Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ КАФЕДРА КИБЕРНЕТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИИКС Протокол №8/1/2025 от 25.08.2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА (МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА)

Направление подготовки (специальность)

[1] 09.03.04 Программная инженерия

[2] 09.03.01 Информатика и вычислительная техника

[3] 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
1	3-4	108- 144	32	32	0		17-44	0	Э
Итого	3-4	108- 144	32	32	0	0	17-44	0	

АННОТАЦИЯ

Дисциплина призвана обеспечить освоение студентами базовых математических теорий, методов решения задач, характерных для прикладной математики, информатики и программирования. Дисциплина также обеспечивает выработку навыков и приёмов формализации, описания, моделирования и исследования объектов дискретной математики.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение следующих результатов образования: Знания:

на уровне представлений: Основные объекты дискретной математики и методы их описания и исследований. Отличие дискретных объектов от непрерывных. Проблематика дискретной математики.

на уровне воспроизведения: Теоретические результаты (теоремы и свойства), характерные для множеств, отношений, логических высказываний, высказывательных (логических) функций, предикатов.

на уровне понимания: свойства множественных и логических операций. Интерпретация логических и множественных операций в суждениях на естественном и формальных языках, в различных предметных областях.

Умения:

теоретические – Основные задачи математической логики и методы их решения. Методы проверки истинности выражений. Методы приведения логических выражений к определенному виду.

практические: - умение однозначно задавать объекты дискретной математики, приводить их к стандартным формам, выполнять эквивалентные преобразования. Вычислять истинность различных логических функций.

навыки: - применять методы математической логики для решения задач формализации, анализа и синтеза логических схем, для нахождения инвариантов циклических и условных конструкций в информатике, для выполнения эквивалентных преобразований.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина не требует специальной начальной подготовки, выходящей за рамки курса математики и информатики программы среднего образования.

В свою очередь, дисциплина является предшествующей для следующих курсов:

- дискретная математика (логические исчисления);
- логическое и функциональное программирование;
- дискретная математика (теория алгоритмов и сложность вычислений)
- базы данных
- практикум на ЭВМ

Дисциплина способствует освоению формализмов классической математики в плане логической интерпретации суждений (определений, теорем), когда математическая логика используется в качестве метаматематики (математика для описания математики) в системах вывода и доказательств.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

	рофессиональные компетенции.
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения
ОПК-1 [3] — Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	з-ОПК-1 [3] — знать естественнонаучные методы познания окружающего мира, знать фундаментальный математический аппарат; У-ОПК-1 [3] — уметь применять естественнонаучные и математические методы исследования различных явлений, процессов и задач В-ОПК-1 [3] — владеть навыками исследования различных явлений и процессов с использованием естественнонаучного и математического подхода
ОПК-1 [1] — Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	3-ОПК-1 [1] — Знать основные объекты дискретной математики и методы их описания и исследований; проблемы алгоритмической разрешимости задач и эффективной вычислимости чисел. У-ОПК-1 [1] — Уметь решать основные задачи математической логики; однозначно задавать объекты дискретной математики, приводить их к стандартным формам, выполнять эквивалентные преобразования; определять сложности алгоритмов, применение прямых и косвенных доказательств теорем, определение принадлежности функций к соответствующим классам В-ОПК-1 [1] — Владеть методами математической логики для решения задач формализации, анализа и синтеза логических схем, для нахождения инвариантов циклических и условных конструкций в информатике, для выполнения эквивалентных преобразований; методами применения логического подхода к решению сложных задач с помощью их декомпозиции.
ОПК-2 [3] — Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач	3-ОПК-2 [3] — знать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач У-ОПК-2 [3] — уметь использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач В-ОПК-2 [3] — владеть навыками реализации математических алгоритмов для решения прикладных задач с использованием существующих систем программирования
ОПК-3 [3] – Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в	3-ОПК-3 [3] — знать принципы построения математических моделей физических явлений и процессов

области профессиональной деятельности	У-ОПК-3 [3] — уметь формулировать математические модели различных явлений и процессов на основе физических принципов и законов В-ОПК-3 [3] — владеть навыками построения математических моделей физических явлений и процессов
УК-1 [1, 2, 3] — Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	3-УК-1 [1, 2, 3] — Знать: методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа У-УК-1 [1, 2, 3] — Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников В-УК-1 [1, 2, 3] — Владеть: методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
УКЕ-1 [1, 2, 3] — Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	3-УКЕ-1 [1, 2, 3] — знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования У-УКЕ-1 [1, 2, 3] — уметь: использовать математические методы в технических приложениях, рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи В-УКЕ-1 [1, 2, 3] — владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
	научно-исследовательс	кий и инновационный	
Изучение научно-	Вычислительные	ПК-1 [2] - Способен	3-ПК-1[2] - Знать:
технической	машины, комплексы,	обосновывать	основы верификации
информации,	системы и сети;	принимаемые	и аттестации
отечественного и	автоматизированные	проектные решения,	аппаратного и
зарубежного опыта по	системы обработки	осуществлять	программного

тематике исследования. Математическое моделирование процессов и объектов на базе стандартных пакетов автоматизированного проектирования и исследований. Проведение экспериментов по заданной методике и анализ результатов. Проведение измерений и наблюдений, составление описания проводимых исследований, подготовка данных для составления обзоров, отчетов и научных публикаций. Составление отчета по выполненному заданию, участие во внедрении результатов исследований и разработок. Участие в составе коллектива исполнителей во внедрении результатов научно-технических исследований в высокотехнологичных сферах экономики и коммерциализации разработок.

информации и управления; системы автоматизированного проектирования и информационной поддержки жизненного цикла промышленных изделий; программное обеспечение средств вычислительной техники и автоматизированных систем (программы, программные комплексы и системы); математическое, информационное, техническое, лингвистическое, программное, эргономическое, организационное и правовое обеспечение перечисленных систем.

постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности

Основание: Профессиональный стандарт: 06.001

обеспечения, стандарты качества и процессов его обеспечения, способы оптимизации, принципы и виды отладки, методы оценки качества, методики постановки экспериментов; У-ПК-1[2] - Уметь: разрабатывать и специфицировать требования, осуществлять составление описания проводимых исследований, подготовку данных для составления обзоров и отчетов, обосновывать принимаемые проектные решения, выполнять эксперименты по проверке корректности решений; В-ПК-1[2] - Владеть: навыками построения моделей объектов профессиональной деятельности с использованием инструментальных средств, навыками тестирования, отладки и верификации

научно-исследовательский

Разработка	Математические	ПК-2 [3] - Способен	3-ПК-2[3] - знать
математических	модели и алгоритмы.	понимать, применять	современный
моделей, алгоритмов и		и совершенствовать	математический
методов для решения		современный	аппарат,
различных задач.		математический	используемый при
		аппарат	описании, решении и
			анализе различных
		Основание:	прикладных задач;

Профессиональный	У-ПК-2[3] -
стандарт: 06.001,	использовать
24.078	современный
	математический
	аппарат для
	построения
	математических
	моделей и
	алгоритмов решения
	различных
	прикладных задач;
	В-ПК-2[3] - владеть
	навыками
	применения
	современного
	математического
	аппарата для
	построения
	математических
	моделей различных
	процессов, для
	обработки
	экспериментальных,
	статистических и
	теоретических
	данных, для
	разработки новых
	алгоритмов и
	методов
	исследования задач
	различных типов

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
воспитания		дисциплин
Профессиональное	Создание условий,	Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин
	формирование ответственности	профессионального модуля для
	за профессиональный выбор,	формирования у студентов
	профессиональное развитие и	ответственности за свое
	профессиональные решения	профессиональное развитие
	(B18)	посредством выбора студентами
		индивидуальных образовательных
		траекторий, организации системы
		общения между всеми
		участниками образовательного
		процесса, в том числе с
		использованием новых
		информационных технологий.
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин/практик

формирование научного мировоззрения, культуры поиска нестандартных научнотехнических/практических решений, критического отношения к исследованиям лженаучного толка (В19)

«Научно-исследовательская работа», «Проектная практика», «Научный семинар» для: - формирования понимания основных принципов и способов научного познания мира, развития исследовательских качеств студентов посредством их вовлечения в исследовательские проекты по областям научных исследований. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплин "История науки и инженерии", "Критическое мышление и основы научной коммуникации", "Введение в специальность", "Научноисследовательская работа", "Научный семинар" для: - формирования способности отделять настоящие научные исследования от лженаучных посредством проведения со студентами занятий и регулярных бесед; - формирования критического

мышления, умения рассматривать

экспертной позиции посредством

появления тех или иных открытий

различные исследования с

обсуждения со студентами современных исследований, исторических предпосылок

Профессиональное воспитание

Создание условий, обеспечивающих, формирование профессионально значимых установок: не производить, не копировать и не использовать программные и технические средства, не приобретённые на законных основаниях; не нарушать признанные нормы авторского права; не нарушать тайны передачи сообщений, не практиковать вскрытие информационных систем и сетей передачи данных; соблюдать конфиденциальность доверенной информации (В40)

и теорий. 1. Использование воспитательного потенциала дисциплин "Информатика (Основы программирования)", Программирование (Объектноориентированное программирование)", "Программирование (Алгоритмы и структуры данных)" для формирования культуры написания и оформления программ, а также привития навыков командной работы за счет использования систем управления проектами и контроля версий. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплины "Проектная практика" для

формирования культуры решения изобретательских задач, развития логического мышления, путем погружения студентов в научную и инновационную деятельность института и вовлечения в проектную работу. 3. Использование воспитательного потенциала профильных дисциплин для формирования навыков цифровой гигиены, а также системности и гибкости мышления, посредством изучения методологических и технологических основ обеспечения информационной безопасности и кибербезопасности при выполнении и защите результатов учебных заданий и лабораторных работ по криптографическим методам защиты информации в компьютерных системах и сетях. 4. Использование воспитательного потенциала дисциплин " "Информатика (Основы программирования)", Программирование (Объектноориентированное программирование)", "Программирование (Алгоритмы и структуры данных)" для формирования культуры безопасного программирования посредством тематического акцентирования в содержании дисциплин и учебных заданий. 5. Использование воспитательного потенциала дисциплины "Проектная практика" для формирования системного подхода по обеспечению информационной безопасности и кибербезопасности в различных сферах деятельности посредством исследования и перенятия опыта постановки и решения научно-практических задач организациями-партнерами.

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары)/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	1 Семестр		4/4 4/2	T.T. :	•		2 0 774 1
	Алгебра логики	1-7	14/14/0	БДЗ-4 (10),к.р- 7 (8)	20	КИ-7	3-OIIK-1, Y-OIIK-1, B-OIIK-1, 3-OIIK-1, Y-OIIK-1, B-OIIK-2, Y-OIIK-2, B-OIIK-3, Y-OIIK-3, Y-OIIK-3, B-OIIK-3, 3-IIK-1, Y-IIK-1, B-IIK-1, 3-IIK-2, Y-IIK-2, Y-IIK-2, B-IIK-2, Y-YK-1, B-YK-1, B-YKE-1, B-YKE-1, B-YKE-1,
2	Логика предикатов	8-11	8/8/0	БДЗ-10 (10),к.р- 11 (8)	20	КИ-11	3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-1, Y-OΠK-1, B-OΠK-1, 3-OΠK-2, Y-OΠK-2, B-OΠK-2, 3-OΠK-3, Y-OΠK-3, B-OΠK-3, B-OΠK-1, Y-ΠK-1, B-ΠK-1,

		1	1	ı	ı		1
							У-ПК-2,
							В-ПК-2,
							3-УК-1,
							У-УК-1,
							В-УК-1,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
							В-УКЕ-1
3	Множества и	12-	10/10/0	БДЗ-15	20	КИ-16	3-ОПК-1,
	отношения	16		(10),к.р-			У-ОПК-1,
				16 (8)			В-ОПК-1,
				. ,			3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-ОПК-3,
							У-ОПК-3,
							В-ОПК-3,
							3-ПК-1,
							У-ПК-1,
							B-ΠK-1,
							·
							3-ПК-2,
							У-ПК-2,
							В-ПК-2,
							3-УК-1,
							У-УК-1,
							В-УК-1,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
					- 0		В-УКЕ-1
	Итого за 1 Семестр		32/32/0		60	2	D OFFICE
	Контрольные				40	Э	3-ОПК-1,
	мероприятия за 1						У-ОПК-1,
	Семестр						В-ОПК-1,
							3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-ОПК-3,
							У-ОПК-3,
							В-ОПК-3,
							3-ПК-1,
							У-ПК-1,
							В-ПК-1,
							3-ПК-2,
							У-ПК-2,
							В-ПК-2,
							3-УК-1,
		1	1	L	L		,

			У-УК-1,
			J - J IX-1,
			В-УК-1,
			3-УКЕ-1,
			У-УКЕ-1,
			В-УКЕ-1

^{* –} сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
БДЗ	Большое домашнее задание
КИ	Контроль по итогам
к.р	Контрольная работа
Э	Экзамен

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,
		час.	час.	час.
	1 Семестр	32	32	0
1-7	Алгебра логики	14	14	0
1	Вводная лекция	Всего а	удиторных	часов
	Дискретная математика как учебная дисциплина. История	2	2	0
	развития. Дискретность и непрерывность в природе и в	Онлайн	I	
	теории. Компьютеры и дискретная математика. Проблемы	0	0	0
	дискретной математики. Основные разделы дискретной			
	математики. Дискретная математика в МИФИ и на			
	факультете КИБ. Элементы учебной программы			
	дисциплины (контрольные мероприятия в семестре).			
2	Логические высказывания	Всего а	удиторных	часов
	Понятие логического высказывания и его свойства. Мера	2	2	0
	истинности логического высказывания. Семантика.	Онлайн	I	
	Простое и сложное (составное) логическое высказывание.	0	0	0
	Логические операции (связки) и их интерпретация в			
	естественном языке: логическое сложение, логическое			
	умножение, отрицание, импликация, сложение Жегалкина,			
	эквивалентность. Вычисление истинности сложных			
	логических высказываний. Старшинство операций.			
	Формализация суждений.			
	Высказывательные функции и их интерпретация. Таблица			
	истинности. Вычисление истинности высказывательных			
	функций.			
3	Алгебра логики		удиторных	
	Носитель и сигнатура алгебры логики. Свойства	2	2	0
	сигнатуры. Эквивалентные преобразования	Онлайн		
	высказывательных функций. Формулы алгебры логики.	0	0	0
	Классы логических формул.			
4	Логические функции	Всего а	удиторных	часов

^{**} – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

	Полностью и частично определенные логические	2	2	0
	функции. Существенные и фиктивные переменные.	Онлайі	1	
	Способы задания логических функций. Задача	0	0	0
	восстановления аналитического представления функции			
	по табличному заданию. Понятие первичного терма,			
	импликанты и конституенты и их свойства. Нормальные			
	формы представления логических функций (ДНФ,			
	СовДНФ, КНФ, СовКНФ). Примеры.			
5	Минимизация логических функций в классе ДНФ	Всего а	аудиторны	х часов
	Задача о нахождении покрытия. Постановка задачи о	2	2	0
	нахождения покрытия минимально стоимости.	Онлайі	H	
	Модификации задачи. Покрытие двоичной таблицы.	0	0	0
	Логическое условие покрытия строк столбцами. Алгоритм			
	порождения покрытий двоичной таблицы. Стоимость			
	покрытия. Методы снижения трудоёмкости нахождения			
	покрытий. Ядро покрытия. Поглощение по строкам.			
	Поглощение по столбцам.			
	Понятие сложности логической функции в ДНФ.			
	Постановка задачи нахождения минимальной ДНФ.			
	Свойства алгебры логики, понижающие сложность ДНФ.			
	Геометрическая интерпретация логической функции.			
	Гиперкуб и его свойства. Интервал и его свойства.			
	Максимальный интервал и простая импликанта.			
	Сокращенная и тупиковая ДНФ. Алгоритм Квайна-			
	МакКласки порождения тупиковых и минимальных ДНФ			
	заданной функции.			
6	Функциональная полнота	Всего аудиторных часов		
	Суперпозиция функций. Функционально полные системы	2	2	0
	функций. Базис. Классы логических функций: К0, К1, Кл,	Онлайі	Н	
	Кс, Км. Критерий Поста-Яблонского. Типовые базисы и их	0	0	0
	аппаратная реализация.			
7	Логические схемы	Всего а	аудиторны	х часов
	Понятие логической схемы. Задача анализа и задача		2	0
	синтеза логической схемы. Решение задачи анализа	Онлайі	H	
	логической схемы. Метод синтеза логической схемы	0	0	0
	посредством моделирования элементов классического			
	l		1	1
	базиса.			
8-11	Логика предикатов	8	8	0
8-11 8	Логика предикатов Предикат	Всего а	аудиторны	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат	Всего а 2	аудиторны 2	
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения	Всего а	аудиторны 2	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно	Всего а 2	аудиторны 2	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты.	Всего а 2 Онлайт	аудиторны 2 н	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для	Всего а 2 Онлайт	аудиторны 2 н	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами.	Всего а 2 Онлайт	аудиторны 2 н	х часов
8	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для	Всего а 2 Онлайт	аудиторны 2 н	х часов
	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами.	Всего а 2 Онлайн 0	аудиторны 2 н	х часов 0
8	Погика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами. Кванторные операции. Формулы логики предикатов Алфавит для определения формул логики предикатов.	Всего а 2 Онлайн 0	аудиторны 2 н 0	х часов 0
8	Логика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами. Кванторные операции. Формулы логики предикатов	Всего а 2 Онлай 0 Всего а	аудиторны 2 н 0 аудиторны 2 аудиторны 2	х часов 0 0 х часов
8	Погика предикатов Предикат Логические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами. Кванторные операции. Формулы логики предикатов Алфавит для определения формул логики предикатов.	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 2	аудиторны 2 н 0 аудиторны 2 аудиторны 2	х часов 0 0 х часов
8	Предикат Погические высказывания с переменными. Предикат (одноместный и многоместный). Область определения предиката. Область истинности предиката. Тождественно истинные и тождественно ложные предикаты. Выполнимые предикаты. Таблица истинности для предиката. Логические операции над предикатами. Кванторные операции. Формулы логики предикатов Алфавит для определения формул логики предикатов. Определение формулы логики предикатов. Интерпретация	Всего а 2 Онлай 0 Всего а 2 Онлай	аудиторны 2 н 0 аудиторны 2 аудиторны 2 н	х часов 0 0 х часов 0

10	O6weaveween war war war and a service and a	Вогра и		W W000D
10	Общезначимость и выполнимость		аудиторны Го	0
	Нормальная и предварённая форма .Выполнимые и	2	<u> </u>	U
	общезначимые формулы. Тождественно истинные	Онлай		
1.1	формулы. Проблема разрешимости в логике предикатов.	0	0	0
11	Элементы доказательства в логике		аудиторны	
	Доказательства, основанные на эквивалентности. Объект и	2	12	0
	субъект доказательства. Клауза. Причина и следствие.	Онлайі	1	1
	Доказательства в логике предикатов. Логика предикатов в	0	0	0
	математическом анализе. Формулировка определений и			
	утверждений.	10	10	
12-16	Множества и отношения	10	10	0
12	Введение в теорию множеств		аудиторны	
	Понятие множества и его свойства. Базовые понятия	2	2	0
	теории множеств: подмножество, надмножество,	Онлайі	Н	
	собственное подмножество, равенство и неравенство	0	0	0
	множеств, пустое множество, универсальное множество.			
	Способы задания множеств. Мощность множества.			
	Равномощность множеств. Булеан множества. Диаграммы			
	Эйлера-Венна.			
13	Операции над множествами	Всего а	аудиторны	х часов
	Операции над множествами: объединение, пересечение и	2	2	0
	дополнение (до универсума). Старшинство операций.	Онлайі	Н	
	Вычисления множественных выражений. Алгебра	0	0	0
	множеств. Носитель и сигнатура алгебры множеств.			
	Свойства сигнатуры. Мощностные характеристики			
	множественных операций. Принцип включения и			
	исключения. Эквивалентные преобразования			
	множественных алгебраических выражений. Множества в			
	языках программирования. Разбиение и покрытие.			
14	Отношения	Всего аудиторных часов		
	Бинарное и п-арное декартово произведение. Односортное	2	2	0
	и многосортное декартово произведение. Декартово	Онлайі	Н	
	произведение как универсум. Понятие бинарного (n-	0	0	0
	арного) отношения. Отношения в информационных			
	технологиях (программирование, базы данных и т.п).			
	Способы задания бинарных отношений. Количественные			
	характеристики бинарных отношений.			
15	Функции и операции		аудиторны	х часов
	Определение функции (операции). Табличный способ	2	2	0
	задания конечных функций (операций). Свойства функций		H	
	(операций). Функциональные отношения и их роль в	0	0	0
	информационных технологиях.			
	Свойства бинарных отношений: рефлексивность и			
	иррефлексивность, симметричность и			
	антисимметричность, транзитивность и интранзитивность.			
	Диагностики свойств бинарных отношений в зависимости			
	от способа его задания.			
16	Классы бинарных отношений	Всего аудиторных часов		
	Отношение эквивалентности и его свойства. Классы эквивалентности и их свойства. Значение отношения эквивалентности для практики.		2	0
			H	•
			0	0
		0		

Отношение порядка (строгого, не строгого, предпорядка).		
Линейный и частичный порядок. Упорядоченные		
множества. Отношение сравнимости. Графическое		
представление отношения порядка с помощью диаграмм		
Хассе. Восстановление отношения сравнимости по		
диаграмме Хассе. Экстремальные характеристики		
отношения порядка: максимальные, минимальные		
элементы, мажоранты и миноранты, наибольший и		
наименьший элементы, супремум и инфинум.		

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание		
	1 Семестр		
1 - 7	Практические занятия		
	1. Анализ логических высказываний. Формализация суждений.		
	2. Высказывательные функции и их интерпретация. Таблица истинности.		
	3. Нормальные формы логических функций. Эквивалентные преобразования.		
	4. Применение алгебры логики к решению практических задач. Задача о покрытии.		
	5. Минимизация логических функций		
	6. Проверка на функциональную полноту. Переход от одного базиса к другому.		
	7. Анализ и элементы синтеза логических схем.		
8 - 11	Логика предикатов		
	8. Табличное задание предикатов и вычисление его характеристик (область		
	истинности).		
	9. Эквивалентные преобразования формул логики предикатов.		
	10. Проверка предикатов на общезначимость и выполнимость.		
12 - 17	Множества и отношения		
	12. Вычисление множеств. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна.		
	13. Эквивалентные преобразования множественных выражений.		
	14. Вычисление мощностных характеристик множеств. Покрытия и разбиения		
	множества. Бинарные отношения и способы их задания		
	15. Функции, операции и их характеристики (табличное задание).		
	16. Исследование свойств бинарных отношений. Экстремальные характеристики		
	отношения порядка.		

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

- 1. Лекционные занятия:
- а. комплект электронных презентаций/слайдов,
- b. аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук)
 - 2. Практические занятия:
 - а. компьютерный класс,
 - b. презентационная техника (проектор, экран, компьютер/ноутбук),
 - с. стандартный пакет программ Microsoft Office.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие
	-	(КП 1)
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
ОПК-2	3-ОПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ОПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-ОПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
ОПК-3	3-ОПК-3	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ОПК-3	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-ОПК-3	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
ПК-2	3-ПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,

		к.р-16
	В-ПК-2	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
УК-1	3-УК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-УК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-УК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
УКЕ-1	3-УКЕ-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-УКЕ-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-УКЕ-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
ПК-1	3-ПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-ПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	У-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16
	В-ОПК-1	Э, КИ-7, КИ-11, КИ-16, БДЗ-4,
		к.р-7, БДЗ-10, к.р-11, БДЗ-15,
		к.р-16

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению

	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,
75-84		C	если он твёрдо знает материал, грамотно и
70-74	4 – «хорошо»	D	по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
65-69			Оценка «удовлетворительно»
60-64	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. ЭИ М 21 Дискретная математика : учебное пособие для вузов, Мальцев И. А., Санкт-Петербург: Лань, 2022

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 519 Ш37 Дискретная математика : учебное пособие для вузов, Шевелев Ю.П., Санкт-Петербург [и др.]: Лань, 2008
- 2. 519 Н73 Дискретная математика для программистов : учебное пособие для вузов, Новиков Ф.А., Москва [и др.]: Питер, 2009

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Самостоятельная работа студентов 90 час/семестр и включает:

- повторение еженедельное теоретического (лекционного) материала и изучение материалов по курсу из дополнительных источников (2час/нед х 18 нед=36 час);
- еженедельное выполнение домашних практических заданий и подготовка к практическим занятиям (1час/нед х 18 нед=18 час);
 - подготовка к контрольно-тестовой работе (Зчас/работу х 3 работы = 9 час)
 - выполнение БДЗ (5час/БДЗ x 3 БДЗ = 15 час)
 - подготовка к сдаче экзамена 12 час.

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

В качестве оценочного средства используется 100 бальная семестровая система, учитывающая посещаемость занятий, активность (выполнение домашних занятий), выполнение тематических домашних заданий по каждому разделу, контрольно-тестовая работа по каждому разделу. Каждый раздел проходит аттестацию.

Итоговый балл за раздел (КИ) формируется следующим образом:

посещаемость семинарских занятий (еженедельно) не менее 80% +2 балла

не менее 50% +1 балл

менее 50% 0 баллов

БДЗ – выполнения ДЗ (по разделу)

Выполнено не менее 90% +10 баллов

Выполнено от 80-до 89% +8 балла

Выполнено от 70-до 79% +6 балла

Выполнено от 60-до 69% +4 балла

Выполнено от 40-до 59% +2 балл

Менее 39% 0 баллов

 ${
m KP}$ - контрольно-тестовая работа (продолжительность -1 а/час

(проводится в аудитории) Выполнено не менее 90% +8 баллов

Выполнено от 70-до 89% +6 баллов

Выполнено от 40-до 69% +4 балла

Менее 39% 0 баллов

 ${\rm K}{\rm M}-{\rm a}$ ттестация раздела (контроль по итогам) Раздел аттестуется, если набрано не менее 60% баллов

По каждому разделу организуется по 1 пересдаче в течение семестра; На зачете организуется 1 пересдача на все разделы.

Экзамен (40 баллов). На экзамен выносятся вопросы, относящиеся ко всем разделам. Экзамен проводится в письменном виде по индивидуальному экзаменационному билету. Каждый билет содержит 10 заданий. Два из них - теоретические, которые выбираются из списка вопросов к экзамену. Остальные задания связаны с проверкой теоретических и практических знаний по всем разделам дисциплины. Письменные ответы студента регистрируются на специальных бланках. Студент обязательно отмечает на этих бланках символом "+" те вопросы и задачи из билета, на которые даны полные о развернутые ответы. Отмечает символом "□", если ответ не полон или решение задачи не выполнено до конца. Символом "-" отмечаются те вопросы (задачи), которые не нашли своего отражения в ответах. Каждый вопрос оценивается, по следующей схеме:

- 4 балла (полный развернутый ответ на теоретический вопрос или полное и обоснованное решение практической задачи);
- 2 балла (ответ на теоретический вопрос не полон, имеются отдельные неточности в определениях и теоремах, получены частичные результаты решения практической задачи);
- 0 баллов (ответы на теоретический вопрос отсутствуют, обоснование оперирует ложными понятиями либо полностью отсутствует и т.п.);

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Самостоятельная работа студентов 90 час/семестр и включает:

- повторение еженедельное теоретического (лекционного) материала и изучение материалов по курсу из дополнительных источников (2час/нед х 18 нед=36 час);
- еженедельное выполнение домашних практических заданий и подготовка к практическим занятиям (1час/нед х 18 нед=18 час);
 - подготовка к контрольно-тестовой работе (Зчас/работу х 3 работы = 9 час)
 - выполнение БДЗ (5час/БДЗ x 3 БДЗ = 15 час)
 - подготовка к сдаче экзамена 12 час.

ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

В качестве оценочного средства используется 100 бальная семестровая система, учитывающая посещаемость занятий, активность (выполнение домашних занятий), выполнение тематических домашних заданий по каждому разделу, контрольно-тестовая работа по каждому разделу. Каждый раздел проходит аттестацию.

Итоговый балл за раздел (КИ) формируется следующим образом:

посещаемость семинарских занятий (еженедельно) не менее 80% +2 балла

не менее 50% +1 балл

менее 50% 0 баллов

БДЗ – выполнения ДЗ (по разделу)

Выполнено не менее 90% +10 баллов

Выполнено от 80-до 89% +8 балла

Выполнено от 70-до 79% +6 балла

Выполнено от 60-до 69% +4 балла

Выполнено от 40-до 59% +2 балл

Менее 39% 0 баллов

КР - контрольно-тестовая работа (продолжительность – 1 а/час

(проводится в аудитории) Выполнено не менее 90% +8 баллов

Выполнено от 70-до 89% +6 баллов

Выполнено от 40-до 69% +4 балла

Менее 39% 0 баллов

KU – аттестация раздела (контроль по итогам) Раздел аттестуется, если набрано не менее 60% баллов

По каждому разделу организуется по 1 пересдаче в течение семестра; На зачете организуется 1 пересдача на все разделы.

Экзамен (40 баллов). На экзамен выносятся вопросы, относящиеся ко всем разделам. Экзамен проводится в письменном виде по индивидуальному экзаменационному билету. Каждый билет содержит 10 заданий. Два из них - теоретические, которые выбираются из списка вопросов к экзамену. Остальные задания связаны с проверкой теоретических и практических знаний по всем разделам дисциплины. Письменные ответы студента регистрируются на специальных бланках. Студент обязательно отмечает на этих бланках символом "+" те вопросы и задачи из билета, на которые даны полные о развернутые ответы. Отмечает символом "□", если ответ не полон или решение задачи не выполнено до конца. Символом "-" отмечаются те вопросы (задачи), которые не нашли своего отражения в ответах. Каждый вопрос оценивается, по следующей схеме:

- 4 балла (полный развернутый ответ на теоретический вопрос или полное и обоснованное решение практической задачи);
- 2 балла (ответ на теоретический вопрос не полон, имеются отдельные неточности в определениях и теоремах, получены частичные результаты решения практической задачи);
- 0 баллов (ответы на теоретический вопрос отсутствуют, обоснование оперирует ложными понятиями либо полностью отсутствует и т.п.);

Автор(ы):

Шапкин Павел Александрович, к.т.н.