Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

ИНСТИТУТ ЛАЗЕРНЫХ И ПЛАЗМЕННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА ФИЗИКИ ТВЕРДОГО ТЕЛА И НАНОСИСТЕМ

ОДОБРЕНО УМС ЛАПЛАЗ

Протокол № 1/08-577

от 29.08.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫЕ МЕТОДЫ В ФИЗИКЕ (ЧАСТЬ 2)

Направление подготовки (специальность)

[1] 03.03.01 Прикладные математика и физика

Семестр	Трудоемкость, кред.	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Практич. занятия, час.	Лаборат. работы, час.	В форме практической подготовки/ В	СРС, час.	КСР, час.	Форма(ы) контроля, экз./зач./КР/КП
5	1	36	0	32	0		4	0	3
Итого	1	36	0	32	0	20	4	0	

АННОТАЦИЯ

Курс знакомит студентов с современными численными методами применительно к задачам физики конденсированного состояния. Даются: Квантовая модель Гейзенберга, квантовая статистика невзаимодействующих систем, методы Монте-Карло для физических систем.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Научить рассчитывать реальные физические характеристики сложных взаимодействующих квантовых систем в случае, когда отсутствуют параметры малости и невозможны аналитические подходы.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина продолжает подготовку студентов по численным методам и помогает в освоении основного курса квантовой механики.

3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Универсальные и(или) общепрофессиональные компетенции:

Код и наименование компетенции Код и наименование индикатора достижения компетенции

Профессиональные компетенции в соотвествии с задачами и объектами (областями знаний) профессиональной деятельности:

Задача профессиональной деятельности (ЗПД)	Объект или область знания	Код и наименование профессиональной компетенции; Основание (профессиональный стандарт-ПС, анализ опыта)	Код и наименование индикатора достижения профессиональной компетенции
	научно-иссл	педовательский	
сбор и обработка	природные и	ПК-3 [1] - Способен	3-ПК-3[1] - Знать
научной и	социальные явления	применять численные	численные методы
аналитической	и процессы,	методы решения	решения
информации с	объекты техники,	дифференциальных и	дифференциальных и
использованием	технологии и	интегральных	интегральных
современных	производства,	уравнений для	уравнений для
программ, средств и	модели, методы и	различных физико-	различных физико-
методов	средства	технических задач	технических задач.;
вычислительной	фундаментальных и		У-ПК-3[1] - Уметь
математики,	прикладных	Основание:	применять численные
компьютерных и	исследований и	Профессиональный	методы решения
информационных	разработок в	стандарт: 40.011	дифференциальных и
технологий участие в	области математики,		интегральных

	4	T	
проведении	физики и других		уравнений для
теоретических	естественных и		различных физико-
исследований,	социально-		технических задач.;
построении	экономических наук		В-ПК-3[1] - Владеть
физических,	по профилям		навыками решения
математических и	предметной		дифференциальных и
компьютерных	деятельности в		интегральных
моделей изучаемых	науке, технике,		уравнений
процессов и явлений,	технологиях, а		численными
в проведении	также в сферах		методами для физико-
аналитических	наукоемкого		технических задач.
исследований в	производства,		
предметной области	управления и		
по профилю	бизнеса.		
специализации;			
	конструкторско	о-технологический	
участие в	природные и	ПК-7 [1] - Способен к	3-ПК-7[1] - Знать
модернизации	социальные явления	разработке	текущее положение
существующих,	и процессы,	прикладного	современных научных
разработке и	объекты техники,	программного	достижений,
внедрении новых	технологии и	обеспечения для	современные методы
методов контроля	производства,	проведения научных	и алгоритмы для
качества материалов,	модели, методы и	исследований	разработки и
производственно-	средства		адаптации
технологических	фундаментальных и	Основание:	прикладного
процессов и готовой	прикладных	Профессиональный	программного
продукции в сфере	исследований и	стандарт: 40.011	обеспечения для
высоких и	разработок в	стандарт. толотт	проведения научных
наукоемких	области математики,		исследований.;
технологий	физики и других		У-ПК-7[1] - Уметь
Технологии	естественных и		применять
			-
	социально-		современные методы
	экономических наук		и алгоритмы для разработки
	по профилям		* *
	предметной		наукоемкого
	деятельности в		программного
	науке, технике,		обеспечения.;
	технологиях, а		В-ПК-7[1] - Владеть
	также в сферах		навыками разработки
	наукоемкого		и адаптации
	производства,		прикладного
	управления и		программного
	бизнеса.		обеспечения для
			проведения научных
			исследований.

4. ВОСПИТАТЕЛЬНЫЙ ПОТЕНЦИАЛ ДИСЦИПЛИНЫ

Направления/цели	Задачи воспитания (код)	Воспитательный потенциал
воспитания		дисциплин
Профессиональное	Создание условий,	1.Использование воспитательного
воспитание	обеспечивающих,	потенциала дисциплин/практик

формирование научного «Научно-исследовательская мировоззрения, культуры работа», «Проектная практика», «Научный семинар» для: поиска нестандартных научнотехнических/практических - формирования понимания решений, критического основных принципов и способов отношения к исследованиям научного познания мира, развития лженаучного толка (В19) исследовательских качеств студентов посредством их вовлечения в исследовательские проекты по областям научных исследований. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплин "История науки и инженерии", "Критическое мышление и основы научной коммуникации", "Введение в специальность", "Научноисследовательская работа", "Научный семинар" для: - формирования способности отделять настоящие научные исследования от лженаучных посредством проведения со студентами занятий и регулярных бесед; - формирования критического мышления, умения рассматривать различные исследования с экспертной позиции посредством обсуждения со студентами современных исследований, исторических предпосылок появления тех или иных открытий и теорий. Профессиональное Создание условий, 1.Использование воспитательного воспитание обеспечивающих, потенциала дисциплин формирование навыков профессионального модуля для коммуникации, командной развития навыков коммуникации, работы и лидерства (В20) командной работы и лидерства, творческого инженерного мышления, стремления следовать в профессиональной деятельности нормам поведения, обеспечивающим нравственный характер трудовой деятельности и неслужебного поведения, ответственности за принятые решения через подготовку групповых курсовых работ и практических заданий, решение кейсов, прохождение практик и подготовку ВКР.

2.Использование воспитательного
потенциала дисциплин
профессионального модуля для: -
формирования производственного
коллективизма в ходе совместного
решения как модельных, так и
практических задач, а также путем
подкрепление рационально-
технологических навыков
взаимодействия в проектной
деятельности эмоциональным
эффектом успешного
взаимодействия, ощущением роста
общей эффективности при
распределении проектных задач в
соответствии с сильными
компетентностными и
эмоциональными свойствами
членов проектной группы.

5. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Разделы учебной дисциплины, их объем, сроки изучения и формы контроля:

№ п.п	Наименование раздела учебной дисциплины	Недели	Лекции/ Практ. (семинары)/ Лабораторные работы, час.	Обязат. текущий контроль (форма*, неделя)	Максимальный балл за раздел**	Аттестация раздела (форма*, неделя)	Индикаторы освоения компетенции
	5 Семестр						
1	Термодинамика	1-8	0/16/0		25	КИ-8	3-ПК-3, У-ПК-3, 3-ПК-7, У-ПК-7, В-ПК-7, В-ПК-3
2	Методы Монте-Карло	9-16	0/16/0		25	КИ-16	3-ПК-3, У-ПК-3, В-ПК-3, 3-ПК-7, У-ПК-7, В-ПК-7
	Итого за 5 Семестр		0/32/0		50		
	Контрольные мероприятия за 5 Семестр				50	3	У-ПК-3, В-ПК-3, 3-ПК-7,

			У-ПК-7,
			В-ПК-7,
			3-ПК-3

^{* –} сокращенное наименование формы контроля

Сокращение наименований форм текущего контроля и аттестации разделов:

Обозначение	Полное наименование
КИ	Контроль по итогам
3	Зачет

КАЛЕНДАРНЫЙ ПЛАН

Недели	Темы занятий / Содержание	Лек.,	Пр./сем.,	Лаб.,
		час.	час.	час.
	5 Семестр	0	32	0
1-8	Термодинамика	0	16	0
1 - 2	Квантовая модель Гейзенберга	Всего а	удиторных	часов
	Квантовая модель Гейзенберга. Спиновая статистика.	0	4	0
	Псевдобозоны. Инварианты и матричные элементы.	Онлайн	·I	
	Ферромагнитное и антиферромагнитное состояния	0	0	0
3 - 4	Термодинамика	Всего а	удиторных	часов
	Статистическая сумма, энергия, энтропия, теплоемкость	0	4	0
	системы. Расчет простейших термодинамических средних	Онлайн	I	
	на примере одномерных бозе-систем с неполной статистикой.	0	0	0
5 - 6	Квантовая статистика невзаимодействующей системы	Всего а	циторных	часов
	Распределения Больцмана, Ферми и Бозе. Плотность	0	4	0
	состояний.	Онлайн	I	1
		0	0	0
7 - 8	Стохастическое моделирование	Всего аудиторных часов		
	Нормальное распределение и центральная предельная	0	4	0
	теорема. Понятие о методах Монте-Карло. Расчет	Онлайн	Ŧ	
	интегралов	0	0	0
9-16	Методы Монте-Карло	0	16	0
9 - 10	Классические методы Монте-Карло для физических	Всего а	удиторных	часов
	систем	0	4	0
	Принцип детального равновесия. Алгоритм Метрополиса.	Онлайн	·I	
	Построения эргодической схемы, марковские цепочки.	0	0	0
11 - 12	Термодинамика и статистика для конечной системы	Всего а	удиторных	часов
	Модель Изинга. Расчет магнитного момента,	0	4	0
	теплоемкости, восприимчивости в модели Изинга. Оценка	Онлайн	I	
	погрешности. Автокорреляционный анализ.	0	0	0
13 - 14	Высокотемпературное разложение	Всего а	удиторных	часов
	Методы расчета с помощью высокотемпературного	0	4	0
	разложения и алгоритма "червя". Представление	Онлайн	I	
	операторов физических величин в новом базисе.	0	0	0

^{** –} сумма максимальных баллов должна быть равна 100 за семестр, включая зачет и (или) экзамен

15 - 16	Квантовые алгоритмы Монте-Карло	Всего а	удиторных	часов
	Разложение Троттера. Траекторный (world-line) алгоритм.	0	4	0
	Пример одномерных бесспиновых фермионов, Бозе-	Онлайн	Ŧ	
	Хаббард модели, двумерной модели Эмери. Решетка	0	0	0
	'checkboard' для траекторного алгоритма для обычной			
	модели Хаббарда. Расчеты диагональных и			
	недиагональных в числах заполнения операторов. Minus			
	Sign Problem для фермионных степеней свободы. Расчет			
	функции Грина.			

Сокращенные наименования онлайн опций:

Обозначение	Полное наименование
ЭК	Электронный курс
ПМ	Полнотекстовый материал
ПЛ	Полнотекстовые лекции
BM	Видео-материалы
AM	Аудио-материалы
Прз	Презентации
T	Тесты
ЭСМ	Электронные справочные материалы
ИС	Интерактивный сайт

ТЕМЫ СЕМИНАРОВ

Недели	Темы занятий / Содержание
	5 Семестр
1 - 2	Многочастичный базис
	Модель Бозе-Хаббарда. Повторение
3	Спиновые системы
	Построение базиса и гамильтоновой матрицы. Модель Гейзенберга.
4	Температура
	Расчет термодинамических средних
5 - 6	Свободный Ферми-газ
	Термодинамика и статистика.
7	Случайные распределения
	Алгоритмы получения случайных величин с заданным законом распределения.
8	Интегрирование методом Монте-Карло
	Определенные интегралы
9	Алгоритм Метрополиса
	Принцип детального баланса. Марковские цепочки.
10 - 11	Метод Монте-Карло для модели Изинга и решеточной модели.
	Одномерная модель Изинга. Метод Монте-Карло. Двумерная модель Изинга. Метод
	Монте-Карло для модели решеточного газа.
12	Расчет погрешностей
	Автокорреляционный анализ.
13 - 15	Квантовые методы Монте-Карло
	Алгоритм шахматной доски для модели Хаббарда. Расчет матричных элементов.
	Схема алгоритма. Алгоритм шахматной доски для модели Хаббарда. Расчет
	физических величин. Прием домашнего задания.

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При освоении данной дисциплины основную роль играют аудиторные занятия в виде лекций и семинаров, а также самостоятельная работа студентов, заключающаяся в выполнении домашнего задания, изучении пройденного материала, выполнении курсовых работ. Для того чтобы показать современное состояние вычислительных методов в квантовой физике, предусмотрено широкое использование современных научных работ и публикаций по данной тем. Рекомендуется посещение студентами научных семинаров и конференций, в том числе, проводимых в рамках Научной сессии НИЯУ МИФИ, а также в других московских университетах и институтах.

На практических занятиях студенты осваивают среду MatLab, язык Fortran, широко используют компьютерные технологии, практически рассчитывают реальные физические системы. При обсуждении тем лекционных занятий используются презентации, обсуждения последних научных работ, новые модели в физике конденсированного состояния. Рассказываются навыки работы с научной литературой, с базой данных Physical Review, Elseiver и др. Обязательными являются самостоятельная работа студентов, выполнение индивидуальных заданий, работа с литературой.

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Фонд оценочных средств по дисциплине обеспечивает проверку освоения планируемых результатов обучения (компетенций и их индикаторов) посредством мероприятий текущего, рубежного и промежуточного контроля по дисциплине.

Связь между формируемыми компетенциями и формами контроля их освоения представлена в следующей таблице:

Компетенция	Индикаторы освоения	Аттестационное мероприятие (КП 1)
ПК-3	3-ПК-3	3, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-3	3, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-3	3, КИ-8, КИ-16
ПК-7	3-ПК-7	3, КИ-8, КИ-16
	У-ПК-7	3, КИ-8, КИ-16
	В-ПК-7	3, КИ-8, КИ-16

Шкалы оценки образовательных достижений

Шкала каждого контрольного мероприятия лежит в пределах от 0 до установленного максимального балла включительно. Итоговая аттестация по дисциплине оценивается по 100-балльной шкале и представляет собой сумму баллов, заработанных студентом при выполнении заданий в рамках текущего и промежуточного контроля.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со следующей шкалой:

Сумма баллов	Оценка по 4-ех	Оценка	Требования к уровню освоению
	балльной шкале	ECTS	учебной дисциплины
90-100	$1 \mathcal{I} = ((OM\pi 11) \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I} \mathcal{I}$		Оценка «отлично» выставляется студенту, если он глубоко и прочно усвоил

		Г		
			программный материал, исчерпывающе,	
			последовательно, четко и логически	
			стройно его излагает, умеет тесно	
			увязывать теорию с практикой,	
			использует в ответе материал	
			монографической литературы.	
85-89		В	Оценка «хорошо» выставляется студенту,	
75-84		С	если он твёрдо знает материал, грамотно и	
, , ,	4 – «хорошо»		по существу излагает его, не допуская	
70-74			существенных неточностей в ответе на	
, , , ,		D	вопрос.	
65-69			Оценка «удовлетворительно»	
		Е	выставляется студенту, если он имеет	
			знания только основного материала, но не	
	3 –		усвоил его деталей, допускает неточности,	
60-64	«удовлетворительно»		недостаточно правильные формулировки,	
			нарушения логической	
			последовательности в изложении	
			программного материала.	
Ниже 60	2 – «неудовлетворительно»	F	Оценка «неудовлетворительно»	
			выставляется студенту, который не знает	
			значительной части программного	
			материала, допускает существенные	
			ошибки. Как правило, оценка	
			«неудовлетворительно» ставится	
			студентам, которые не могут продолжить	
			обучение без дополнительных занятий по	
			соответствующей дисциплине.	
			обучение без дополнительных занятий по	

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОСНОВНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. ЭИ K81 Practical course on MatLab for foreign students : , Krasavin A.V., Zhumagulov Ya.V., Moscow: National Research Nuclear University MEPhI, 2018
- 2. 53 К31 Квантовые сильнокоррелированные системы: современные численные методы: учебное пособие для вузов, Красавин А.В., Кашурников В.А., Москва: МИФИ, 2007
- 3. ЭИ К31 Квантовые сильнокоррелированные системы: современные численные методы: учебное пособие для вузов, Красавин А.В., Кашурников В.А., Москва: МИФИ, 2007
- 4. ЭИ Б 30 Численные методы : учебное пособие, Кобельков Г. М., Бахвалов Н. С. , Жидков Н. П., Москва: Лаборатория знаний, 2020
- 5. 519 Б30 Численные методы : учебное пособие для вузов, Жидков Н.П., Кобельков Г.М., Бахвалов Н.С., Москва: Бином. Лаборатория знаний, 2015

ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ЛИТЕРАТУРА:

- 1. 53 КЗ1 Вычислительные методы в квантовой физике : учеб. пособие для вузов, Красавин А.В., Кашурников В.А., Москва: МИФИ, 2005
- 2. 530 Л22 Теоретическая физика Т.3 Квантовая механика. Нерелятивистская теория, Ландау Л.Д., Москва: Физматлит, 2024
- 3. 53 Л22 Теоретическая физика Т.5 Статистическая физика. Ч.1, Ландау Л.Д., Москва: Физматлит, 2005
- 4. 539.2 А98 Физика твердого тела Т.1, Ашкрофт Н., М.: Мир, 1979
- 5. 539.2 А98 Физика твердого тела Т.2, Ашкрофт Н., М.: Мир, 1979

ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ:

- 1. Freemat (http://freemat.sourceforge.net)
- 2. Компилятор Fortran (http://gcc.gnu.org/wiki/GFortran)

LMS И ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ:

- 1. сайт Американского физического общества (http://www.aps.org)
- 2. сайт издательства Elsevier ()

https://online.mephi.ru/

http://library.mephi.ru/

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Специальное материально-техническое обеспечение не требуется

10. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ СТУДЕНТОВ

При изучении курса необходимо твердо усвоить современные численные методы расчета квантовых систем — метод точной диагонализации Гамильтоновой матрицы, квантовый и классический методы Монте-Карло. Для достижения этого студент должен уметь формулировать модельный гамильтониан и его представление в виде матрицы или стохастической схемы, владеть современным математическим и физическим аппаратом в области физики конденсированного состояния, быть в состоянии продемонстрировать точный численный расчет сильновзаимодействующей квантовой системы с расчетом физических характеристик. Для освоения материала курса необходимо иметь предварительные знания по линейной алгебре, алгебре операторов, по статистической физике, термодинамике и квантовой механике. Необходимо изучить математический аппарат вторичного квантования, схемы построения Гамильтоновой матрицы для различного типа квантовых статистик. Необходимо уметь из данных численного расчета получать физические характеристики системы. При расчете методами Монте-Карло знать корректный способ расчета термодинамических средних. Знать принцип детального баланса и уметь использовать его при построении эргодической

численной схемы расчета. Следует уметь оценивать погрешность и проводить автокорреляционный анализ. Иметь представление о квантовых методах Монте-Карло и их классификацию.

На практических занятиях студенты осваивают среду MatLab, язык Fortran, широко используют компьютерные технологии, практически рассчитывают реальные физические системы. При обсуждении тем лекционных занятий используются презентации, обсуждения последних научных работ, новые модели в физике конденсированного состояния. Даются навыки работы с научной литературой, с базой данных Physical Review, Elseiver и др. Обязательными являются самостоятельная работа студентов, выполнение индивидуальных заданий, работа с литературой

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ДЛЯ ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ

Необходимо дать студентам возможность усвоить современные численные методы расчета конечных квантовых систем – метод точной диагонализации Гамильтоновой матрицы, квантовый и классический методы Монте-Карло. Для достижения этого следует рассказать об основных моделях сильнокоррелированных систем для различных квантовых статистик модели Хаббард, Бозе-Хаббард, спиновые модели и различные их модификации. Следует сформулировать представление о модельном гамильтониане и показать его представление в виде матрицы. Следует для освоения материала курса вспомнить базовые знания студентов по линейной алгебре, алгебре операторов, по статистической физике, термодинамике и квантовой механике. Для освоения метода точной диагонализации необходимо научить формализму математического аппарата вторичного квантования. Важно рассказать о базисе чисел заполнения, о представлении физических операторов в этом базисе. Необходимо научить схемам построения Гамильтоновой матрицы для различного типа квантовых статистик. Необходимо научить, как уметь из данных численного расчета получать физические характеристики системы. При обсуждении методов Монте-Карло рассказать способ расчета термодинамических средних. Необходимо подробно рассказать принцип детального баланса и показать. Как его использовать при построении эргодической численной Научить корректной оценке погрешности расчета автокорреляционного анализа. Дать представление о квантовых методах Монте-Карло и их классификацию

Автор(ы):

Кашурников Владимир Анатольевич, д.ф.-м.н., профессор

Красавин Андрей Валерьевич, к.ф.-м.н., доцент