

ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

ОДОБРЕНО УМС ИЯФИТ

Протокол № 01/0821-573.1

от 31.08.2021 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**СПЕЦИАЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ (SPECIAL CHAPTERS OF HIGHER  
MATHEMATICS)**

Направление подготовки  
(специальность)

[1] 14.04.02 Ядерные физика и технологии

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экс./зач./КР/КП
1	3	108	16	16	0	40	0	Э
Итого	3	108	16	16	0	32	40	

## АННОТАЦИЯ

Программа курса содержит основные методы аналитического решения прикладных и теоретических задач. Одна из особенностей курса состоит в том, что в нем сделан акцент на приложение излагаемых методов к решению задач, формируется умение выбрать необходимый метод для решения определенной задачи, проводится сравнительный анализ эффективности того или иного метода.

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью изучения дисциплины является формирование у магистрантов навыков необходимых для успешной научной и профессиональной деятельности в различных областях математики и физики, а также овладение математическим аппаратом, применяемым для постановки и аналитического решения физических задач.

### 2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина логически и содержательно-методически связана со следующими разделами математики: линейной алгеброй, дифференциальным исчислением, интегральным исчислением, теорией рядов, дифференциальными уравнениями, интегральными уравнениями, вариационным исчислением, теорией некорректно-поставленных задач, теорией функций комплексного переменного, интегральными преобразованиями. Освоение данной дисциплины необходимо для овладения теоретической базой и методами решения задач гидродинамики, электродинамики, механики сплошных сред, нейтронной физики, квантовой механики и т.д.

### 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
ОПК-1 [1] – Способен формулировать цели и задачи исследования, выбирать критерии оценки, выявлять приоритеты решения задач	З-ОПК-1 [1] – знать: цели и задачи научных исследований по направлению деятельности, базовые принципы и методы их организации; основные источники научной информации и требования к представлению информационных материалов У-ОПК-1 [1] – уметь: составлять общий план работы по заданной теме, предлагать методы исследования и способы обработки результатов, проводить исследования по согласованному с руководителем плану, представлять полученные результаты В-ОПК-1 [1] – владеть: систематическими знаниями по направлению деятельности; углубленными знаниями по выбранной направленности подготовки, базовыми навыками проведения научно- исследовательских работ по предложенной теме.

<p>УК-1 [1] – Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий</p>	<p>З-УК-1 [1] – Знать: методы системного и критического анализа; методики разработки стратегии действий для выявления и решения проблемной ситуации  У-УК-1 [1] – Уметь: применять методы системного подхода и критического анализа проблемных ситуаций; разрабатывать стратегию действий, принимать конкретные решения для ее реализации  В-УК-1 [1] – Владеть: методологией системного и критического анализа проблемных ситуаций; методиками постановки цели, определения способов ее достижения, разработки стратегий действий</p>
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

Профессиональные компетенции в соответствии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
научно- исследовательский			
<p>Проведение расчетных исследований и измерений физических характеристик на экспериментальных стендах и установках</p>	<p>Атомный ледокольный флот Атомные электрические станции Плавающая АЭС Сфера научных исследований в области ядерной физики и технологий</p>	<p>ПК-4 [1] - Способен самостоятельно выполнять экспериментальные и теоретические исследования для решения научных и производственных задач   <i>Основание:</i>  Профессиональный стандарт: 24.078, 40.011</p>	<p>З-ПК-4[1] - Знать: цели и задачи проводимых исследований; основные методы и средства проведения экспериментальных и теоретических исследований; методы и средства математической обработки результатов экспериментальных данных ;  У-ПК-4[1] - Уметь: применять методы проведения экспериментов; использовать математические методы обработки результатов исследований и их обобщения; оформлять результаты научно-исследовательских работ;  В-ПК-4[1] - Владеть: навыками</p>

			самостоятельного выполнения экспериментальных и теоретических исследования для решения научных и производственных задач
--	--	--	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары) / Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	<i>1 Семестр</i>						
1	Раздел 1	1-7	7/7/0		25	КИ-8	3-ПК-4, У-ПК-4, В-ПК-4
2	Раздел 2	8-16	9/9/0		25	КИ-16	3-ПК-4, У-ПК-4, В-ПК-4
	<i>Итого за 1 Семестр</i>		16/16/0		50		
	<b>Контрольные мероприятия за 1 Семестр</b>				50	Э	3-ПК-4, У-ПК-4, В-ПК-4

\* – сокращенное наименование формы контроля

\*\* – сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
Э	Экзамен

## КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недел и	Темы занятий / Содержание	Лек., час.	Пр./сем. , час.	Лаб., час.
	<i>1 Семестр</i>	16	16	0
<b>1-7</b>	<b>Раздел 1</b>	7	7	0
1 - 4	<b>Тема 1: Дифференциальные уравнения.</b> Задача Коши. Уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, в полных дифференциалах, линейные. Уравнение Бернулли. Линейные уравнения. Фундаментальная система решений. Определитель Вронского. Формула Остроградского-Лиувилля. Метод вариации постоянных. Линейные уравнения с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Общее решени. Вид частного решения неоднородного уравнения, правая часть которого квазимногочлен. Уравнение Эйлера.	Всего аудиторных часов		
		4	4	
		Онлайн		
5 - 7	<b>Тема 2: Ряды.</b> Теоремы сравнения. Необходимый признак сходимости ряда. Гармонический ряд. Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница. Числовые ряды с членами любого знака. Критерий Коши. Абсолютная сходимость ряда. Признак сходимости Даламбера, Коши, интегральный признак Коши. Функциональные ряды. Поточечная и равномерная сходимость. Достаточные условия почленного интегрирования и дифференцирования функциональных рядов. Степенные ряды. Теорема Абеля. Вычисление радиуса сходимости. Ряд Тейлора. Ряды Тейлора элементарных функций.	Всего аудиторных часов		
		3	3	
		Онлайн		
<b>8-16</b>	<b>Раздел 2</b>	9	9	0
8 - 11	<b>Тема 3: Аналитические функции.</b> Действия с комплексными числами. Комплексная плоскость. Сфера Римана. Аналитические функции. Условия Коши-Римана. Интегрирование функций комплексного переменного. Теорема Коши. Интегральные формулы Коши. Многозначные функции. Выделение однозначных ветвей. Особые точки аналитических функций. Вычеты. Теорема Коши о вычетах. Ряды Тейлора и Лорана. Вычисление интегралов. Интегральное преобразование Лапласа. Оригинал и изображения. Свойства преобразования Лапласа. Теорема умножения. Приложения к вычислению интегралов и к решению дифференциальных уравнений.	Всего аудиторных часов		
		4	4	
		Онлайн		
12 - 16	<b>Тема 4: Математические модели механики, теплопроводности и диффузии, электродинамики.</b> Смешанные задачи, задачи Коши, краевые задачи. Применение дельта-функции. Метод разделения переменных (метод Фурье). Решение однородных задач. Физический смысл собственных значений и собственных функций. Эрмитовы операторы; положительные операторы. Свойства собственных функций и собственных	Всего аудиторных часов		
		5	5	
		Онлайн		

<p>значений. Решение задач для неоднородного уравнения с однородными граничными условиями. Решение задач с неоднородными граничными условиями. Метод выделения частных решений. Исследование резонанса в колебательных системах. Решение задачи о колебаниях прямоугольной мембраны; собственные частоты. Решение задач для уравнения теплопроводности в шаре. Применение метода Фурье к задачам Дирихле, Неймана и др. в круге. Внешние задачи для круга. Приложения к задачам электро- и магнитостатики.</p>			
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--	--	--

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
ВМ	Видео-материалы
АМ	Аудио-материалы
Прз	Презентации
Т	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

## 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При освоении данной дисциплины основную роль играют аудиторные занятия в виде лекций и семинаров, а также самостоятельная работа студентов, заключающаяся в выполнении домашнего задания, повторения ранее пройденного материала. Чтобы стимулировать творческий потенциал студентов, часть семинаров проводится в интерактивном режиме.

## 6. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ПК-4	З-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-4	Э, КИ-8, КИ-16

## Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех балльной шкале	Оценка ECTS	Требования к уровню освоению учебной дисциплины
90-100	5 – <i>«отлично»</i>	A	Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил программный материал, исчерпывающе, последовательно, четко и логически стройно его излагает, умеет тесно увязывать теорию с практикой, использует в ответе материал монографической литературы.
85-89	4 – <i>«хорошо»</i>	B	Оценка «хорошо» выставляется студенту, если он твёрдо знает материал, грамотно и по существу излагает его, не допуская существенных неточностей в ответе на вопрос.
75-84		C	
70-74		D	
65-69	3 – <i>«удовлетворительно»</i>	E	Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если он имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала.
60-64			
Ниже 60	2 – <i>«неудовлетворительно»</i>	F	Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

Оценочные средства приведены в Приложении.

## **7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:**

1. ЭИ К 17 Дистанционная подготовка биотехнологов: элементы виртуальной образовательной среды : учебное пособие, Москва: ДМК Пресс, 2014

2. ЭИ С 54 Задачи и упражнения по уравнениям математической физики : учебное пособие, Москва: Физматлит, 2012
3. ЭИ Г 69 Математический анализ : учебное пособие, Санкт-Петербург: Лань, 2021
4. ЭИ С 34 Молекулярная симметрия в неорганической и координационной химии : учебное пособие, Санкт-Петербург: Лань, 2021
5. ЭИ Б 79 Практикум и индивидуальные задания по обыкновенным дифференциальным уравнениям (типовые расчеты) : учебное пособие, Санкт-Петербург: Лань, 2021
6. ЭИ И 15 Практический курс дифференциальных уравнений и математического моделирования. Классические и новые методы. Нелинейные математические модели. Симметрия и принципы инвариантности : учебное пособие, Москва: Физматлит, 2012

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

1. 517 Г71 Приложение обобщенных функций к решению краевых задач Ч.1 , , Москва: МИФИ, 1977
2. 517 С24 Теория функций комплексной переменной : Учебник для вузов, А. Г. Свешников, А. Н. Тихонов, Москва: Физматлит, 2004
3. 517.5 В57 Методы теории функций многих комплексных переменных : , В. С. Владимиров, Москва: Наука, 1964
4. 517 В57 Обобщенные функции в математической физике : , В. С. Владимиров, М.: Наука, 1979
5. 517 В57 Уравнения математической физики : , Владимиров В.С., М.: Наука, 1981
6. 517 Т46 Уравнения математической физики : Учеб. пособие для вузов, Тихонов А.Н., Самарский А.А., Москва: МГУ; Наука, 2004

#### ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

Специальное программное обеспечение не требуется

#### LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

<https://online.mephi.ru/>

<http://library.mephi.ru/>

### **8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

### **9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ**

## 1. Проведение лекционных и практических занятий

Структура и содержание дисциплины соответствует программе курса и календарному плану. В курсе рассматриваются и обсуждаются такие разделы высшей математики как теория обыкновенных дифференциальных уравнений, теория функций комплексного переменного, теория числовых и функциональных последовательностей и рядов, уравнения математической физики и теория решения некорректно поставленных задач и интегральных уравнений. Изучаются современные и классические методы решения задач математической физики и интегральных уравнений.

Семинарские занятия проводятся в соответствии с планом семинарских занятий. Проводится опрос студентов по материалам прочитанных лекций и предлагаются задачи для самостоятельного решения с проверкой и обсуждением у доски всех этапов решения.

На каждом занятии студентам выдаётся домашнее задание. На следующем занятии преподаватель проверяет у каждого студента наличие решенных задач. Если студент не решил ни одной задачи, преподаватель делает напротив фамилии студента соответствующую отметку в книжке преподавателя. Задачи, которые вызвали трудности, разбираются у доски либо преподавателем, либо студентами. Активность студентов оценивается по результатам выполнения домашних заданий и работе на семинарах.

Преподаватель осуществляет контроль посещаемости на каждом занятии. Студенты, пропустившие три и более занятий, допускаются к контрольным мероприятиям только после предъявления записки из деканата. Записка должна быть подписана деканом или его заместителем и содержать даты пропущенных занятий по уважительной и по неуважительной причине.

При изучении курса студентам рекомендуется внимательно ознакомиться с программой дисциплины, взять в библиотеке рекомендованную литературу.

## 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использованием фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются

- Контрольные работы

Рубежный контроль проводится на 8 и 16 неделе на 1 семестре. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

# 10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

## 1. Проведение лекционных и практических занятий

Структура и содержание дисциплины соответствует программе курса и календарному плану. В курсе рассматриваются и обсуждаются такие разделы высшей математики как теория обыкновенных дифференциальных уравнений, теория функций комплексного переменного, теория числовых и функциональных последовательностей и рядов, уравнения математической физики и теория решения некорректно поставленных задач и интегральных уравнений. Изучаются современные и классические методы решения задач математической физики и интегральных уравнений.

Семинарские занятия проводятся в соответствии с планом семинарских занятий. Проводится опрос студентов по материалам прочитанных лекций и предлагаются задачи для самостоятельного решения с проверкой и обсуждением у доски всех этапов решения. На каждом занятии студентам выдаётся домашнее задание. На следующем занятии преподаватель проверяет у каждого студента наличие решенных задач. Если студент не решил ни одной задачи, преподаватель делает напротив фамилии студента соответствующую отметку в книжке преподавателя. Задачи, которые вызвали трудности, разбираются у доски либо преподавателем, либо студентами.

Отметим, что существенная доля занятий проводится в интерактивной форме и предполагает активное обсуждение пройденного материала, групповой разбор и обсуждение ошибок, вопросов и затруднений, возникающих при подготовке заданий.

На каждом занятии следует отмечать посещаемость студентов. Рекомендуется не допускать студентов до сдачи контрольных мероприятий регулярно пропускающих занятия. На первом занятии необходимо ознакомить студентов с программой дисциплины, а также предложить литературу, которая потребуется для успешного освоения материала.

## 2. Организация контроля успеваемости студентов

Организация контроля успеваемости студентов проводится с использованием фонда оценочных средств по данной дисциплине (ФОС). Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

При проведении текущего контроля успеваемости по дисциплине используются  
- Контрольные работы

Рубежный контроль проводится на 8 и 16 неделе на 1 семестре. Промежуточный контроль выставляется на основе экзамена.

Автор(ы):

Мазур Евгений Андреевич, к.ф.-м.н., доцент

Рецензент(ы):

к.ф.-м.н., доцент Сухарев М.Б., к.ф.-м.н., ст. преп.  
Чмыхов М.А.