

ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ СИСТЕМ

КАФЕДРА КИБЕРНЕТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИИКС

Протокол № 4/1/2023

от 25.04.2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ (СПЕЦ. ГЛАВЫ)

Направление подготовки
(специальность)

[1] 01.03.02 Прикладная математика и
информатика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экс./зач./КР/КП
5	4	144	32	32	16		28	0	Э
Итого	4	144	32	32	16	16	28	0	

АННОТАЦИЯ

Курс посвящен освоению численных методов решения нелинейных уравнений и систем, интерполяции и аппроксимации функций, численного дифференцирования и интегрирования

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения учебной дисциплины «Численные методы» являются теоретическое и практическое освоение численных методов решения нелинейных уравнений и систем, интерполяции и аппроксимации функций, численного дифференцирования и интегрирования.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Курс представляет собой дисциплину базовой части цикла математических и естественнонаучных дисциплин (ДС.1), которая является частью теоретической профилирующей подготовки студентов. Для успешного освоения дисциплины необходимы знания основ математического анализа, ТФКП и теории обыкновенных дифференциальных уравнений.

В рамках курса закладывается основа для освоения таких курсов как «Математические модели динамических систем», «Основы теории оптимального управления», «Цифровые динамические системы».

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-2 [1] – Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач	3-ОПК-2 [1] – знать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач У-ОПК-2 [1] – уметь использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования необходимые для реализации алгоритмов решения прикладных задач В-ОПК-2 [1] – владеть навыками реализации математических алгоритмов для решения прикладных задач с использованием существующих систем программирования
УК-1 [1] – Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	3-УК-1 [1] – Знать: методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа У-УК-1 [1] – Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический

	анализ и синтез информации, полученной из разных источников В-УК-1 [1] – Владеть: методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
--	---

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели воспитания	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал дисциплин
-----------------------------	-------------------------	------------------------------------

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практи. (семинары) / Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	<i>5 Семестр</i>						
1	Часть 1	1-8	16/16/8		25	КИ-8	3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1
2	Часть 2	9-16	16/16/8		25	КИ-16	3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-

							ОПК-2, 3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1
	<i>Итого за 5 Семестр</i>		32/32/16		50		
	Контрольные мероприятия за 5 Семестр				50	Э	3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-УК-1, У-УК-1, В-УК-1

* – сокращенное наименование формы контроля

** – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
Э	Экзамен

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек., час.	Пр./сем., час.	Лаб., час.
	<i>5 Семестр</i>	32	32	16
1-8	Часть 1	16	16	8
1 - 8	Раздел 1 Основные понятия: близости, нормы, структуры погрешности, корректности задачи. Вычислительные алгоритмы в задачах проектирования динамических систем. Нелинейные уравнения. Их решение методами простой итерации, дихотомии, Ньютона, хорд, секущих. Оценка погрешности, особенности применения методов. Вычисление корней алгебраических уравнений. Метод	Всего аудиторных часов		
		16	16	8
		Онлайн		
		0	0	0

	<p>Лина. Метод Берстоу. Методы решения систем нелинейных уравнений: метод простой итерации и смежные вопросы. Метод Ньютона. Сведение многомерных задач к задачам меньшей размерности. Методы спуска. Интерполяционные полиномы Лагранжа, Ньютона. Оптимальный выбор узлов. Погрешность многочленной интерполяции. Интерполяция сплайнами. Интерполяция с кратными узлами. Многочлен Эрмита. Многомерная интерполяция.</p>			
9-16	Часть 2	16	16	8
9 - 15	Раздел 2 Равномерные приближения функций. Теорема Чебышева. Способы нахождения многочленов, близких к наилучшим. Многочлены Чебышева и их свойства. Среднеквадратичное приближение. Метод наименьших квадратов (МНК). Использование ортогональных и ортонормированных функций. МНК и коэффициенты ряда Фурье. Среднеквадратичные приближения тригонометрическими многочленами. Экспоненциальная аппроксимация. Аппроксимация рациональными функциями. Аппроксимация производных. Использование интерполяционных формул. Вычислительная погрешность формул численного дифференцирования. Выбор оптимального шага. Повышение точности аппроксимации. Метод Рунге. Численные методы вычисления определенных интегралов. Квадратурные формулы прямоугольников, трапеций, Симпсона. Формулы Ньютона-Котеса. Квадратурная формула Гаусса. Оценка погрешности, особенности применения формул. Процесс Эйткена. Вычисление несобственных и кратных интегралов.	Всего аудиторных часов		
		16	16	8
		Онлайн		
		0	0	0

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
ВМ	Видео-материалы
АМ	Аудио-материалы
Прз	Презентации
Т	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ

Недели	Темы занятий / Содержание
--------	---------------------------

	<i>5 Семестр</i>
1 - 8	Раздел 1 Решение нелинейных уравнений с одним неизвестным. Решение систем нелинейных уравнений. Интерполяция функций.
9 - 15	Раздел 2 Аппроксимация функций. Численные методы интегрирования.

ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Недели	Темы занятий / Содержание
	<i>5 Семестр</i>
1 - 8	Раздел 1 Методы решения нелинейных уравнений с одним неизвестным. Алгоритмы решения систем нелинейных уравнений. Интерполяция функций. Интерполяционные полиномы Лагранжа, Ньютона. Интерполяция сплайнами.
9 - 15	Раздел 2 Аппроксимация функций. Равномерные приближения функций. Среднеквадратичное приближение. Метод наименьших квадратов Численное дифференцирование. Численные методы вычисления определенных интегралов.

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Курс базируется на сочетании и совмещении теоретической и практической подготовки студентов в рамках единых занятий. В начале занятий в форме лекции даются теоретические основы и описываются методы решения задачи, а затем в форме семинара проводится закрепление пройденного материала посредством решения задач, оценки различных вариантов решений, а также совместного обсуждения изученных приемов.

В рамках данного курса проводится серия лабораторных работ, состоящая в выполнении ряда заданий по ходу изучения дисциплины в компьютерных классах кафедры, оборудованных новейшей вычислительной техникой с последующей защитой лабораторных работ.

Теоретический материал курса представлен в виде текста лекций.

Практические задания и темы лабораторных работ разработаны для выработки навыков практической реализации изучаемых численных методов.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ОПК-2	З-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16
УК-1	З-УК-1	Э, КИ-8, КИ-16
	У-УК-1	Э, КИ-8, КИ-16
	В-УК-1	Э, КИ-8, КИ-16

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех балльной шкале	Оценка ECTS	Требования к уровню освоению учебной дисциплины
90-100	5 – «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89	4 – «хорошо»	B	Оценка «хорошо» выставляется студенту, если он твёрдо знает материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
75-84		C	
70-74		D	
65-69	3 – «удовлетворительно»	E	Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
60-64			
Ниже 60	2 – «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не

			знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.
--	--	--	--

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. ЭИ К59 Алгоритмы численных методов линейной алгебры и их программная реализация : учебно-методическое пособие, Москва: НИЯУ МИФИ, 2019
2. 512 К59 Алгоритмы численных методов линейной алгебры и их программная реализация : учебно-методическое пособие, Москва: НИЯУ МИФИ, 2012
3. ЭИ С 47 Численные методы : учебное пособие, Санкт-Петербург: Лань, 2022
4. ЭИ Б 30 Численные методы : учебное пособие, Москва: Лаборатория знаний, 2020
5. 519 Т80 Лабораторный практикум по курсу "Численные методы" : учебное пособие, А. А. Трухачев, Москва: НИЯУ МИФИ, 2010

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 519 Ч-67 Численные методы Кн.1 Численный анализ, Москва: Академия, 2013
2. 519 Ч-67 Численные методы решения уравнений с частными производными Ч.1 Разностные схемы для решения уравнения конвективного переноса (одномерное уравнение), С. А. Губин [и др.], Москва: НИЯУ МИФИ, 2012

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

<https://online.mephi.ru/>

<http://library.mephi.ru/>

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

Вопросы для самостоятельной подготовки

1. Какая задача называется корректно поставленной ?
2. Какова структура погрешности при численном решении задачи ?
3. Что такое равномерная сходимость ?
4. Что такое сходимость в среднем ?
5. Запишите формулу для метода простой итерации, применяемую при численном решении нелинейного уравнения вида $f(x)=0$. Приведите критерий сходимости данного метода
6. Приведите графическую пошаговую интерпретацию для метода простой итерации.
7. Приведите графическую пошаговую интерпретацию для метода Ньютона.
8. Как метод Ньютона связан с методом простой итерации ?
9. Расставьте следующие методы решения нелинейных уравнений в порядке возрастания скорости сходимости:
 - 1 - метод хорд;
 - 2 - метод Ньютона;
 - 3 - метод Лина;
 - 4 - метод секущих;
 - 5 - метод простой итерации;
 - 6 - метод дихотомии;
 - 7 - метод Берстоу;
10. Какие методы находят наибольшее применение при решении систем нелинейных уравнений ?
11. Запишите простейший способ построения интерполяционного многочлена n -ой степени, если даны $n+1$ отсчет функции: $(x_i, y_i), i=1,2,\dots,n+1$.

Методические рекомендации по выполнению лабораторных работ

Лабораторные работы по курсу «Численные методы»

1. Решение нелинейных уравнений с одним неизвестным.
2. Решение систем нелинейных уравнений.
3. Интерполяция функций.
4. Аппроксимация функций.
5. Численные методы интегрирования.

Подготовка к выполнению работ:

1. Повторить соответствующие разделы курса «Численные методы».
2. Ознакомиться с основными положениями и порядком выполнения работы.
3. Согласно выданному варианту, выполнить соответствующую работу.

Отчёт о работе:

1. Продемонстрировать преподавателю результаты выполнения работы.
2. Дать анализ сходимости методов (для первой второй работы) , сделать выводы.

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

1. При подготовке к лекции руководствоваться программой курса. Материал для занятий брать из пособия по данному курсу и рекомендуемой литературы.

2. Во время занятия отвечать на все вопросы, возникающие в процессе изложения лекционного материала.

3. На занятиях лекционный материал иллюстрировать программами, решающими конкретные практические задачи математического моделирования.

4. В конце лекции приводить литературу, где студенты могли бы пополнить свои знания по изложенной проблеме.

5. Для закрепления и более глубокого понимания изложенного материала желательно предлагать на дом для самостоятельной работы несколько практических задач по изложенной тематике.

Автор(ы):

Саманчук Владимир Никифорович