# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

# ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО НТС ИФИБ

Протокол № 3.1

от 30.08.2024 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

## УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

Направление подготовки (специальность)

[1] 03.03.02 Физика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
5	4	144	32	32	0		26	0	Э
6	4	144	30	30	0		30	0	Э
Итого	8	288	62	62	0	0	56	0	

#### **АННОТАЦИЯ**

В курсе уравнений математической физики изучаются задачи для уравнений в частных производных, которые возникают в различных областях физики. Изложение курса начинается с рассмотрения нескольких физических процессов, приводящих к одним и тем же базовым математическим моделям. Этими базовыми моделями являются волновое уравнение, уравнение теплопроводности и диффузии, а также уравнения Лапласа и Пуассона. Студенты учатся ставить задачи для перечисленных уравнений, переходя от словесной формулировки физического процесса к его математическому описанию (математической модели).

Основная часть курса посвящена описанию математического аппарата, необходимого для решения различных задач для уравнений в частных производных. Именно, рассматриваются краевые задачи, смешанные (или начально-краевые) задачи. Для решения этих задач используются метод Фурье.

В заключительной части курса рассматриваются специальные функции, возникающие при решении задач для уравнений в частных производных. Излагается теория цилиндрических функций и сферических функций.

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целями освоения учебной дисциплины являются:

- Овладение математическим аппаратом, применяемым для постановки и аналитического решения задач математической физики;
- Приобретение знаний и практических навыков, необходимых для успешной научной, исследовательской и профессиональной деятельности в различных областях физики.

## 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Учебная дисциплина логически и содержательно-методически читается после завершения цикла общих математических и естественнонаучных дисциплин, предваряя цикл специальных дисциплин.

Курс уравнений математической физики опирается на материал следующих дисциплин: Физика: механика, молекулярная физика и статистическая термодинамика, электричество и магнетизм, волны и оптика, атомная физика; Математика: математический анализ, аналитическая геометрия, линейная алгебра, векторный и тензорный анализ, теория функций комплексного переменного, обыкновенные дифференциальные уравнения, интегральные уравнения; Функциональные ряды.

Для успешного освоения дисциплины необходимы знания по общему курсу физики и университетскому курсу математики. Необходимо знать дифференциальное и интегральное исчисление, векторный и тензорный анализ, уметь решать дифференциальные и интегральные уравнения. Требуется владеть методами теории функции комплексного переменного, уметь работать с функциональными рядами и многомерными несобственными интегралами. Следует иметь представление об основных задачах механики, термодинамики, физики электрических и магнитных явлений, оптики, атомной физики.

Освоение курса уравнений математической физики необходимо для изучения теоретической физики, специальных физических дисциплин.

# 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

_ , , , _	те
Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1 [1] — Способен применять базовые знания в области физико - математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	3-ОПК-1 [1] — знать фундаментальные основы, полученные в области естественных и математических наук.  У-ОПК-1 [1] — уметь использовать на практике базовые знания, полученные в области естественных и математических наук; применять для анализа и обработки результатов физических экспериментов.  В-ОПК-1 [1] — владеть навыками обобщения, синтеза и анализа базовых знаний, полученных в области естественных и математических наук, владеть научным мировоззрением
ОПК-2 [1] — Способен проводить научные исследования физических объектов, систем и процессов, обрабатывать и представлять экспериментальные данные	3-ОПК-2 [1] — знать типовые методы физических измерений, теоретические основы физических методов исследования.  У-ОПК-2 [1] — уметь анализировать и обрабатывать данные физического эксперимента и представлять их в ясной и удобной форме В-ОПК-2 [1] — владеть навыками обращения с типовыми приборами для электронно-физических и электротехнических измерений, методами анализа и обработки экспериментальной информации.
УКЕ-1 [1] — Способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах	3-УКЕ-1 [1] — знать: основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования У-УКЕ-1 [1] — уметь: использовать математические методы в технических приложениях, рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи В-УКЕ-1 [1] — владеть: методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами

# 4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
воспитания		дисциплин
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование
воспитание	обеспечивающих, формирование	воспитательного потенциала
	творческого	дисциплин профессионального
	инженерного/профессионального	модуля для развития навыков
	мышления, навыков организации	коммуникации, командной
	коллективной проектной	работы и лидерства,
	деятельности (B22)	творческого инженерного
		мышления, стремления
		следовать в профессиональной
		деятельности нормам
		поведения, обеспечивающим
		нравственный характер
		трудовой деятельности и
		неслужебного поведения,
		ответственности за принятые
		решения через подготовку
		групповых курсовых работ и
		практических заданий, решение
		кейсов, прохождение практик и
		подготовку ВКР.
		2.Использование
		воспитательного потенциала
		дисциплин профессионального
		модуля для: - формирования
		производственного
		коллективизма в ходе
		совместного решения как
		модельных, так и практических
		задач, а также путем
		подкрепление рационально-
		технологических навыков
		взаимодействия в проектной
		деятельности эмоциональным
		эффектом успешного
		взаимодействия, ощущением
		роста общей эффективности
		при распределении проектных
		задач в соответствии с
		сильными компетентностными
		и эмоциональными свойствами
		членов проектной группы.
		1 [ ]

# 5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№	Наименование			. •			
				й :а*	مد	~ ~	
п.п	раздела учебной		Ğ.	ии	ый П*3	12,	
	дисциплины		Лекции/ Практ. (семинары )/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	ии
			Лекции/ Пра (семинары ), Лабораторні работы, час.	гек ь ((	a.II.	Аттестация раздела (фо неделя)	Индикаторы освоения компетенции
		<b>-</b>	и/ пар ато	г. 1 оло	Mi a p	[a] [a (	Индикат освоения компетен
		e.II	HIN OD	3a' rp 3.118	ССИ П 33		ик оен пе
		Недели	ek em a6	Обязат контро неделя)	ал	Аттест: разделя неделя)	EBC OM
		H	F	O K	≥ ö	A g H	
	5 Семестр						
1	Первый раздел	1-8	16/16/0		25	КИ-8	3-ОПК-1,
	1						У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
							В-УКЕ-1
2	Второй раздел	9-16	16/16/0		25	КИ-16	У-ОПК-2,
	Второн раздел	7 10	10/10/0		23	IXII IO	В-ОПК-2,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
							В-УКЕ-1,
							3-ОПК-1,
							,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
	Umana na 5 Carragum		32/32/0		50		3-ОПК-2
	Итого за 5 Семестр		32/32/0		50	Э	3-ОПК-1,
	Контрольные мероприятия за <b>5</b>				30		У-ОПК-1, У-ОПК-1,
							у-ОПК-1, В-ОПК-1,
	Семестр						,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1, В УКЕ-1
							В-УКЕ-1
1	6 Семестр	1.0	15/15/0		25	IAIYO	2 ОПИ 1
1	Первый раздел	1-8	15/15/0		25	КИ-8	3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
							В-ОПК-2,
							3-УКЕ-1,
							У-УКЕ-1,
							В-УКЕ-1
2	Второй раздел	9-15	15/15/0		25	КИ-15	3-ОПК-1,
							У-ОПК-1,
							В-ОПК-1,
							3-ОПК-2,
							У-ОПК-2,
<u> </u>		<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>	<u> </u>	J 51110 2,

			В-ОПК-2, 3-УКЕ-1, У-УКЕ-1, В-УКЕ-1
Итого за 6 Семестр	30/30/0	50	
Контрольные мероприятия за 6 Семестр		50	Э 3-ОПК-1, У-ОПК-1, В-ОПК-1, 3-ОПК-2, У-ОПК-2, В-ОПК-2, 3-УКЕ-1, У-УКЕ-1, В-УКЕ-1

<sup>\* -</sup> сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
Э	Экзамен

# КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,
		час.	час.	час.
	5 Семестр	32	32	0
1-8	Первый раздел	16	16	0
1 - 2	Тема 1. Простейшие задачи, приводящие к уравнениям	Всего а	удиторных	часов
	гиперболического типа.	4	4	0
	Уравнение малых поперечных колебаний струны.	Онлайн	I	
	Уравнение продольных колебаний стержней и струн.	0	0	0
	Энергия колебаний струны. Вывод уравнения			
	электрических колебаний в проводах. Поперечные			
	колебания мембраны. Уравнения гидродинамики и			
	акустики. Граничные и начальные условия. Постановка			
	краевых задач для случая многих переменных. Теорема			
	единственности.			
3 - 4	Тема 2. Простейшие задачи, приводящие к уравнениям	Всего а	удиторных	часов
	параболического типа.	4	4	0
	Постановка краевых задач. Линейная задача о	Онлайн	I	
	распространении тепла. Уравнение диффузии.	0	0	0
	Распространение тепла в пространстве. Принцип			
	максимального значения. Теорема единственности.			
5 - 6	Тема 3. Метод разделения переменных для волнового	Всего а	удиторных	часов
	уравнения.	4	4	0
	Уравнение свободных колебаний струны. Представление	Онлайн	Ι	
	произвольных колебаний в виде суперпозиции стоячих	0	0	0

<sup>\*\*</sup> – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

			1	1
	волн. Неоднородные уравнения. Общая первая краевая			
	задача для уравнения колебаний. Краевые задачи со			
	стационарными неоднородностями. Задачи без начальных			
	условий для уравнения колебаний. Сосредоточенная сила.			
	Общая схема метода разделения переменных для			
	уравнения колебаний.			
7 - 8	Тема 4. Метод разделения переменных для уравнения		аудиторі	ных часов
	теплопроводности.	4	4	0
	Однородная краевая задача для уравнения	Онлаі	йн	
	теплопроводности. Функция источника. Краевые задачи с	0	0	0
	разрывными начальными условиями для уравнения			
	теплопроводности. Неоднородное уравнение			
	теплопроводности. Общая первая краевая задача для			
	уравнения теплопроводности.			
9-16	Второй раздел	16	16	0
9 - 10	Тема 5. Метод разделения переменных. Уравнение	Всего	аудиторі	ных часов
	Лапласа на плоскости.	2	2	0
	Первая краевая задача для круга. Вторая краевая задача	Онлаі	йн	
	для круга. Первая краевая задача в кольце. Интеграл	0	0	0
	Пуассона. Случай разрывных граничных значений.			
10 - 11	Тема 6. Классификация уравнений с частными	Всего		ных часов
	производными 2-го порядка.	3	4	0
	Дифференциальные уравнения с двумя независимыми	Онлаі	йн	
	переменными. Классификация уравнений 2-го порядка со	0	0	0
	многими независимыми переменными. Канонические			
	формы линейных уравнений с постоянными			
	коэффициентами.			
12 - 13	Тема 7. Преобразование Фурье для задач УМФ.			ных часов
	Основные сведения о преобразовании Фурье. Примеры	3	2	0
	решения задач. Двумерное преобразование Фурье для	Онлаі	йн	
	задач УМФ. Примеры решения задач.	0	0	0
13 - 14	Тема 8. Метод распространяющихся волн.	Всего	аудиторі	ных часов
	Формула Даламбера. Физическая интерпретация.	4	4	0
	Неоднородное уравнение. Устойчивость решений.	Онлаі	йн	
	Полуограниченная прямая и метод продолжений. Задача	0	0	0
	для ограниченного отрезка. Дисперсия волн.			
15 - 16	Тема 9. Задачи на бесконечной прямой для уравнения		аудиторі	ных часов
	теплопроводности.	4	4	0
	Распространение тепла на бесконечной прямой. Функция	Онлаі		
	источника для неограниченной области. Краевые задачи	0	0	0
	для полуограниченной прямой.	1		
	6 Семестр	30	30	0
1-8	Первый раздел	15	15	0
1 - 2	Тема 1. Общее уравнение теории специальных			ных часов
	функций.	2	2	0
	Общее уравнение теории специальных функций.	Онлаі	1	
	Поведение решений в окрестности $x = a$ , если $k(a) = 0$ .	0	0	0
	Постановка краевых задач.	1		
2 - 3	Тема 2. Цилиндрические функции.			ных часов
	Степенные ряды. Рекуррентные формулы. Функции	4	3	0
	полуцелого порядка. Асимптотический порядок	Онлаі	1	
	цилиндрических функций. Краевые задачи для уравнения	0	0	0

Бесселя. Различные типы цилиндрических функций. Функции Ханкеля. Функции Ханкеля и Неймана. Функции мнимого аргумента. Функции К\$(х). Представление цилиндрических функций в виде контурных интегралов. Контурные интегралы. Функции Ханкеля. Некоторые свойства гамма-функции. Интегральное представление функции Бесселя. Интегральное представление Кр(х). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы Сраниченных объемандра.  Всего аудиторы Сраниченных объемандра.	тых часов 0		
мнимого аргумента. Функция К\$(x). Представление цилиндрических функций в виде контурных интегралов. Контурные интегралы. Функции Ханкеля. Некоторые свойства гамма-функции. Интегральное представление функции Бесселя. Интегральное представление Кр(x). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы 2 2	0		
цилиндрических функций в виде контурных интегралов. Контурные интегралы. Функции Ханкеля. Некоторые свойства гамма-функции. Интегральное представление функции Бесселя. Интегральное представление Кр(х). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы О	0		
Контурные интегралы. Функции Ханкеля. Некоторые свойства гамма-функции. Интегральное представление функции Бесселя. Интегральное представление Кр(х). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы 2 2	0		
свойства гамма-функции. Интегральное представление функции Бесселя. Интегральное представление Кр(х). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра. Всего аудиторы О	0		
функции Бесселя. Интегральное представление Кр(х). Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторна обраниченность полиномов Лежандра.  Всего аудиторна обраниченность полиномов Лежандра.  2 2	0		
Асимптотические формулы для цилиндрических функций. Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторна Всего аудиторна Сраниченных 2 2	0		
Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы 2 2	0		
Интеграл Фурье — Бесселя. Некоторые интегралы, содержащие функции Бесселя.  4 - 5  Тема 3. Полиномы Лежандра. Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции Лежандра.  Всего аудиторы 2 2	0		
содержащие функции Бесселя.         Тема 3. Полиномы Лежандра.         Производящая функция и полиномы Лежандра.       3       4         Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра.       Онлайн         Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра.       0       0         Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Полиномов Лежандра.       Всего аудиторы         5 - 6       Тема 4. Присоединенные функции Лежандра.       Всего аудиторы         1 - 2       2	0		
Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции. Норма присоединенных  3   4   Онлайн   О плайн   О правиненность полиномов Лежандра. Всего аудиторы 2   2	0		
Производящая функция и полиномы Лежандра. Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра. Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции . Норма присоединенных  З 4 Онлайн О 0 О Всего аудиторна 2 2	0		
Рекуррентные формулы. Уравнение Лежандра.  Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра.  Присоединенные функции. Норма присоединенных  Онлайн  О О  В Сего аудиторн			
Ортогональность полиномов Лежандра. Норма полиномов Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.  5 - 6  Тема 4. Присоединенные функции Лежандра. Присоединенные функции. Норма присоединенных  2 2	0		
Лежандра. 6. Нули полиномов Лежандра. Ограниченность полиномов Лежандра.         5 - 6       Тема 4. Присоединенные функции Лежандра.       Всего аудиторы 2         Присоединенные функции. Норма присоединенных       2       2			
полиномов Лежандра.         5 - 6       Тема 4. Присоединенные функции Лежандра.       Всего аудиторна присоединенных         Присоединенные функции. Норма присоединенных       2       2			
5 - 6       Тема 4. Присоединенные функции Лежандра.       Всего аудиторна         Присоединенные функции. Норма присоединенных       2       2			
Присоединенные функции. Норма присоединенных 2 2	LIX NACOR		
	0		
ГФУЛКЦИИ ПОПИОТА СИСТЕМЫ ПРИСОЕПИВЕВНЫХ ФУЛКЦИЙ — ОТПОЙИ			
функций. Полнота системы присоединенных функций.  Онлайн  О 0			
	0		
7 - 8 Тема 5. Гармонические полиномы и сферические Всего аудиторн			
функции.	0		
Гармонические полиномы. Сферические функции.  Онлайн			
Ортогональность системы сферических функций.	0		
Замкнутость системы сферических функций. Разложение			
по сферическим функциям. Задача Дирихле для сферы.			
Проводящая сфера в поле точечного заряда. Поляризация			
шара в однородном поле. Собственные колебания сферы.			
Внешняя краевая задача для сферы.			
<b>9-15</b> Второй раздел 15 15	0		
9 - 10 Тема 6. Основные и обобщенные функции Всего аудиторн	ых часов		
Пространство основных функций D. Пространство 4 4			
обобщенных функций D'. Носитель обобщенной функции. Онлайн			
Регулярные обобщенные функции. Сингулярные 0 0	0		
обобщенные функции. Формулы Сохоцкого. Линейная			
замена переменных в обобщенных функциях. Умножение			
обобщенных функций.			
10 - 11 Тема 7. Дифференцирование обобщенных функций. Всего аудиторн	ых часов		
Производные обобщенной функции. Свойства 3 4	0		
обобщенных производных. Первообразная обобщенной Онлайн			
функции.	0		
12 - 13 Тема 8. Свертка обобщенных функций. Всего аудиторы			
Прямое произведение обобщенных функций. Определение 4 2	0		
свертки обобщенных функций. Свойства свертки. Онлайн			
<u> </u>			
Существование свертки. Уравнения в сверточной алгебре 0	0		
D'+. Регуляризация обобщенных функций.	HIV HOSSE		
14 - 15 Тема 9. Обобщенные функции медленного роста.  Всего аудиторн			
Пространство основных функций S. Пространство  4 5	0		
обобщенных функций медленного роста S'. Примеры Онлайн	<u> </u>		
обобщенных функций медленного роста. Структура 0	0		
обобщенных функций с точечным носителем. Преобразование Фурье обобщенных функций медленного			

роста. Преобразование Фурье основных функций из S.		
Преобразование Фурье обобщенных функций из S'.		
Свойства преобразования Фурье. Преобразование Фурье		
обобщенных функций с компактным носителем.		
Преобразование Фурье свертки.		

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

#### 6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При освоении данной дисциплины основную роль играют аудиторные занятия в виде лекций и семинаров, а также самостоятельная работа студентов, заключающаяся в выполнении домашнего задания. Чтобы стимулировать творческий потенциал студентов, часть семинаров проводится в интерактивном режиме.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы	Аттестационное	Аттестационное
	освоения	мероприятие (КП 1)	мероприятие (КП 2)
ОПК-1	3-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
ОПК-2	3-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	У-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	В-ОПК-2	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
УКЕ-1	3-УКЕ-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	У-УКЕ-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15
	В-УКЕ-1	Э, КИ-8, КИ-16	Э, КИ-8, КИ-15

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению	
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины	
90-100	5 — «отлично»	A	Оценка «отлично» выставляется студенту,	
			если он глубоко и прочно усвоил	
			программный материал, исчерпывающе,	
			последовательно, четко и логически	
			стройно его излагает, умеет тесно	
			увязывать теорию с практикой,	
			использует в ответе материал	
			монографической литературы.	
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,	
75-84	1	С	если он твёрдо знает материал, грамотно и	
70-74	4 – «хорошо»		по существу излагает его, не допуская	
		D	существенных неточностей в ответе на	
			вопрос.	
65-69			Оценка «удовлетворительно»	
	3 — «удовлетворительно»	Е	выставляется студенту, если он имеет	
60-64			знания только основного материала, но не	
			усвоил его деталей, допускает неточности,	
			недостаточно правильные формулировки,	
			нарушения логической	
			последовательности в изложении	
			программного материала.	
Ниже 60	2 — «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно»	
			выставляется студенту, который не знает	
			значительной части программного	
			материала, допускает существенные	
			ошибки. Как правило, оценка	
			«неудовлетворительно» ставится	
			студентам, которые не могут продолжить	
			обучение без дополнительных занятий по	
			соответствующей дисциплине.	

## 8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ	ЛИТЕРА	АТУРА:
----------	--------	--------

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

#### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

# 9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

### 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

1. Проведение лекционных и практических занятий

В рамках курса предусмотрено проведение лекционных и практических занятий. Отметим, что курс является теоретическим и для успешного освоения требуется знание лекционного материала и чтения рекомендованной литературы. На лекциях студенты не только знакомятся с теоретическими основами курса, но с их применением в современных исследованиях.

Помимо этого, существенная доля занятий проводится в интерактивной форме и предполагает активное обсуждение пройденного материала, групповой разбор и обсуждение ошибок, вопросов и затруднений, возникающих при подготовке домашних заданий.

На каждом занятии отмечается посещаемость студентов. При изучении курса студентам рекомендуется внимательно ознакомиться с программой дисциплины, взять в библиотеке рекомендованную литературу.

#### 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контрольные работы

Рубежный контроль проводится на 8 и 16 неделе на 5 семестре и на 8 и 15 неделе на 6 семестре. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

Для допуска к экзамену необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

1. Проведение лекционных и практических занятий

В рамках курса предусмотрено проведение лекционных и практических занятий. Отметим, что курс является теоретическим и для успешного освоения требуется знание лекционного материала и чтения рекомендованной литературы. На лекциях студенты не только знакомятся с теоретическими основами курса, но с их применением в современных исследованиях.

Помимо этого, существенная доля занятий проводится в интерактивной форме и предполагает активное обсуждение пройденного материала, групповой разбор и обсуждение ошибок, вопросов и затруднений, возникающих при подготовке индивидуальных заданий.

На каждом занятии следует отмечать посещаемость студентов. Рекомендуется не допускать студентов до сдачи контрольных мероприятий регулярно пропускающих занятия. На первом занятии необходимо ознакомить студентов с программой дисциплины, а также предложить литературу, которая потребуется для успешного освоения материала.

### 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использование фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контрольные работы

Рубежный контроль проводится на 8 и 16 неделе на 5 семестре и на 8 и 15 неделе на 6 семестре. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

Для допуска к экзамену необходимо закрыть на положительную оценку все предложенные в рамках текущего контроля задания.

Автор(ы):

Климанов Сергей Геннадиевич, к.ф.-м.н., доцент