

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ОБЩЕЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПОДГОТОВКИ

КАФЕДРА ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

Направление подготовки
(специальность)

[1] 03.05.02 Фундаментальная и прикладная физика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки, час.	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
5	3	108	32	32	0		44	0	3
Итого	3	108	32	32	0	0	44	0	

АННОТАЦИЯ

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с основами теории вероятностей и математической статистики: основные понятия и теоремы теории вероятностей; основные законы распределения случайных величин; корреляционная теория, основные понятия математической статистики, методы сбора, обработки и анализа статистических данных, техника проверки гипотез, методы корреляционного и регрессионного анализа.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения учебной дисциплины является получение полноценного естественнонаучного образования, продолжение фундаментальной математической подготовки; получение базовых знаний по теории вероятностей и математической статистике и формирование основных навыков использования вероятностного аппарата для решения теоретических и прикладных задач; овладение основными статистическими методами обработки и анализа результатов экспериментов, необходимыми для анализа и прогнозирования процессов и явлений.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Результаты освоения данной учебной дисциплины тесно связаны со всеми изучаемыми в дальнейшем курсами математики. Для её изучения необходимо владеть такими разделами высшей математики как аналитическая геометрия, линейная алгебра, математический анализ. Для успешного освоения дисциплины необходимо знать элементы комбинаторики, основы дифференциального и интегрального исчисления, теорию меры, теорию интегрального преобразования Фурье. Освоение курса является необходимым для изучения всех последующих дисциплин.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-2 [1] – Способен применять современный математический аппарат при построении количественных моделей физических явлений, процессов и систем в профессиональной деятельности	З-ОПК-2 [1] – Знать современный математический аппарат, используемый при построении количественных моделей физических явлений, процессов и систем в профессиональной деятельности У-ОПК-2 [1] – Уметь применять современный математический аппарат для построения количественных моделей физических явлений, процессов и систем в профессиональной деятельности В-ОПК-2 [1] – Владеть навыками построения количественных моделей физических явлений, процессов и систем в профессиональной деятельности

УК-1 [1] – Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	З-УК-1 [1] – Знать: - принципы, методы и процедуры системного подхода к анализу ситуации; - структуру, формы и методы научного познания. У-УК-1 [1] – Уметь: - применять системный подход и критический анализ проблемных ситуаций; - вырабатывать стратегию действий, принимать конкретные решения для её реализации. - аргументировать свои выводы и принятые решения в т.ч. с применением философского понятийного аппарата. В-УК-1 [1] – Владеть навыками: - выявления проблемных ситуаций и поиска необходимой информации для решения профессиональных задач; - выработки стратегии действий.
---	---

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)
Интеллектуальное воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование культуры умственного труда (В11)
Профессиональное и трудовое воспитание	Создание условий, обеспечивающих, формирование глубокого понимания социальной роли профессии, позитивной и активной установки на ценности избранной специальности, ответственного отношения к профессиональной деятельности, труду (В14)

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практик. (семинары) / Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	<i>5 Семестр</i>						
1	Раздел 1 Классическая вероятность. Случайные величины и их характеристики.	1-8	16/16/0		25	к.р-8	З-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, З-УК-1, У-УК-1, В-УК-1
2	Раздел 2 Математическая	9-16	16/16/0		25	к.р-16	З-ОПК-2, У-ОПК-2,

	статистика						В-ОПК-2, 3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1
	<i>Итого за 5 Семестр</i>		32/32/0		50		
	Контрольные мероприятия за 5 Семестр				50	3	3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1

* – сокращенное наименование формы контроля

** – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
к.р	Контрольная работа
З	Зачет

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек., час.	Пр./сем., час.	Лаб., час.
	<i>5 Семестр</i>	32	32	0
1-8	Раздел 1 Классическая вероятность. Случайные величины и их характеристики.	16	16	0
1 - 2	Вероятностное пространство Стохастический эксперимент. Статистическая вероятность. Пространство элементарных событий. Случайные события: операции над событиями и отношения между ними. Алгебра событий.	Всего аудиторных часов		
		4	4	0
		Онлайн		
		0	0	0
3 - 4	Определение условной вероятности Определение условной вероятности. Независимость событий. Вероятность произведения событий. Формула полной вероятности (примеры её применения к задачам массового обслуживания, случайного блуждания). Формула Байеса. Понятие о последовательности независимых испытаний. Полиномиальная схема. Схема Бернулли. 6-7 недели.	Всего аудиторных часов		
		4	4	0
		Онлайн		
		0	0	0
5 - 6	Определение случайной величины Определение случайной величины. Функция распределения и её свойства. Абсолютно непрерывные и дискретные распределения. Примеры распределений: нормальное, пуассоновское, биномиальное, равномерное, показательное, гипергеометрическое. Совместное распределение случайных величин. Независимость случайных величин. Функции от случайных величин. Распределение суммы	Всего аудиторных часов		
		4	4	0
		Онлайн		
		0	0	0

7 - 8	Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин, их свойства Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин, их свойства. Ковариация, коэффициент корреляции. Неравенство Чебышёва. Закон больших чисел для последовательности независимых случайных величин.	Всего аудиторных часов		
		4	4	0
		Онлайн		
9-16	Раздел 2 Математическая статистика	Всего аудиторных часов		
		8	8	0
		Онлайн		
9 - 12	Характеристические функции и их свойства Характеристические функции и их свойства. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра-Лапласа как частный случай центральной предельной теоремы. Теорема Пуассона. Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, их свойства. Методы получения	Всего аудиторных часов		
		8	8	0
		Онлайн		
13 - 16	Понятие выборки Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, их свойства. Методы получения оценок. Распределения χ^2 и Стьюдента. Доверительные интервалы. Понятие о статистических	Всего аудиторных часов		
		8	8	0
		Онлайн		

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
ВМ	Видео-материалы
АМ	Аудио-материалы
Прз	Презентации
Т	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание
	<i>5 Семестр</i>
1 - 4	Вероятностное пространство. Условная вероятность. Стохастический эксперимент. Статистическая вероятность. Пространство элементарных событий. Случайные события: операции над событиями и отношения между ними. Алгебра событий. Определение условной вероятности. Независимость событий. Вероятность произведения событий. Формула полной вероятности (примеры её применения к задачам массового обслуживания, случайного блуждания). Формула Байеса. Понятие о последовательности независимых испытаний. Полиномиальная схема. Схема Бернулли. 6-7 недели.
5 - 8	Случайная величина. Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин. Определение случайной величины. Функция распределения. Абсолютно непрерывные и дискретные распределения. Распределения: нормальное, пуассоновское, биномиальное, равномерное, показательное, гипергеометрическое. Совместное

	распределение случайных величин. Независимость случайных величин. Функции от случайных величин. Распределение суммы. Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин, их свойства. Ковариация, коэффициент корреляции. Неравенство Чебышёва. Закон больших чисел для последовательности независимых случайных величин.
9 - 12	Характеристические функции. Характеристические функции. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра-Лапласа как частный случай центральной предельной теоремы. Теорема Пуассона. Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, методы их получения.
13 - 16	Выборка. Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, их свойства. Методы получения оценок. Распределения χ^2 и Стьюдента. Доверительные интервалы.

ТЕМЫ СЕМИНАРОВ

Недели	Темы занятий / Содержание
	<i>5 Семестр</i>
1 - 2	Алгебра событий. Стохастический эксперимент. Статистическая вероятность. Пространство элементарных событий. Случайные события: операции над событиями и отношения между ними. Алгебра событий.
3 - 4	Условная вероятность Определение условной вероятности. Независимость событий. Вероятность произведения событий. Формула полной вероятности (примеры её применения к задачам массового обслуживания, случайного блуждания). Формула Байеса. Понятие о последовательности независимых испытаний. Полиномиальная схема. Схема Бернулли.,
5 - 6	Случайные величины Определение случайной величины. Функция распределения и её свойства. Абсолютно непрерывные и дискретные распределения. Примеры распределений: нормальное, пуассоновское, биномиальное, равномерное, показательное, гипергеометрическое. Совместное распределение случайных величин. Независимость случайных величин. Функции от случайных величин. Распределение суммы
7 - 8	Математическое ожидание, дисперсия и их свойства. Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин, их свойства. Ковариация, коэффициент корреляции. Неравенство Чебышёва. Закон больших чисел для последовательности независимых случайных величин. 11-12 недели.
9 - 13	Характеристические функции и их свойства Характеристические функции и их свойства. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра-Лапласа как частный случай центральной предельной теоремы. Теорема Пуассона. Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, их свойства. Методы получения
14 - 16	Понятие выборки Понятие выборки. Выборочный метод в статистике. Точечные оценки, их свойства. Методы получения оценок. Распределения χ^2 и Стьюдента. Доверительные интервалы. Понятие о статистических

Предполагается использование активных и интерактивных форм обучения с использованием современных образовательных технологий. Проводится рассылка заданий и способы их выполнения с применением компьютерных технологий, предоставляются электронные варианты лекций.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ОПК-2	З-ОПК-2	З, к.р-8, к.р-16
	У-ОПК-2	З, к.р-8, к.р-16
	В-ОПК-2	З, к.р-8, к.р-16
УК-1	З-УК-1	З, к.р-8, к.р-16
	У-УК-1	З, к.р-8, к.р-16
	В-УК-1	З, к.р-8, к.р-16

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-х балльной шкале	Отметка о зачете	Оценка ECTS
90-100	5 – «отлично»	«зачтено»	A
85-89	4 – «хорошо»		B
75-84			C
70-74			D
65-69	3 – «удовлетворительно»		E
60-64			
ниже 60	2 – «неудовлетворительно»	«не зачтено»	F

Оценка «отлично» соответствует глубокому и прочному освоению материала программы обучающимся, который последовательно, четко и логически стройно излагает свои ответы, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответах материалы монографической литературы.

Оценка «хорошо» соответствует твердым знаниям материала обучающимся, который грамотно и, по существу, излагает свои ответы, не допуская существенных неточностей.

Оценка «удовлетворительно» соответствует базовому уровню освоения материала обучающимся, при котором освоен основной материал, но не усвоены его детали, в ответах присутствуют неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности.

Отметка «зачтено» соответствует, как минимум, базовому уровню освоения материала программы, при котором обучающийся владеет необходимыми знаниями, умениями и навыками, умеет применять теоретические положения для решения типовых практических задач.

Оценку «неудовлетворительно» / отметку «не зачтено» получает обучающийся, который не знает значительной части материала программы, допускает в ответах существенные ошибки, не выполнил все обязательные задания, предусмотренные программой. Как правило, такие обучающиеся не могут продолжить обучение без дополнительных занятий.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. ЭИ К 845 Высшая математика. Теория вероятностей, математическая статистика, случайные процессы. Сборник задач с решениями : учебное пособие, Павлов А.Л., Попов Л.Г., Крупин В.Г., Москва: МЭИ, 2019
2. ЭИ Б 79 Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей (типовые расчеты) : , Гринь А. Г. [и др.], Санкт-Петербург: Лань, 2022
3. 519 П63 Теория вероятностей и математическая статистика (Ч.1) , Постникова Л.П., Москва: НИЯУ МИФИ, 2010
4. ЭИ Г 55 Теория вероятностей и математическая статистика : Учебник для вузов, Гмурман В. Е., Москва: Юрайт, 2021
5. ЭИ И 20 Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие, Иванов Б. Н., Санкт-Петербург: Лань, 2022

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. ЭИ С 24 Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : , Свешников А. А., Санкт-Петербург: Лань, 2013
2. ЭИ Т33 Теория вероятностей и математическая статистика Ч.1 , , : МИФИ, 2008
3. ЭИ Т33 Теория вероятностей и математическая статистика Ч.3 , , : МИФИ, 2008

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

<https://online.mephi.ru/>

<http://library.mephi.ru/>

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

1. Методические рекомендации для усвоения теоретического курса

1.1. Основной целью обучения студентов математическим дисциплинам является развитие логического и алгоритмического мышления, повышение уровня математической культуры, развитие навыков самостоятельной работы.

Для достижения целей обучения программа курса и семестровый календарный план составлены так, что темы практических занятий следуют за темами лекций, и они доступны каждому студенту на сайте университета. Чтобы хорошо подготовиться к семинарскому занятию, необходимо, прежде всего, проработать лекционный материал. Для этого обязательно надо конспектировать учебник, непонятные вопросы нужно разяснять у преподавателя. При проработке материала полезно пользоваться разными учебниками, и если конспект ведется по всем темам дисциплины, то при подготовке к итоговому контролю достаточно будет собственного конспекта.

После того, как Вы научились давать определения, формулировать аксиомы, леммы и теоремы (математически правильно и грамматически верно), можно считать изучение данного раздела законченным. Ничего, включая важнейшие выводы, определения и формулировки, не надо учить наизусть, тем более доказательства разных утверждений. При необходимости понятый и закрепленный материал вы сможете легко вспомнить.

1.2. Методические рекомендации для подготовки к практическим занятиям

На семинарах, как правило, рассматриваются вопросы и задачи, дающие возможность более глубоко постичь изучаемый раздел курса. Во время семинарских занятий учат правильно ставить и решать задачи, а также анализировать их решения. По теме, пройденной на семинаре, даются задачи для самостоятельной работы. Усвоение темы во многом зависит от осмысленного выполнения самостоятельной работы.

При решении задач прежде всего необходимо хорошо вникнуть в суть задания, записать кратко ее условие. Если позволяет характер задачи, обязательно сделать рисунок, поясняющий ее сущность. За редким исключением, каждая задача должна быть сначала решена в общем виде, т.е. в буквенных обозначениях.

Решение задачи принесет наибольшую пользу только в том случае, когда обучающийся решит ее самостоятельно. Решить задачу без помощи часто не всегда удастся, но тем не менее попытки найти решение развивают мышление и укрепляют волю.

2. Права и обязанности студента университета:

2.1. Студент имеет право:

- 1) на получение ответов на интересующие его вопросы по изучаемой дисциплине от преподавателя, ведущего занятия;
- 2) на консультацию по теории изучаемой дисциплины в течение семестра и перед экзаменом.

2.2. Студент обязан:

- 1) регулярно посещать лекции и семинары, работать на практических занятиях, выполнять все текущие самостоятельные работы по изучаемой дисциплине;
- 2) пройти аттестацию по всем разделам данной дисциплины;
- 3) в конце семестра сдать теоретический экзамен или зачет по соответствующей дисциплине.

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

1. Основные принципы обучения математическим дисциплинам

1.1. Основная цель обучения – научить студентов логически мыслить; познакомить с аксиомами в математике и методами доказательства различного рода утверждений; научить применять полученные теоретические знания к решению математических и физических задач. Также студенты должны овладеть методами решения, планирования, моделирования, анализа, синтеза в математике для использования их в дальнейшей профессиональной деятельности.

1.2. Воспитательная цель обучения – формирование направленности и интереса к постижению учебного материала. Необходимо развивать в студентах волевые качества и трудолюбие, стремление к самосовершенствованию.

1.3. Обучение не должно быть пассивным. Преподаватель должен интересоваться, как у студентов продвигается решение поставленных задач, и, при необходимости, организовать разбор наиболее трудных из них.

1.4. Необходимо строить обучение так, чтобы в овладении материалом основную роль играла память логическая, а не формальная. Запоминание должно достигаться через глубокое понимание, а не через «зубрежку».

1.5. Важный фактор успешности обучения – взаимоотношения между преподавателем и студентами на основе уважения и доброжелательной требовательности.

1.6. Необходим регулярный контроль за работой студентов, проверка конспекта лекций.

2. Методические рекомендации преподавателям, читающим лекции

2.1. Лекция – устное последовательное изложение изучаемого материала, состоящее из связанных между собой частей: вступление, вводная часть, основная часть, заключение.

При чтении лекций необходимо придерживаться календарного плана, разработанного на кафедре по данной дисциплине.

2.2. Лектор должен отслеживать ход проведения практических занятий по данной дисциплине, проводить коррекцию плана семинарских занятий по читаемому курсу, чтобы те преподаватели, которые ведут практические занятия в группах данного потока знали, какие темы прочитаны, а какие еще нет.

3. Методические рекомендации преподавателям, читающим лекции впервые

3.1. Процесс подготовки лекции следует начать с подбора материала, далее необходимо подготовить план и конспект лекции, а затем самостоятельно проделать необходимые

математические выкладки. Накануне дня занятий надо повторить подготовленный лекционный материал, а сразу после завершения занятия – начать готовиться к следующему.

3.2. Желательно придерживаться следующей техники чтения лекции. В начале лекции надо актуализировать в памяти слушателей пройденный материал, затем дать краткий обзор материала предстоящего занятия. Читая лекцию, нужно все время заботиться о том, чтобы речь была выразительной, выдержанной в динамичном темпе, но при этом содержала паузы и акценты на важных аспектах темы. При изложении учебного материала необходимо использовать принцип наглядности для облегчения восприятия информации студентами.

3.3. Лекции должны быть эмоционально окрашенными. Надо стараться подчеркивать логику рассуждений при доказательствах тех или иных утверждений, приучая студентов к логическому мышлению. Лектор должен излагать учебный материал последовательно, строго придерживаясь плана.

3.4. Необходимо разъяснить студентам, что лекция и учебник не дублируют, а дополняют друг друга. Студентам необходимо пользоваться учебниками при освоении учебного материала дисциплины.

4. Методические рекомендации преподавателям, ведущим практические занятия

4.1. Семинары – групповая форма занятий при активном участии студентов для проверки знаний.

4.2. Семинарские занятия проводятся согласно плану дисциплины.

4.3. Основная задача преподавателя состоит в том, чтобы студент регулярно и интенсивно работал над теорией и выполнял самостоятельные работы.

4.4. В начале занятия надо осуществлять контроль выполнения самостоятельной работы студентами, чтобы понять, насколько трудной она была и как усвоен предыдущий материал. При необходимости нужно разобрать наиболее трудные задачи совместно.

4.5. Каждый преподаватель должен согласовывать с лектором дату проведения итогового контроля. Результаты выполнения контрольных работ должны быть объявлены студентам, а также показаны сами работы и объяснены те ошибки, которые они допустили.

4.6. Каждый преподаватель обязан своевременно подавать сведения о посещаемости практических занятий и о результатах проводимого контроля знаний в системе на сайте eis.mephi.ru.

Автор(ы):

Сумин Евгений Васильевич, к.ф.-м.н., доцент

Рецензент(ы):

Барменков Анатолий Николаевич, к.ф.-м.н. доцент

