волнового уравнения		
Решается смешанная краевая задача с использованием схемы "крест"		
Приближённое решение смешанной краевой задачи для уравнения		
теплопроводности		
Решается смешанная краевая задача для неоднородного уравнения теплопроводности		

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Лекционные и практические занятия сопровождаются различными демонстрационными материалами, реализованными в Jupiter notebook на языке Python. Данные материалы, позволяют «на лету» демонстрировать особенности рассматриваемых тем, вводя в курс элемент итерактивности.

Основной акцент в курсе делается на решении практических задач, в том числе на применимости рассматриваемых подходов в прикладных исследованиях. При обсуждении тем лекционных занятий используются интерактивные формы обучения, в частности используются презентации, обсуждаются последние научные работы, новые численные методы и схемы, рассказывается о работе с научной литературой. Обязательным является самостоятельная работа студентов, выполнение индивидуальных заданий, работа с литературой. Помимо этого, студенты получают опыт самостоятельной подготовки законченных программ, улучшают навыки программирования на языке Python, учатся систематизировать и представлять результаты исследований в виде отчетов.

При освоении материала курса, студены осваивают следующий технологический стэк:

- o Python;
- o Jupiter notebook;
- o Latex;
- o Wolfram|Alpha

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие
		(КП 1)
ПК-1	3-ПК-1	3, КИ-8, КИ-16

	У-ПК-1	3, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-1	3, КИ-8, КИ-16
ПК-2	3-ПК-2	3, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-2	3, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-2	3, КИ-8, КИ-16
ПК-5	3-ПК-5	3, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-5	3, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-5	3, КИ-8, КИ-16

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,
75-84		С	если он твёрдо знает материал, грамотно и
70-74	4 – «xopouo»		по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69			Оценка «удовлетворительно»
60-64	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. П 30 Лекции по вычислительной математике : Учебное пособие, Петров И.Б., Москва: Интернет Университет информационных технологий, БИНОМ. Лаборатория знаний, 2017
- 2. ЭИ К 90 Математические вопросы численного решения гиперболических систем уравнений : учебное пособие, Семёнов А. Ю., Погорелов Н. В., Куликовский А. Г. , Москва: Физматлит, 2012
- 3. 519 Б30 Численные методы: учеб. пособие для вузов, Жидков Н.П., Кобельков Г.М., Бахвалов Н.С., М.: Бином. Лаборатория знаний, 2006

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 517 С17 Теория разностных схем: Учеб.пособие для вузов, Самарский А.А., М.: Наука, 1989
- 2. 519 Ч-67 Численные методы Кн.1 Численный анализ, , Москва: Академия, 2013
- 3. 519 Ч-67 Численные методы Кн.2 Методы математической физики, , Москва: Академия, 2013

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

1. Проведение лекционных и лабораторных занятий

Курс включает в себя лекционные и лабораторные занятия. Лабораторные занятия проводятся в компьютерном классе, имеющем все необходимое оборудование и установленное программное обеспечение. В ходе занятий в компьютерном классе при выполнении лабораторных работ происходит последовательное освоение лекционного материала, развитие практических навыков использования современной вычислительной техники для решения задач.

В начале каждого лабораторного занятия студенты получают индивидуальное задание по ранее прослушанному на лекции материалу. Данное занятие должно быть сделано в течении

лабораторной работы. В случае если студент не успевает выполнить задание в течение лабораторной работы допускается подготовка программ студентами дома, однако в данном случае следует уделять особое внимание проверке понимания студентами выполненной работы. Сдача лабораторной работы делится на два этапа. На первом этапе студент обязан показать корректно работающую программу, ответить на все вопросы по коду программы и самостоятельно внести соответствующие правки в программный код по желанию преподавателя. Если студент свободно ориентируется в программе, то следующим этапом сдачи работы является прием теоретического материала по данной теме. На данном этапе преподаватель задает студенту ряд теоретических вопросов, на которые студент обязан ответить для успешной сдачи задания. Если студент не отвечает на теоретические вопросы сдача задания не засчитывается.

Весь необходимый, для успешной сдачи всех заданий, теоретический материал излагается на лекционных занятиях, посещение которых является обязательным. Практика показала, что в случае пропуска хотя бы одного лекционного занятия, сдача задания по соответствующей теме существенно осложняется.

На каждом занятии отмечается посещаемость студентов. При изучении курса студентам рекомендуется внимательно ознакомиться с программой дисциплины, взять в библиотеке рекомендованную литературу.

2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контроль по итогам

Рубежный контроль проводится дважды: в середине и в конце семестра. Промежуточный контроль выставляется на основе зачета.

Для допуска к зачету необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

1. Проведение лекционных и лабораторных занятий

Курс включает в себя лекционные и лабораторные занятия. Лабораторные занятия проводятся в компьютерном классе, имеющем все необходимое оборудование и установленное программное обеспечение. В ходе занятий в компьютерном классе при выполнении лабораторных работ происходит последовательное освоение лекционного материала, развитие практических навыков использования современной вычислительной техники для решения задач.

В начале каждого лабораторного занятия студенты получают индивидуальное задание по ранее прослушанному на лекции материалу. Данное занятие должно быть сделано в течении лабораторной работы. В случае если студент не успевает выполнить задание в течение лабораторной работы допускается подготовка программ студентами дома, однако в данном случае следует уделять особое внимание проверке понимания студентами выполненной работы.

Сдача лабораторной работы делится на два этапа. На первом этапе студент обязан показать корректно работающую программу, ответить на все вопросы по коду программы и самостоятельно внести соответствующие правки в программный код по желанию преподавателя. Если студент свободно ориентируется в программе, то следующим этапом сдачи работы является прием теоретического материала по данной теме. На данном этапе преподаватель задает студенту ряд теоретических вопросов, на которые студент обязан ответить для успешной сдачи задания. Если студент не отвечает на теоретические вопросы сдача задания не засчитывается.

На лекционных занятиях сначала излагается теоретический материал, затем рассматриваются примеры в зависимости от темы. Практика показала, что следует использовать различные приемы вовлечения студентов в творческий процесс освоения учебного материала: опрос студентов по содержанию прочитанных лекций, вызов студентов к доске для решения текущей задачи, самостоятельное решение задач и выполнение алгоритмов вручную со сверкой промежуточных и конечного результатов решения, демонстрация преподавателем на доске решения типовых задач.

На каждом занятии следует отмечать посещаемость студентов. Рекомендуется не допускать студентов до сдачи контрольных мероприятий регулярно пропускающих занятия. На первом занятии необходимо ознакомить студентов с программой дисциплины, а также предложить литературу, которая потребуется для успешного освоения материала.

2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контроль по итогам

Рубежный контроль проводится дважды: в середине и в конце семестра. Промежуточный контроль выставляется на основе зачета.

Для допуска к зачету необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

Автор(ы):

Рябов Павел Николаевич, к.ф.-м.н.