Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

# ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ КАФЕДРА КИБЕРНЕТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИИКС Протокол №8/1/2025 от 25.08.2025 г.

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА (ТЕОРИЯ ГРАФОВ)

Направление подготовки (специальность)

- [1] 10.03.01 Информационная безопасность
- [2] 09.03.04 Программная инженерия
- [3] 09.03.01 Информатика и вычислительная техника
- [4] 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
2	2-3	72-108	15	15	0		6-42	0	Э
Итого	2-3	72-108	15	15	0	0	6-42	0	

#### **АННОТАЦИЯ**

Дисциплина обеспечивает фундаментальную математическую подготовку студентов, ориентированную на применение компьютерных моделей в научной и профессиональной деятельности. Дисциплина также формирует механизм оценки количественных параметров дискретных моделей и конфигураций, способы описания, построения и исследования математических моделей на графах.

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение следующих результатов образования: Знания:

на уровне представлений:

- система инвариантов для графов и орграфов;
- изоморфизм и гомеоморфизм графов (орграфов).

на уровне воспроизведения:

- теоретические результаты (теоремы и свойства), характерные для комбинаторных зависимостей и теории графов;
  - методы вычисления инвариантов графов (орграфов);
  - алгебраические методы формирования графов.

на уровне понимания:

• оценка количественных инвариантов графов и орграфов.

Умения:

теоретические:

- формулировать прикладные задачи с использованием формализмов теории графов;
- сводить прикладные задачи к задачам поиска системы инвариантов на графах. практические:
- решения задач анализа графов (поиск характеристик и инвариантов графа)
- решение задач синтеза графов (по заданному набору инвариантов и ограничений)

### 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина предполагает наличие знаний и умений в объеме курса "Дискретная математика (математическая логика)" и "Математический анализ (Числовые последовательности)".

В свою очередь, дисциплина является предшествующей для следующих курсов: "Методы оптимизации", "Курсовой проект по построению кибернетических систем", "Инженерная графика (компьютерное моделирование)"и других.

Дисциплина способствует развитию графических методов фиксации взаимосвязей в исследуемых структурах, освоению методов решения задач представленных с использованием графовых представлений.

# 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

	офессиональные компетенции.
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1 [1] — Способен оценивать роль информации, информационных технологий и информационной безопасности в современном обществе, их значение для обеспечения объективных потребностей личности, общества и государства	3-ОПК-1 [1] — знать значение информации, информационных технологий и информационной безопасности для обеспечения объективных потребностей личности, общества и государства У-ОПК-1 [1] — уметь представлять роль информации, информационных технологий и информационной безопасности в современном обществе В-ОПК-1 [1] — владеть основными методами информационной безопасности
ОПК-1 [4] — Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	3-ОПК-1 [4] — знать естественнонаучные методы познания окружающего мира, знать фундаментальный математический аппарат; У-ОПК-1 [4] — уметь применять естественнонаучные и математические методы исследования различных явлений, процессов и задач В-ОПК-1 [4] — владеть навыками исследования различных явлений и процессов с использованием естественнонаучного и математического подхода
ОПК-1 [2] — Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	3-ОПК-1 [2] — Знать основные объекты дискретной математики и методы их описания и исследований; проблемы алгоритмической разрешимости задач и эффективной вычислимости чисел.  У-ОПК-1 [2] — Уметь решать основные задачи математической логики; однозначно задавать объекты дискретной математики, приводить их к стандартным формам, выполнять эквивалентные преобразования; определять сложности алгоритмов, применение прямых и косвенных доказательств теорем, определение принадлежности функций к соответствующим классам В-ОПК-1 [2] — Владеть методами математической логики для решения задач формализации, анализа и синтеза логических схем, для нахождения инвариантов циклических и условных конструкций в информатике, для выполнения эквивалентных преобразований; методами применения логического подхода к решению сложных задач с помощью их декомпозиции.
ОПК-2 [1] — Способен применять информационно-коммуникационные технологии, программные средства системного и прикладного назначения, в том числе отечественного производства, для решения задач профессиональной деятельности	3-ОПК-2 [1] — знать программные средства системного и прикладного назначения, информационнокоммуникационные технологии для решения профессиональных задач У-ОПК-2 [1] — уметь применять программные средства системного и прикладного назначения, информационнокоммуникационные технологии для решения профессиональных задач В-ОПК-2 [1] — владеть принципами работы программных средств системного и прикладного назначения,

	информационно-коммуникационных технологий для решения профессиональных задач
ОПК-3 [1] — Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности	3-ОПК-3 [1] — основные математические методы для решения задач обеспечения защиты информации У-ОПК-3 [1] — уметь использовать основные математические методы для решения задач обеспечения защиты информации В-ОПК-3 [1] — владеть основными математическими методами для решения задач обеспечения защиты информации
ОПК-4 [1] — Способен применять необходимые физические законы и модели для решения задач профессиональной деятельности	3-ОПК-4 [1] — знать основные черты современной естественнонаучной картины мира и физические основы функционирования средств защиты информации У-ОПК-4 [1] — уметь объяснять физические принципы функционирования средств защиты информации В-ОПК-4 [1] — владеть основными принципами функционирования средств защиты информации
УК-1 [2, 3, 4] — Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	3-УК-1 [2, 3, 4] — Знать: методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа У-УК-1 [2, 3, 4] — Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников В-УК-1 [2, 3, 4] — Владеть: методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
УКЕ-1 [2, 3, 4] — Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	3-УКЕ-1 [2, 3, 4] — знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования У-УКЕ-1 [2, 3, 4] — уметь: использовать математические методы в технических приложениях, рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи В-УКЕ-1 [2, 3, 4] — владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
	научно-исследователься	сий и инновационный	
Изучение научно-	Вычислительные	ПК-1 [3] - Способен	3-ПК-1[3] - Знать:
технической	машины, комплексы,	обосновывать	основы верификации
информации,	системы и сети;	принимаемые	и аттестации
отечественного и	автоматизированные	проектные решения,	аппаратного и
зарубежного опыта по	системы обработки	осуществлять	программного
тематике	информации и	постановку и	обеспечения,
исследования.	управления; системы	выполнять	стандарты качества
Математическое	автоматизированного	эксперименты по	и процессов его
моделирование	проектирования и	проверке их	обеспечения,
процессов и объектов	информационной	корректности и	способы
на базе стандартных	поддержки	эффективности	оптимизации,
пакетов	жизненного цикла	0	принципы и виды
автоматизированного	промышленных	Основание:	отладки, методы
проектирования и исследований.	изделий; программное обеспечение средств	Профессиональный стандарт: 06.001	оценки качества,
Проведение	вычислительной	Стандарт. 00.001	методики постановки
экспериментов по	техники и		
заданной методике и	автоматизированных		экспериментов; У-ПК-1[3] - Уметь:
анализ результатов.	систем (программы,		разрабатывать и
Проведение измерений	программные		специфицировать
и наблюдений,	комплексы и		требования,
составление описания	системы);		осуществлять
проводимых	математическое,		составление
исследований,	информационное,		описания
подготовка данных для	техническое,		проводимых
составления обзоров,	лингвистическое,		исследований,
отчетов и научных	программное,		подготовку данных
публикаций.	эргономическое,		для составления
Составление отчета по	организационное и		обзоров и отчетов,
выполненному	правовое обеспечение		обосновывать
заданию, участие во	перечисленных		принимаемые
внедрении результатов	систем.		проектные решения,
исследований и			выполнять
разработок. Участие в			эксперименты по
составе коллектива			проверке
исполнителей во			корректности
внедрении результатов			решений;
научно-технических			В-ПК-1[3] - Владеть:
исследований в			навыками
высокотехнологичных			построения моделей
сферах экономики и			объектов
коммерциализации			профессиональной
разработок.			деятельности с использованием

	инструментальных
	средств, навыками
	тестирования,
	отладки и
	верификации

# 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

<b>Попровному</b>	Zawayy pagyyrawyg (vaw)	Воличното и и ий поточного
Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
Воспитания	Соодомио модоруй	дисциплин
Профессиональное	Создание условий, обеспечивающих,	Использование воспитательного
воспитание	формирование ответственности	потенциала дисциплин
		профессионального модуля для
	за профессиональный выбор,	формирования у студентов ответственности за свое
	профессиональное развитие и	
	профессиональные решения	профессиональное развитие
	(B18)	посредством выбора студентами
		индивидуальных образовательных
		траекторий, организации системы
		общения между всеми
		участниками образовательного
		процесса, в том числе с
		использованием новых
TT 1		информационных технологий.
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин/практик
	формирование научного	«Научно-исследовательская
	мировоззрения, культуры	работа», «Проектная практика»,
	поиска нестандартных научно-	«Научный семинар» для:
	технических/практических	- формирования понимания
	решений, критического	основных принципов и способов
	отношения к исследованиям	научного познания мира, развития
	лженаучного толка (В19)	исследовательских качеств
		студентов посредством их
		вовлечения в исследовательские
		проекты по областям научных
		исследований. 2.Использование
		воспитательного потенциала
		дисциплин "История науки и
		инженерии", "Критическое
		мышление и основы научной
		коммуникации", "Введение в
		специальность", "Научно-
		исследовательская работа",
		"Научный семинар" для:
		- формирования способности
		отделять настоящие научные
		исследования от лженаучных
		посредством проведения со
		студентами занятий и регулярных
		бесед;
		- формирования критического

Профессиональное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование профессионально значимых установок: не производить, не копировать и не использовать программные и технические средства, не приобретённые на законных основаниях; не нарушать признанные нормы авторского права; не нарушать тайны передачи сообщений, не практиковать вскрытие информационных систем и сетей передачи данных; соблюдать конфиденциальность доверенной информации (В40)	мышления, умения рассматривать различные исследования с экспертной позиции посредством обсуждения со студентами современных исследований, исторических предпосылок появления тех или иных открытий и теорий.  1. Использование воспитательного потенциала дисциплин "Информатика (Основы программирование)", "Программирование (Объектноориентированное программирование)", "Программирование (Алгоритмы и структуры данных)" для формирования культуры написания и оформления программ, а также привития навыков командной работы за счет использования систем управления проектами и контроля версий.  2. Использование воспитательного потенциала дисциплины "Проектная практика" для формирования культуры решения изобретательских задач, развития логического мышления, путем погружения студентов в научную и инновационную деятельность института и вовлечения в проектную работу.
		института и вовлечения в
		дисциплин для формирования навыков цифровой гигиены, а также системности и гибкости мышления, посредством изучения
		методологических и технологических основ обеспечения информационной безопасности и кибербезопасности
		при выполнении и защите результатов учебных заданий и лабораторных работ по
		криптографическим методам защиты информации в компьютерных системах и сетях.
		4.Использование воспитательного потенциала дисциплин " "Информатика (Основы

программирования)",
Программирование (Объектно-
ориентированное
программирование)",
"Программирование (Алгоритмы и
структуры данных)" для
формирования культуры
безопасного программирования
посредством тематического
акцентирования в содержании
дисциплин и учебных заданий.
5.Использование воспитательного
потенциала дисциплины
"Проектная практика" для
формирования системного подхода
по обеспечению информационной
безопасности и кибербезопасности
в различных сферах деятельности
посредством исследования и
перенятия опыта постановки и
решения научно-практических
задач организациями-партнерами.

# 5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

<b>№</b> п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары )/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	2 Семестр						
1	Теория графов 1	8-11	8/8/0	T-9 (5),T-10 (5),T-11 (5)	20	КИ-11	У-УК-1, В-УК-1, 3-УКЕ-1, У-УКЕ-1, В-УКЕ-1, 3-УК-1, 3-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, 3-ОПК-1,

							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-ОПК-3,
							У-ОПК-3,
							В-ОПК-3,
							3-ОПК-4,
							У-ОПК-4,
							В-ОПК-4,
							3-ПК-1,
							У-ПК-1,
							В-ПК-1
2	Теория графов 2	12-	7/7/0	к.р-15	30	КИ-15	3-ОПК-1,
-	100011111111111111111111111111111111111	15	17770	(10),T-		101 10	У-ОПК-1,
		10		14 (13)			В-ОПК-1,
				11 (13)			3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1, В-ОПК-1,
							3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1, В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2, В-ОПК-2,
							3-ОПК-2, 3-ОПК-3,
							У-ОПК-3,
							В-ОПК-3,
							3-ОПК-4,
							У-ОПК-4,
							· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
							В-ОПК-4,
							3-ПК-1,
							У-ПК-1,
							В-ПК-1,
							3-УК-1,
							У-УК-1,
							В-УК-1,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
	Ишааа ра 2 Са		15/15/0		50		В-УКЕ-1
	Итого за 2 Семестр		15/15/0		50	Э	2 ОПУ 1
	Контрольные мероприятия за 2				30	9	3-ОПК-1, У-ОПК-1,
	мероприятия за 2 Семестр						у-ОПК-1, В-ОПК-1,
	Семестр						В-ОПК-1, 3-ОПК-1,
							у-ОПК-1, У-ОПК-1,
							у-ОПК-1, В-ОПК-1,
							3-ОПК-1, 3-ОПК-1,
							у-ОПК-1, У-ОПК-1,
							у-ОПК-1, В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,

	ı	1	1	1	
					У-ОПК-2,
					В-ОПК-2,
					3-ОПК-3,
					У-ОПК-3,
					В-ОПК-3,
					3-ОПК-4,
					У-ОПК-4,
					В-ОПК-4,
					3-ПК-1,
					У-ПК-1,
					В-ПК-1,
					3-УК-1,
					У-УК-1,
					В-УК-1,
					3-УКЕ-1,
					У-УКЕ-1,
					В-УКЕ-1

<sup>\* –</sup> сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
T	Тестирование
КИ	Контроль по итогам
к.р	Контрольная работа
Э	Экзамен

# КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,	
			час.	час.	
	2 Семестр	15	15	0	
8-11	Теория графов 1	8	8	0	
8	Операции над графами.	Всего а	удиторных	часов	
	Операции над графами. Операции удаления вершины и	2	2	0	
	операция удаления ребра. Объединение графов. Сложение	Онлайн	I		
	графов. Произведение графов. Дополнение графа. Цепи в	0	0	0	
	графе. Длина цепи. Метрика. Расстояния между				
	вершинами. Диаметр графа. Связность. Вершинная и				
	реберная связность.				
9	Связность		удиторных	часов	
	Связность, вершинная и реберная связность. Связность в	2	2	0	
	орграфах. Компонента связности (сильной связности).		Онлайн		
	Алгоритм порождения, компонент связности (сильной	0	0	0	
	связности). Сети. Конденсат орграфа. Понятие цикла.				
	Эйлеровы и гамильтоновы циклы.				
10	Множества в графе	Всего а	удиторных	часов	
	Разделяющие множества в графе. Разрез. Теория Менгера.	2	2	0	

<sup>\*\*</sup> – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

	TT			
1	Цикломатическая матрица. Цикломатический базис.	Онлайн 0 0 0		
	Цикломатическое число. Теорема Эйлера. Остов. Хорда.		0	0
	Базисная система циклов относительно заданного остова.			
	Алгоритм порождения базисной системой циклов.			
11	Разрезы	Всего	аудиторнь	их часов
	Матрица разрезов. Базисная система разрезов и ее	2	2	0
	мощность. Алгоритм порождения разрезов. Понятие	Онлайі	F	
	устойчивости. Внутренне устойчивое множество вершин.	0	0	0
	Число внутренней устойчивости. Пустой подграф.			
12-15	Теория графов 2	7	7	0
12	Подграфы		аудиторнь	их часов
	Алгоритм порождения пустых подграфов. Полные графы	2	2	0
	и подграфы. Плотность графа. Алгоритм порождения	Онлайі	H	
	полных подграфов. Внешняя устойчивость графа и	0	0	0
	орграфа. Вершинное и реберное покрытия графа.			
	Вершинное и реберное число внешней устойчивых			
	1	1	1	1
	множеств графа.			
13	множеств графа. Реберные графы	Всего а	 аудиторнь	ых часов
	1 1	Всего a 2	аудиторнь 2	их часов
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного		2	
13	<b>Реберные графы</b> Реберные графы. Свойства реберности. Критерий	2	2	
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного	2 Онлай	2	0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения.	2 Онлай	2	0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и	2 Онлайі 0	2	0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.	2 Онлайі 0	0	0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа. Группы	2 Онлайн 0 Всего а	2 н 0 аудиторнь 3	0 0 ых часов
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа. Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка)	2 Онлай 0 Всего а	2 н 0 аудиторнь 3	0 0 ых часов
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа. Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx 4acob 0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.  Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над графами. Приближенная раскраска (эвристический	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx 4acob 0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.  Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над графами. Приближенная раскраска (эвристический алгоритм раскраски вершин графа - алгоритм Ершова).	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx 4acob 0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.  Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над графами. Приближенная раскраска (эвристический алгоритм раскраски вершин графа - алгоритм Ершова). Задача перечисления графов. Группа подстановок.	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx 4acob 0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.  Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над графами. Приближенная раскраска (эвристический алгоритм раскраски вершин графа - алгоритм Ершова). Задача перечисления графов. Группа подстановок. Свойства группы. Изоморфизм групп. Правила вычисления подстановок. Операции на группах. Понятие	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx 4acob 0
13	Реберные графы Реберные графы. Свойства реберности. Критерий реберности графа. Алгоритм нахождения образа реберного графа. Задача раскраски вершин графа и ее приложения. Хроматическое число. Алгоритм раскраски графа и вычисления хроматического числа.  Группы Оценки хроматического числа. Значение (оценка) хроматического числа для результатов операций над графами. Приближенная раскраска (эвристический алгоритм раскраски вершин графа - алгоритм Ершова). Задача перечисления графов. Группа подстановок. Свойства группы. Изоморфизм групп. Правила	2 Онлай 0 Всего а 3 Онлай	2 н 0 зудиторнь 3	0 0 0 0xx часов 0

# Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

# ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание

	2 Семестр
8 - 11	Практические занятия.
	8. Операции над графами.
	9. Связность графов.
	10. Цикломатическое число.
	11. Разрезы.
12 - 15	Практические занятия.
	12. Алгоритм порождения полных подграфов.
	13. Реберные графы
	14. Оценки хроматического числа.
	15. Графики и группы автоморфизмов

#### 6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

- 1. Лекционные занятия:
- а. комплект электронных презентаций/слайдов,
- b. аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук)
  - 2. Практические занятия:
  - а. компьютерный класс,
  - b. презентационная техника (проектор, экран, компьютер/ноутбук),
  - с. стандартный пакет программ Microsoft Office.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие
		(КП 1)
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	В-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
ОПК-2	3-ОПК-2	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-ОПК-2	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	В-ОПК-2	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
ОПК-3	3-ОПК-3	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-ОПК-3	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14

	В-ОПК-3	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
ОПК-4	3-ОПК-4	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-ОПК-4	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	В-ОПК-4	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
УК-1	3-УК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-УК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	В-УК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
УКЕ-1	3-УКЕ-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.р-15, Т-14
	У-УКЕ-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
		11, к.p-15, T-14
	В-УКЕ-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
OHIO 1	2.0774.4	11, K.p-15, T-14
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	W OFFIC 1	11, k.p-15, T-14
	У-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	D OHK 1	11, к.p-15, T-14
	В-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	2.000 1	11, k.p-15, T-14
	3-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	V OHK 1	11, K.p-15, T-14
	У-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	роши 1	11, K.p-15, T-14
	В-ОПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т- 11, к.р-15, Т-14
ПК-1	2 1117 1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
111/-1	3-ПК-1	9, КИ-11, КИ-13, 1-9, 1-10, 1- 11, к.р-15, Т-14
	У-ПК-1	Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	y-11N-1	
	В-ПК-1	11, к.р-15, Т-14 Э, КИ-11, КИ-15, Т-9, Т-10, Т-
	D-11K-1	
		11, к.р-15, Т-14

## Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины

90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,
75-84		C	если он твёрдо знает материал, грамотно и
70-74	4 – «хорошо»	D	по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69			Оценка «удовлетворительно»
60-64	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

# 8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

#### ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. ЭИ М 21 Дискретная математика : учебное пособие для вузов, Мальцев И. А., Санкт-Петербург: Лань, 2022

2. 519 Т46 Основы теории графов : учебное пособие, Тихомирова А.Н., Сидоренко Е.В., Москва: НИЯУ МИФИ, 2010

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

#### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

# 9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

#### 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Самостоятельная работа студентов включает;

- повторение теоретического материала
- выполнение домашних практических заданий и подготовку к ним
- полготовку к контрольным мероприятиям
- подготовку к промежуточной аттестации.

В качестве оценочного средства используется 100 бальная семестровая система, учитывающая посещаемость занятий, активность (выполнение домашних занятий), выполнение тематических домашних заданий по каждому разделу,

контрольно-тестовая работа по каждому разделу. Каждый раздел проходит аттестацию.

На зачете/экзамене студентполучает вариант задания, состоящий из трех теоретических вопросов, оцениваемых по степени выполнения каждый:

Экзамен проводится в письменном виде по индивидуальному экзаменационному билету. Два вопроса- теоретические, которые выбираются из списка вопросов к экзамену. Остальные задания связаны с проверкой теоретических и практических знаний теории графов поиск инвариантов графов, восстановление графа по набору его инвариантов.

### 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Работа со студентами включает:

- подготовку теоретического материала
- проверку домашних практических заданий и подготовку к ним
- подготовку к контрольным мероприятиям
- подготовку материала к промежуточной аттестации.

В качестве оценочного средства используется 100 бальная семестровая система, учитывающая посещаемость занятий, активность (выполнение домашних занятий), выполнение тематических домашних заданий по каждому разделу,

контрольно-тестовая работа по каждому разделу. Каждый раздел проходит аттестацию.

На зачете/экзамене студентам выдается вариант задания, состоящий из трех теоретических вопросов, оцениваемых по степени выполнения каждый:

Экзамен (50 баллов). Экзамен проводится в письменном виде по индивидуальному экзаменационному билету. Два вопроса- теоретические, которые выбираются из списка вопросов к экзамену. Остальные задания связаны с проверкой теоретических и практических знаний теории графов поиск инвариантов графов, восстановление графа по набору его инвариантов. Письменные ответы студента регистрируются на специальных бланках.

# Автор(ы):

Короткова Мария Александровна, к.т.н., доцент